

21世纪全国店等院校财经管理系列实用规划教材



主 编 邓正林







说明

本书版权属于北京大学出版社有限公司。版权所有, 侵权必究。

本书电子版仅提供给高校任课教师使用,如有任课教师需要本书课件或其他相关教学资料,请联系北京大学出版社客服,微信手机同号:15600139606,扫下面二维码可直接联系。

由于教材版权所限, 仅限任课教师索取, 谢谢!



统计学

主编 邓正林副主编 何永达 胡书林 姚晓东

Mesky 学出版社 PEKING UNIVERSITY PRESS

内容简介

本书较为系统地阐述了统计学的基本理论、方法和技能。 按照统计工作程序将全书分为 10 章,包括 结论、统计数据搜集、统计数据整理与显示、统计度量指标、统计指数、抽样与参数估计、假设检验、方 差分析、相关与回归分析、时间序列分析。 在内容安排上,突出对统计思想的介绍、在每章前列出了该章 应掌握的知识要点和技能要点,并配有导入案例。 为了便于读者掌握和理解本书内容, 章末有本章小结 和配套习顺,以便读者掌握和现固有关知识, 据高分析问题, 解决问题的能力, 也为教师教学继任方师。

本书适用于高等院校经济类、管理类本科各专业作为统计学教学用书,同时可作为从事相关工作的人 品的参考用书。

图书在版编目(CIP)数据

统计学/邓正林主编. -北京:北京大学出版社,2015.1 (2)世纪全国高等院校财经管理系列实用规划教材)

ISBN 978 - 7 - 301 - 25180 - 5

I. ①统… II. ①邓… III. ①统计学—高等学校—教材 IV. ① ○○○

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2014) 第 282002 5

书 名 统计学

著作责任者 邓正林 主编

镀划编辑 干昂招

责任编辑 葛 方

标准书号 ISBN 978-7-301-25180-

出版发行、北京大学出版社

地 北京市海淀区成府路 205 号 100871

M 址 http://www.pup.cn 新浪微博:@北京大学出版社

电子信箱 pup_6@163.com

电 话 邮购部 62752015 发行部 62750672 编辑部 62750667

印刷者

经 销 者 新华书店

787毫米×1092毫米 16 开本 20.75 印张 474 千字

2015年1月第1版 2015年1月第1次印刷

定 价 42,00元

未经许可,不得以任何方式复制或抄袭本书之部分或全部内容。

版权所有, 侵权必究

举报电话: 010-62752024 电子信箱: fd@pup.pku.edu.cn

图书如有印装质量问题,请与出版部联系,电话:010-62756370

21世纪全国高等院校财经管理系列实用规划教材 专家编审委员会

主任委员 刘诗白

副主任委员 (按拼音排序)

韩传模 王宗萍 李全喜

颜爱民 曾 旗

(按拼音排序) 顾 间

> 高俊山 胡运权

万后芬

(按拼音排序 委 景

> 程春梅 邓德胜 冯根尧 黄解字 冯雷鸣

李柏生 李相合

李小红 刘志超 沈爱华

王富华 吴宝华 张淑敏 赵邦宏 赵秀玲 赵宏

杨士富 法律顾问

丛 书 序

我国越来越多的高等院校设置了经济管理类学科专业,这是一个包括理论经济学、应用经济学、管理科学与工程、工商管理、公共管理、农林经济管理、图书馆、情报与档案管理7个一级学科门类和31个专业的庞大学科体系。2006年教育部的数据表明,在全国普通高校中,经济类专业布点1518个,管理类专业布点4328个。其中除少量院校设置的经济管理专业偏重理论数学外,绝大部分属于应用型专业。经济管理类应用型专业主要着限于培养社会主义国民经济发展所需要的德智体全面发展的高素质专门人才,要求既具有比较扎实的理论功底和良好的发展后劲,又具有较强的职业技能,并且又要求具有较好的创新精神和实践能力。

在当前开拓新型工业化道路,推进全面小康社会建设的新时期,进一步加强经济管理 人才的培养,注重经济理论的系统化学习,特别是现代财经管理理论的学习,提高学生的 专业理论素质和应用实践能力,培养出一大批高水平、高素质的经济管理人才,越来越成 为提升我国经济竞争力、保证国民经济持续健康发展的重要前提。这就要求高等财经教育 要更加注重依据国内外社会经济条件的变化、适时变革和调整教育目标和教学内容;要求 经济管理学科专业更加注重应用、注重实践、注重规范、注重国际交流;要求经济管理学 科专业与其他学科专业相互交融与协调发展;要求高等财经教育绪养的人才具有更加丰富 的社会知识和较强的人文素质及创新精神。要完成上述任务,各所高等院校需要进行深人 的教学改革和创新、特别是要搞好有较高质量的教材的编写和创新工作。

出版社的领导和编辑通过对国内大学经济管理学科教材实际情况的调研,在与众多专家学者讨论的基础上,决定编写和出版一套面问经济管理学科专业的应用型系列教材,这是一项有利于促进高校教学改革发展的重要措施。

本系列教材按照高等学校经济类和管理类学科本科专业规范、培养方案,以及课程教学大纲的要求,合理定位,由长期在教学第一线从事教学工作的教师编写,立足于21世纪经济管理类学科发展的需要,深入分析经济管理类专业本科学生现状及存在的问题,探索经济管理类专业本科学生综合素质培养的途径,以科学性、先进性、系统性和实用性为目标,其编写的特色主要体现在以下几个方面;

- (1) 关注经济管理学科发展的大背景,拓宽理论基础和专业知识,着眼于增强教学内容与实际的联系和应用性,突出创造能力和创新意识。
- (2) 体系完整、严密。系列涵盖经济类、管理类相关专业以及与经管相关的部分法律类课程,并把握相关课程之间的关系,整个系列从书形成一套完整、严密的知识结构体系。
- (3) 内容新颖。借鉴国外最新的教材,融会当前有关经济管理学科的最新理论和实践 经验,用最新知识充实教材内容。
- (4) 合作交流的成果。本系列教材是由全国上百所高校教师共同编写而成,在相互进行学术交流、经验借鉴、取长补短、集思广益的基础上,形成编写大纲。最终融合了各地特点,具有较强的适应性。



- (5) 案例教学。教材融入了大量案例研究分析内容, 计学生在学习过程中理论联系实 际,特别列举了我国经济管理工作中的大量实际案例,这可大大增强学生的实际操作 能力。
- (6) 注重能力培养。力求做到不断强化自我学习能力、思维能力、创造性解决问题的 能力以及不断自我更新知识的能力, 促讲学生向着富有鲜明个性的方向发展。

作为高要求, 经济管理类教材应在基本理论上做到以马克思主义为指导, 结合我国财 经工作的新实践, 充分汲取中华民族优秀文化和西方科学管理思想, 形成具有中国特色的 创新教材。这一目标不可能一蹴而就,需要作者通讨长期艰苦的学术劳动和不断地进行教 材内容的更新才能认成。我希望这一系列教材的编写,将是我国拥有较高质量的高校财经 管理学科应用型教材建设工程的新尝试和新起点。

我要感谢参加本系列教材编写和审稿的各位老师所付出的太量卓有成效的辛勤劳动。 由于编写时间紧,相互协调难度大等原因、本系列教材肯定还存在一些不足和错漏。我相 信,在各位老师的关心和帮助下,本系列教材一定能不断做改讲和完善,并在我国大学经 济管理类学科专业的数学改革和课程体系建设中起到应有的促进作用。

刘诗白 任西南财经大学名誉校长、教授。博士生导师,四川省社会科学联合会主 席,《经济学家》杂志主编,全国高等财经院校《资本论》研究会会长,学术团体"新知 研究院"院长。

目 录

第1章	绪论.		. 1	-				
	64-11-16-	46 J. 6-4 027		第3章	统计数据	整理与显	示	. 37
1. 1		基本问题		3, 1	65: 2.1. 安抚·甘豆 由5	44 TB) IRT		. 20
	1. 1. 1	统计的含义 ······		9. 1				. 30
	1.1.2	统计学的性质和研究对象	. 3			十数据整理		
	1.1.3	统计的基本作用和职能	. 4		V	A		
	1.1.4	统计研究基本方法	. 4		/ - 1	V. Z	的步骤	. 38
	1.1.5	统计活动过程	. 5		3.1.3 统计	一调查数据	资料的预	
1.2	统计学	的基本概念	. 6	0	处理	Į		. 38
	1. 2. 1	统计总体和总体单位	. 6	3.2	统计分组与	频数分布数	效列	. 39
	1. 2. 2	标志	. 7	17/1	3.2.1 统计	分组 …		. 39
	1.2.3	统计指标	. 8	11.	3.2.2 頻麦	女分布数列		· 42
	1. 2. 4	变量	10	3.3	统计数据的	显示		• 47
1.3	统计的	产生与发展	10		3.3.1 统计	十表		- 48
	1. 3. 1	统计活动的产生与发展	10		3, 3. 2 统计	十图		. 49
	1.3.2	统计学的产生与发展	11	3.4	Execl 在统计	十整理中的	应用示例	• 50
	1.3.3	统计学的基本分科	13	VX	3.4.1 数据	品的预处理	***************************************	- 50
	1. 3. 4	常用统计工具软件简介	14	11	3.4.2 品房	量型数据的	整理与显示 …	- 54
本章	小结 ···	, SST	15	, ,	3.4.3 数值	型数据的	整理与显示 …	- 56
习题		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	16	本章	小结			. 57
	4	^		习题				- 58
第2章	统计数	対据搜集	18					
2. 1	统计数:	据搜集概述	19	第 4 章	统计度量	指标	***************	- 61
21		统计数据搜集的含义和	10	4.1	总体规模与	相对关系用	度量	- 62
	27 21 2	要求	19					
	2, 1, 2	统计数据的类型			4.1.2 相又	· 指标 · · · ·		. 63
	2, 1, 3	统计数据搜集方法		4.2			ā	
	2. 1. 4	统计数据搜集组织方式						
2 2		查设计					~ 2 10 101	
6.6		统计调查方案设计						
		调查问卷的设计					注意的问题 …	
	2. 2. 2			4.0				
2, 3		查实施		4.3			į	
	2. 3. 1	建立调查组织					异指标	. 82
		调查的实施与监控				忘变异指标		
本章	小结 …		34		计算	Į		- 83



4	. 4	数据分	布形态度量	9()		6. 1. 2	抽样推 助	的作用		135
		4.4.1	偏度及其度量指标 ·	91	1		6. 1. 3	抽样推断	中的基本概念		136
		4.4.2	峰度及其度量指标 ·	98	3		6.1.4	抽样组织	方式		137
4	. 5	运用E	ccel 计算统计指标示例	94	4 (5. 2	抽样推图	析的数理	基础		139
		4.5.1	利用计算函数,逐个	求出指标			6.2.1	正态分布			139
			数值	95	5		6. 2. 2	大数定律			142
		4.5.2	利用"工具→数据分	析",			6.2.3	中心极限	定理		143
			同时求出各个指标数	值 96	6		6. 2. 4	抽样分布			144
7	上章	小结 …		98	8 (5. 3	抽样误差	差			149
3	引題			98	8		6.3.1	抽样误差	概述		149
第5:	atic.	统计指	≦数	101			6.3.2	抽样平均	误差的计算		150
弗 D .	早	SOC UT II	19以	103	3	5.4	参数估i	+ 10000			153
5	. 1	统计指	数概述	10	4		6. 4. 1	点估计…			153
		5. 1. 1	统计指数的概念	104	4		6. 4. 2	区间估计	的基本原理 ·		154
		5.1.2	统计指数的作用	104	4	X.	6. 4. 3	一个总体	参数的区间		
		5.1.3	统计指数的种类	105	5 11	1	V	估计			158
		5. 1. 4	统计指数的性质	106	5	1	6.4.4	两个总体	参数的区间		
5	. 2	综合指	数	106	6KY			估计			163
		5. 2. 1	综合指数编制的基本	17.17	- '	5. 5	样本容力	量的确定			167
			原理	107	7		6. 5. 1	影响样本	容量的因素 …		167
		5. 2. 2	综合指数的类型	108	8	V	6, 5, 2	样本容量	的确定		167
5	. 3	平均指	数数	114	4 3	8.6	Excel 在	参数估计	中运用示例…		169
		5. 3. 1	平均指数编制的基本		X	1	6. 6. 1	用 Excel	进行随机抽样	*****	169
			原理	11	67		6. 6. 2	按区间估	计步骤确定总	体均值	缸
			平均指数的类型		1-4			置信区间			171
5	. 4	统计指	数体系和因素分析 …	118	В		6. 6. 3	运用 CO	NFIDENCE M	数确定	E
		5. 4. 1	统计指数体系	118	8			总体比率	置信区间		172
		5.4.2	因素分析	120	0	本章	小结				173
5	. 5	几种重	要的经济指数简介 …	126	6 .	习题					174
		5. 5. 1	工业生产指数(IPI)		第 7	音	假设检	- II-⇔			178
		5. 5. 2	生产者价格指数(PPI) 127	7	-	1100 12	922			110
		5. 5. 3	消费者价格指数(CPI			7. 1					
		5. 5. 4	货币购买力指数						的基本思想 …		
		5. 5. 5	股票价格指数						的步骤		
		5. 5. 6	农副产品收购价格指						的两类错误 "		
2	J题			131	1 1	7. 2	,		段设检验		
第6:	音	抽样与	参数估计	13/	4				的检验		
									的假设检验 ··		
6			断的基本问题				7. 2. 3		的假设检验 ··		
		6. 1. 1	抽样推断的概念及特	点 135	5	7.3	两个总位	本参数的位	段设检验		191
-		Carrier.									

							п э	
							目 录	
		7. 3. 1	两个总体均值之差的假设			9. 2. 1	回归分析概述	230
			检验	191		9.2.2	一元线性回归模型	231
		7.3.2	两个总体比率之差的假设			9.2.3	一元线性回归模型参数的	
			检验	193			估计	233
		7.3.3	两个总体方差比的假设			9. 2. 4	一元线性回归模型的	
			检验	194			检验	238
	7.4	Excel 7	E.假设检验中运用示例 ·······	195		9. 2. 5	一元线性回归模型的估计与	
		7.4.1	对总体均值的假设检验				预测	240
			(n>30)	195	9.3	多元线	生回归分析	243
		7.4.2	对正态总体均值的假设检验			9. 3. 1	多元线性回归模型的	
			(n<30、总体方差未知) ···	196			构建,	243
	本章	小结 …		198		9.3.2	多元线性回归模型的统计	
	习题			198		ZX	检验	245
第8	-	+ */	}析	001	4.5	9. 3. 3	多元线性回归方程的	
寿 0	華	刀左フ	7-191	201	1	7	运用	248
	8. 1	方差分	析的基本问题	202	1	Excel 在	相关与回归分析中运用	
		8.1.1	方差分析的含义	202	10	示例 …		248
		8.1.2	方差分析中的常用术语	202		9.4.1	Excel 在一元线性回归分析	
		8.1.3	方差分析的基本思想	203			中的运用	248
	8. 2	单因素	方差分析	204		9.4.2	Excel 在多元线性回归分析	
		8. 2. 1	单因素方差分析的应用		vX	X	中的运用 ······	251
			条件	204	本章/	/绪		254
		8, 2, 2	单因素方差分析的基本	13	习题.			254
			步骤 (3	204	10章	时间	亨列分析	260
			方差分析的多重比较	207				
	8. 3	双因素	方差分析	208	10.1	时间序	列概述	261
		8. 3. 1	无交互作用的双因素方差			10. 1. 1	时间序列的概念	261
			分析	209			时间序列的种类	
		8.3.2	有交互作用的双因素方差				编制时间序列的原则	
			分析			10. 1. 4	时间序列分析的内容	263
		/-			10.2	时间序	列分析指标	264
	习题		***************************************	216			时间序列水平分析指标 …	
第9	章	相关占	可回归分析	219			时间序列速度分析指标 …	272
						10. 2. 3	运用分析指标应注意的	
	9. 1		析				问题	
			相关关系的概念和种类	220			势的测定	276
		9.1.2	简单线性相关关系的			10. 3. 1	时间序列构成因素及组合	
			测定	221			模型	276

9.1.3 相关分析注意的问题 229

9.2 一元线性回归分析 …… 229

10.3.2 时距扩大法 ………… 277

10.3.3 移动平均法 ……… 277

统计学

	10.3.4 指数平滑法	279	10.5.2 季节变动、长期趋势与
	10.3.5 最小平方法	280	循环变动的测定 29
10.4	季节变动与循环变动的测定。	285	本章小结 29
	10.4.1 季节变动的测定 …	285	· 月題 · · · · · · · · · 25
	10.4.2 循环变动的测定 …	289	附录
10.5	Excel 在时间序列分析中运用		PH 30
	示例	291	参考文献
	10.5.1 长期趋势的测定	291	罗考又献



第 1 章 绪 论

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
统计的基本问题	掌握	统计的含义、统计学的性质和研究对象、统计研究基本方法、统计的职能、统计活动过程
统计学的基本概念	重点掌握	统计总体、总体单位、标志、统计指标、变量
统计的产生与发展过程	了解	统计的产生与发展、统计学的基本分科

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
统计的含义	了解	统计活动、统计资料、统计学之间的联系
统计研究基本方法	熟悉	统计基本方法在经济管理工作中的应用
统计的职能	掌握	统计的应用领域
统计学的基本分科	了解	描述统计和推断统计的基本内容



哪种包装方式效果最好?

发入司为了研究产品包装方式功商品销售量的影响,开展了试验。试验的形式是在同一时间内分别,用1种包装形式在3个地区进行销售试验。试验前读或商品销售量在3个地区基本处于同一水平。试验结果见下表。

不同包装方式销售量试验结果

单位,件

销售地区	包装方式					
相長地区	A ₁	A ₂	A ₃	Aι		
B_{i}	125	133	145	137		
B_z	139	147	139	136		
B_3	134	142	138	148		

该公司营销管理部门希望得到的结果有以下几个方面。

第一, 商品不同包装和不同地区销售数量之间有无思著差异?

第二,是否任意两种包装方式的销售量之间都存在显著差异?

(提示,要解决这个问题,需要用到统计中的方差分析方法才能得到结论)

曾经有人做过统计,在诺贝尔经济学获奖者中,2/3以上的研究成果与统计和定量分析有关。当前,人们的生活已步人大数据时代,大众传播媒体报道中每一天都有许多统计数据和统计研究结论,一个部门、一个企业在经营管理中也会产生大量的统计数据。这些数据是如何取得的?它们有什么用?如何得到有用的数据?如何处理和分析这些数据?等等。人们需要通过统计知识解决这些问题,运用数据所显示的规律性为生产和消费活动服务。因此,作为经济管理人员,学习和掌握统计学知识是非常有必要的。

1.1 统计的基本问题

1 1.1 统计的含义

统计是人们认识客观事物总体数量变动关系和变动规律活动的总称。统计一词来源已久,其含义屡有变化、汉语中统计一词原意为合计或总括计算。英语中的统计最早出自于拉丁语的"Stutus"。指的是各种现象的状态和状况、后来演变为"Statistics"。它有两种含义,当它以单数名词出现时,表示为统计学;当它以复数名词出现时,表示为统计数据或统计资料。现在统计一词已被人们赋予多种含义、主要有3种、即统计活动、统计数据和统计学。

统计活动起人们根据某种目的,这用一定的方法、对客观事物数量进行搜集、整理和 分析的活动过程。也称为统计工作。例如,要研究某地区居民生活消费品价格的变动情况,就要先搜集不同时期各种商品价格水平的数据,再对其加以整理、计算,就得到反映 该地区居民消费品价格变化程度的各类数据及总体数据,也就是得到反映物价水平变动的 各种指标,进而可以分析该地区居民消费品价格的变动程度和特点。可见,统计活动是人 们对客观事物的一种有目的、有计划的认识活动。

统计数据是统计活动中所取得的各项数据资料以及与之相关的信息资料的总称,也称为统计资料。人们运用统计数据来说明客观事物发展变化的水平、速度、比例、揭示事物发展变化的规律和特点。在报刊、杂志和互联网等媒体上经常见到统计数据和统计分析报告,用数据反映某种观象的现状和特征。目前许多部门和企业建立了信息管理系统,提供了部门和企业经营情况的统计数据。国家或有关部门每年都将反映社会经济发展情况的统计数据编撰成统计年鉴,定期公开出版,或在网站上公布,供人们仓询。

统计学是《刊收集、整理、显示和分析统计数据的科学、其目的是探索数据内在的数量规律性。不列颠百科全书将统计学定义为。种方法论科学、是搜集、处理、分析和解释数据并从数据当中得出结论的科学。《初级统计学》(Mario F. Triola)将统计定义为"统计指的是一组方法、用来设计实验、获得数据、然后在这些数据的基础上组织、概括、演示、分析、解释和得出结论。"

统计活动、统计数据和统计学3种概念之间有着密切联系。统计数据是统计活动的成果,统计学是统计活动的理论概括和科学总结,能系统地指导人们的统计实践活动。在统计工作中,人们把积累的实践经验加以概括和总结,又使统计学理论得到发展。

1.1.2 统计学的性质和研究对象

明确统计学性质对于确定统计学内容、方法等方面有重要的意义。关于统计学的性质,在国内主要有3种观点:第一种是规律派、认为统计学是研究事物发展规律的,即通过研究在一定时间地点条件下事物的数量表现,揭示事物发展规律的独立的社会科学,属于一门实质性科学、第二种是数理统计学派、认为统计学的研究对象是随机现象,是以概率论为基础的应用数学,是一门通用的数理方法学科、并不存在独立的事物统计学,它只不过是数理统计方法在研究现象时的应用:第三种是方法论派、该观点认为统计学研究的是统计活动的规律和方法,即统计工作的方法论。认为统计工作和统计学是有区别的,统计工作是认识客观事物数量方面的具体工作过程,在这个过程中要按统计学所提供的方法太做。大多数人倾向于第三种观点,即统计学是属于认识事物总体现象数量方面的方法论科学。

统计学研究对象主要可从两个方面来体现,一是统计认识对象,二是统计学性质。

(1) 从统计认识对象看,统计学研究对象是客观事物总体的数量方面

从哲学意义出发,任何事物都存在质和量两个方面,统计是从量的方面对客观事物进行观察研究的。统计在认识客观事物数量时,具有以下几个方面的特点。

第一、数量性。统计是在质与量的密切联系中研究事物数量方面的。如果离开了事物的质的方面规定性。那就无法研究事物的量。统计研究事物数量方面的目的。在于通过对事物的方面观察和量变规律的研究。逐步把握事物的质、达到对事物质的方面的认识。因此、统计对客观事物数量方面的认识包括量的水平多少、现象之间的数量联系、数量变化规律、质与基互变的数量界限等。

第二、总体性。总体性是指统计的目的是要认识客观事物整体的特征,而非对个体现象的认识。只有通过对总体数量方面的观察,才能发现现象存在的共性和规律性。要强调的是,总体性并不排斥统计对客观事物个体的观察研究。事实上,统计研究正是从对个体认识开始的,然后才逐步过渡到对总体的认识。例如,要研究一个国家或地区的工业生产情况时,首先要选择许多个有代表性的工业企业,一个个地进行观察了解,然后将观察到的情况和数据加以汇总和分析,进而就能对该国或该地区工业的生产能力、生产规模、产品结构和工业品满足社会需要程度等方面的情况进行评价。但如果只对该国或该地区的个别工业企业进行观察,则无论的工作做得多么细致,也只能是个体企业的情况,不可能得到整个工业生产方面的信息,因为它不具备代表性。

第三,变异性。变异就是事物的变化或不同。统计中的变异性是指总体研究对象中各单位特征的具体表现存在者差异。变异是统计研究的前提。如要研究一个地区的工业企业的经济效益情况,正因为这些企业的经济效益是各不相同的,形成效益不同的原因也是多样的、要掌握其其性,就要对其开展研究。如果各个企业的经济效益都相同,也就不需要进行专门研究、只需要找其中一个企业了解一下,就能掌握全部企业的效益情况。

第四,社会性。统计认识的社会性可以从3个方面进行考察:一是统计认识主体是社



会的人,人的社会性决定了认识立场和研究结论上的社会性;二是人们总是在一定目的之 下开展统计活动,为一定的社会集团服务,统计活动与部分人或所有人的利益有关,它必 然反映在统计结果中。三是统计的认识对象包括自然现象和社会现象,认识自然现象的目 的也是为人类社会服务。因此,统计具有社会性。

(2) 从统计学性质来看。统计学研究对象是统计认识活动的特征。方法和规律

如前所述,统计学是统计实践活动的理论概括和总结,因此,统计学研究对象就是统 计认识活动的特征、方法和规律。其内容包括如何去搜集资料,如何对搜集的资料加以整 理、概括和表示,以及如何对取得的数据进行分析和推断总体特征等一系列方法。这些方 法和原理构成了统计学的基本内容。简而言之,统计学是关于如何认识总体现象数量特征 及其规律性的方法论科学。

1.1.3 统计的基本作用和职能

统计的基本作用是认识作用。我国已故的著名经济学家、人口学家马寅初先生对统计 的重要性是这样评价的。"学者不能离开统计而研究,政治家不能离开统计而施政,事业 家不能离开统计而执业。"在一个管理系统中有决策、执行、信息、咨询、监督5个环节, 统计在信息、咨询、监督3个环节中具有重要的作用,因而往往将信息职能、咨询职能、 监督职能称为统计的三大职能,统计的具体作用都是在统计信息职能的基础上派生出来 的。信息职能是统计的最基本职能,它是根据自己的研究对象,运用科学的方法,灵敏、 系统地采集、处理、传递、存储和提供大量的以数量描述为基本特征的各种各样的信息。 从而为公共部门和社会大众的决策提供服务。咨询职能是统计信息职能的延续和深化、它 是利用已经掌握的丰富的统计信息资源。运用科学的分析方法和先进的技术手段、深入开 展综合分析和专题研究,为社会经济管理活动的科学决策提供各种可供选择的咨询建议与 对簧方家。监督职能是指法围统计手段对社会、经济、科技各方面的运行情况进行检查。 监督和预警。它是根据统计调查和统计分析资料,及时、准确地从总体上反映事物的运行 状态,并对其实行全面、系统的定量检查、监督和预警,通过信息反馈来评判、检验和调 整决策方案.

在我国,统计的这一整体功能以法律形式在《中华人民共和国统计法》中得到了明确 规定:"统计的基本任务是对国民经济和社会发展情况进行统计调查、统计分析,提供统 计资料和咨询意见。实行统计监督。"

1.1.4 统计研究基本方法

统计学根据其性质和研究对象的特点、形成了专门的研究方法、主要包括大量观察 法、统计分组法、综合指标法、抽样推断法和数学模型法等。

1. 大量观察法

大量观察法是指统计存研究事物数量方面时,必须对总体现象中的全部或足够多数的 个体进行观察,以达到对现象总体数量特征及其规律性的认识。总体现象是复杂的,它在 各种错综复杂的因素影响下形成数量上的差异。在统计时如果仅对少数个体进行观察。就 会受到偶然因素的影响,得不到符合实际情况的结论。如果进行大量观察,可以抵消各个 个别现象数量受偶然性因素的影响,反映出总体数量表现的规律性。只有被观察的个体认

到一定数量或足够多的时候,才能消除因偶然因素影响造成的误差,样本对总体才有代表 性,用样本指标推断总体指标时,才具有较好的可靠性。

2. 统计分组法

统计分组法是指根据统计研究问题的目的不同,选择某一分组标志对总体进行分组,把总体分成不同的部分或组,以反映总体构成情况,也便于分析现象之间的相互关系。它是统计资料整理的重要方法,也是统计分析的基本方法之。。例如:要研究我国企业的有关情况,以企业规模为标志进行分组,结果可以反映大、中、小型各类企业的数量及其比例关系;以盈利状况为标志进行分组,可以观察企业的盈利结构,探讨其特征,与有关因素之间的联系等。

3. 综合指标法

综合指标法是根据大量观察所获得的数据资料进行计算,得到反映总体现象的综合情况的统计指标,来反映总体数量特征的统计分析方法。通常使用的综合指标主要有总量指标,相对指标、平均指标、变异指标等。这些指标各自从不同的角度对总体的特征进行描述和度量,将其结合运用,可以更加全面、深入地分析事物总体现象的数量方面,可进一步探求观象数量变动规律性。统计指标和由统计指标结合而成的统计指标体系,是统计描译和度量总体情况的基本工具。

4. 抽样推断法

抽样推断法是指按照随机原则从总体中选择一部分单位进行调查,并根据调查结果对总体数量特征作用具有一定把握性推断的统计方法。抽样推断法在各种非全面统计调查方法中居于主导地位,它所依据的虽然是部分单位的数量资料。但只要保证这些单位的代表性较好,就能通过推断获得对总体数量特征的认识。目前,抽样推断方法在经济、社会、医疗卫生、体育、科研等众多的领域都得到了广泛的应用。

5. 教学模型法

数学模型法是将客观现象的统计数据资料拟合为适当的数学模型、用以反映客观现象之间的数量关系、揭示数量变化规律性的一种统计方法。随着统计理论的不断发展、利用数学模型进行统计数量研究越来越受到人们的重视。运用数学模型对实际统计数据进行加工、模拟经济运行过程,使人们在定性认识的基础上对事物量的认识更加深化和精确。在许多统计分析中,运用数学模型可以做定量预测,可以寻找观象之间的数量关系,甚至可以发现客观现象存在的规律,预测事物未来的发展趋势。如运用数学模型反映某种农作的 南产量和施肥量之间的关系,以确定合理的施肥量。随着计算机技术的广泛运用,统计数据的处理速度和精度得到大幅提高,数学模型已成为经济分析中极有应用价值的工具。

1.1.5 统计活动过程

统计活动从认识过程来看,一般是由统计设计、统计数据搜集、统计数据整理和统计数据分析 4 个环节组成的。

1. 统计设计

统计设计是指根据统计研究对象的性质和研究目的、对统计活动各个方面和各环节所



作的通盘考虑和安排。它的结果表现为各种标准、规定、制度、方案和办法等。统计设计 的主要内容有,统计指标和指标体系的设计,统计分类和统计分组的设计,统计表的设 计、统计资料搜集方法的设计、统计活动各个部门和各个阶段的协调与联系、统计力量的 组织与安排。有了科学的统计设计、就能使整个统计活动有序、协调地进行、从根本上保 证统计活动的顺利开展。使统计资料质量认到规定的要求。因此。统计设计是统计活动的 先导。

2. 统计数据搜集

统计数据搜集也称为统计调查,它是根据统计研究目的和统计设计的要求,采用一定 的调查组织形式和调查方法,有组织,有计划抽搏集缔计数据资料的过程,统计数据搜集 是统计认识活动由定性认识讨渡到定量认识的基础阶段。这个阶段所搜集的数据资料是否 客观、全面、系统、及时、直接影响到统计整理的好坏。关系到统计分析结论的正确性。 决定着整个统计活动的质量。所以、统计数据搜集是整个统计活动的基础。

3. 统计数据整理

统计数据整理, 也称为统计整理, 它是根据统计研究目的和任务, 对已搜集到的统计 数据进行审核、分组和汇总、将分散的、零星的反映总体单位特征的资料转化为反映总体 数量特征的综合资料的过程。统计数据整理是对各个总体单位特征的认识过渡到对总体数 量特征认识的桥梁和纽带。因此,统计整理在统计活动中起着承上启下的作用。

4. 统计数据分析

统计数据分析也称为统计分析、它是用科学的分析方法、对统计整理的数据进行数量 分析, 描述和度量研究对象的特征, 揭示事物之间的联系或数量规律性的过程。统计分析 的结果是有关单位和部门作出管理决策或提出咨询意见的参考依据。统计分析是统计活动 的最后阶段, 也是统计发挥信息、咨询和监督职能的关键阶段。

一般来说,统计活动过程的4个阶段是依次进行的,各有自己的特定内容。从认识论 的角度来说,统计设计属于对客观现象讲行的定性认识的范畴,统计数据搜集和统计数据 整理属于定量认识的范畴。统计数据分析则是运用统计方法对资料进行比较、判断、推理 和评价,揭示总体现象的本质和规律性的阶段,又属于定性认识阶段。因此,统计活动是 统计设计(定性), 到统计资料搜集和整理(定量), 再诵讨分析而达到对事物本质和规律性 的认识(定性)的过程。这种"质一量一质"的认识过程是统计认识的一个主要特点,体现 了统计要在质与量的密切联系中研究事物总体数量方面的原则要求。

1.2 统计学的基本概念

1.2.1 统计总体和总体单位

1. 统计总体和总体单位的概念

统计总体就是根据一定研究目的确定的统计所要研究事物的全体。它是由客观存在的 具有某种共同性质的许多个别事物构成的整体。

统计总体简称总体。构成统计总体的个别单位称为总体单位、也称为个体。例如、要研究某市工业企业的经济效益情况,这时该市所有的工业企业就构成了一个总体、该市的每一个工业企业就是总体单位。再如、要研究某校学生的身体素质情况,这时该校的所有学生就构成了一个总体,该校的每一位学生就是总体单位。可见,总体和总体单位是由研究目的确定的,不是固定不变的。如果研究目的发生变化,则总体和总体单位也要作相应的变化。在统计研究过程中,明确了统计总体以后,后续的统计设计、统计资料搜集和整理和统计分析等具体工作,就都要删然这一总体来讲行。

总体按总体中包含的单位数是否全部可以计数、可分为有限总体和无限总体。有限总体是指总体中包括的总体单位是能够全部计数的总体。例如一个企业的全体职工、一个国家的全部人口等现象可以形成有限总体。无限总体是指一个总体中包括的总体单位是难以全部计数的总体。例如,研究某条连续生产的生产线上产品质量情况,这时全部总体单位数,即全部产品数量就难以全部计数。再如,要研究某区域海洋中某种鱼类资源的情况,这时所研究的总体单位数,即全部鱼的数量也是难以全部计数的。对于有限总体可以进行全面调查,也可以进行非全面调查,而对于无限总体只能进行非全面调查,然后根据调查结果估计或推断总体。

2. 统计总体的特点

统计总体具有同质性、大量性和变异性3方面特点。同质性是指构成总体的各个单位至少在某一个方面具备相同的性质或表现。同质性是构成总体的前提,如果各个单位找不出一个相同的性质表现,则这些单位就不能构成总体。大量性是指总体是由许多个总体单位组成的。研究目的不同,构成总体的单位就不同,总体中所包含的总体单位数量也会不同,一个总体究竟包含多少总体单位,取决于统计研究的目的。只有一个或极少量单位的总体是不存在的。变异性是指构成总体的各个单位之间某种特征的具体表现存在的差别。例如,某地区各个工业企业的产值、利润、规模等具体表现不相同或不全相同,这种差别就是变异。这里需要特别说明的是,总体的同质性是研究问题的前提条件,而总体的变异性则是研究的题本身。统计就是研究总体变异。发有变异就不需要统计。

3. 抽样总体

抽样总体是根据 · 定的方法从总体中抽取出来的、作为这 · 总体代表的那部分总体单位所组成的集合体,也称为样本。例如、某厂生产 · 批灯泡 10000 只,要检测这批灯泡的平均使用寿命,从这批灯泡中随机抽取 20 只进行测验。这时,被抽取出来的 20 只灯泡就是样本。检测样本中每只灯泡的使用时间、计算得到它们的平均使用时间。由此推断这10000 只灯泡的平均使用时间。有关样本的概念将在第6章中作详细说明。

1.2.2 标志

标志是总体单位特征或属性的名称。例如、工业企业的所有制类型、职工人数、资产总额、职工的性别、民族、工龄、技术职称等都是标志。特征或属性是人们研究和认识事物的出发点。

标志表现是某个标志在某个总体单位中的具体表现。例如,研究某单位职工情况时, 每个职工是总体单位,性别、年龄、民族等是标志,其具体表现为女、32岁、汉族等。



研究总体情况时,首先是从观察各个单位特征的具体表现开始的,然后逐步讨渡到对总体 数量特征的认识。例如,如果研究目的是了解基国的人口特征,这时该国所有人构成了总 体、每个人是总体单位、人的性别、年龄、民族等是每个人所具有的标志。要认识人口总 体的特征,首先要对每一个人的特征进行调查了解,得到全国所有人或者作为样本人口中 的每个人的标志的具体表现,然后汇总各个标志的具体表现。就能得到反映人口总体情况 的数据或指标, 进而进行分析, 就能得出关于该国人口总体特征的资料。

标志按其性质可以分为品质标志和数量标志。品质标志是表示事物属性、说明事物的 举别的,具体表现具能用文字表示,如职工的性别、民族、工种等,品质标志的具体表现 一般不能用数值表示。数量标志是表示事物的量的特性的,它的具体表现是能够用数值表 示的,称为标志值,如职工年龄、下资、下龄等,学生的学习成绩等。有时数量标志的具。 体表现也可以用文字表示。如学生的学习成绩可以分为优秀、良好、中等、及格和不 及格。

标志按其具体表现在各单位中有无差异分,可分为不变标志和变异标志。当某个标志 在各个单位的具体表现都相同时,这个标志称为不变标志; 当某个标志在各个单位的具体 表现不同或不全相同时,这个标志称为可变标志或变异标志。如要研究某中学高二年级学 生的学习情况,这时总体是该校高二年级的全体学生,总体单位是每个学生,这时年级就 是不变标志,文化成绩、性别、性格、爱好就是变异标志。

1.2.3 统计指标

1. 统计指标的概念

统计指标也称为指标。统计指标的含义有两种、一是统计指标是指反映总体现象数量 特征的概念。例如,"某地区某年按不变价格计算的国内生产总值"为统计指标,这是统 让指标的设计形态。二是统计指标是反映总体现象数量特征的概念和具体数值。例如, "某地区某年按不变价格计算的国内生产总值为 5000 亿元"也是统计指标,这是统计指标 的完成形态。两种含义的区别在王指标中有没有具体数值。在进行统计设计时,只能设计 统计指标的名称、内容、口径、计量单位和方法。这时还没有指标数值。经过搜集资料、 汇总整理。加工计算后就得到统计指标的具体数值,形成了统计指标的完成形态。完成形 态的统计指标一般包括指标所属时间、空间、指标名称、指标数值、计量单位和计算方法 这6个要素。

2. 参数与统计量

在推断统计中, 人们通常把研究总体的指标统称为参数, 样本指标统称为统计量。如 前述例子中的20只灯泡的平均使用时间就是一种统计量,10000只灯泡的平均使用时间 就是一种参数。总体参数通常是未知的,统计量是人们对样本进行调查、整理以后得到 的, 参数是可以根据样本统计量加以估计和推断得到。

3. 统计指标的特点

统计指标的特点包括以下几个方面。

(1) 数量性。统计指标就是反映总体数量特征的,所有的统计指标都是可以用数值来 表现的, 这是统计指标最基本的特点。

- (2) 综合性。统计指标是许多总体单位数量综合或计算的结果,是综合说明总体特征的。
- (3) 具体性。具体性有两个方面含义: 一是统计指标是反映某 · 现象在 · 定时间、地 点条件下的数量表现; 二是统计指标说明的是客观存在的、已经发生的事实,它不是抽象 的概念和数字。

4. 统计指标的种类

统计指标按其说明总体内容特点的不同分为数量指标和质量指标。数量指标是说明总体外延或规模大小的统计指标。数量指标也称为绝对数。具有实物的或货币的计量单位、 其数值大小随着总体范围的变化而变化。它是人们认识总体现象的基础指标。质量指标是 说明总体内部数量关系和总体单位平均水平的指标、通常表现为相对数或平均数形式、其 数值大小与总体范围的变化没有直接关系。

统计指标按其作用和表现形式的不同,可分为总量指标、相对指标和平均指标。总量 指标又分为实物指标、劳动指标和价值指标3种。(具体内容将在第4章中介绍)

统计指标按管理功能作用不同,可分为描述指标、评价指标和预警指标。描述指标主要反映客观事物运行的状况、过程和结果,提供对客观总体现象的基本认识,是统计信息的主体。评价指标用于对客观现象总体运行的结果进行比较、评估和考核。以检查工作质量,如政府系统的绩效考核指标和企业经济效益评价指标。预警指标一般用于对客观现象运行过程进行监测,对客观现象运行中即将发生的失衡、失控等进行预报和警示。在反映国民经济运行状况时,通常选择国民经济运行中的关键性、敏感性经济现象,建立相应的监测指标体系,如失业率、居民消费价格指数是政府非常关注的两个指标。

5. 统计指标体系

一个统计指标具能从一个方面反映和说明总体。由于总体现象的复杂性、要全面认识总体、就需要运用多种指标从不同的角度来描述。统计指标体系就是由若干个统计指标结合起来的、从不同方面说明总体特征的许多统计指标所构成的整体。统计指标体系根据所究问题的范围大小,可以建立宏观统计指标体系和微观统计指标体系。宏观统计指标体系的宽问题的范围大小,可以建立宏观统计指标体系和微观统计指标体系。宏观统计指标体系、统计指标体系就是反映观象较小范围的统计指标体系。统计指标体系根据所反映现象的范围内容不同,可以分为综合性统计指标体系和专题性统计指标体系。综合性统计指标体系是较全面地反映总系统及其各个子系统的综合情况的统计指标体系,如:国民经济和社会发展统计指标体系。专题性统计指标体系则是反映某一个方面或问题的统计指标体系,如工业企业经济效益指标体系主要由产品销售率、劳动生产率、净产值率、资金利润率、负债率、流动资金周转速度等格标构成。

6. 标志与指标的区别和联系

它们的主要区别是:第一,说明对象不同,标志是说明总体单位特征的,指标是说明总体特征的。第二,具体表现不完全相同,品质标志的具体表现只能用文字表示而不能用数值表示,数量标志的具体表现能用数值表示,而所有的指标都能用数值表示,没有不能用数值表示的统计指标。

它们的主要联系是,第一,有许多统计指标的数值是由总体各单位数量标志值汇总计



算得到的,第二,标志与指标之间存在着变换关系。如果统计研究目的有所变化,则原来 的统计总体与总体单位会发生相应变化。则统计指标与数量标志也会随之对应变化。

1.2.4 变量

在数学中, 变量是指可以取不同数值的量。在统计中, 变量是指变异标志和统计指 标、也就是变量标志或指标的名称。这些变量标志或统计指标在不同总体单位或总体中的 具体取值或表现是不同的、因此称为变量。变量的具体表现则称为变量值。

变量按其数据计量尺度不同,可以分为定性变量和定量变量两种。反映变异的品质标 志属于定性变量。如人的性别为变量。变量值表现为男或女。反映变异的数量标志属于定 量变量,如人的年龄是数量标志,是一个变量,其标志值可以是20岁、30岁、40岁等。 某地区职工工资总额是一个统计指标, 也是一个变量, 其指标数值就是变量值。

变量按 註取值是否连续, 可分为连续变量与离散变量两种, 连续变量是在一定区间内 可任意取值的变量,可以用数轴上的某一区间表示其取值范围。其取值是连续不断的,相 邻两个数值之间可作无限分割,即可取无限个数值,例如,生产零件的规格尺寸、测量人 体的身高、体重、胸制等为连续变量。其数值是用测量或计量的方法取得的。离散变量是 可按一定顺序——列举其数值的变量。例如,企业个数、职工人数、设备台数、学校数、 医院数等, 其数值一般是用计数方法取得的。

变量按影响因素的不同,可以分为确定性变量和随机性变量。确定性变量是指受确定 性因素影响的量,影响变量值变化的因素是明确的,可解释的或可人为控制的,因而变量 的变化方向和变动程度是可确定的。例如,企业职工工资总额不外乎受职工人数和平均工 资两个因素影响,这两个因素都是可人为控制的,对工资总额影响的大小和方向是确定 的。随机性变量是指受随机因素影响的量、即影响变量值变化的因素是不确定的、偶然 的,变量受随机因素影响的大小和方向是不确定的。例如农作物产量的高低受土壤、水 分、气温、光照、施肥、管理等多种因素影响。而水分、光照、气温等的变化是非确定的 或非人所能控制的,因而农作物产量是随机性变量。这里要说明的是有些随机性变量也蕴 藏着一定的规律性,通过大量观测和分析研究可以揭示其变动的规律性。例如通过大量 观测发现,随着施肥量的适当增加和管理水平的提高,农产量会呈上升趋势。研究和发 现随机变量的变动规律, 也是统计学研究的主要任务之一。通常, 自然现象的变量大多 属于随机性变量, 而社会经济现象的变量既有确定性变量, 也有随机性变量。其中许多 社会经济现象中的变量既受确定性因素影响。也受随机因素影响。要根据具体情况加以 认定。

1.3 统计的产生与发展

1.3.1 统计活动的产生与发展

统计活动产生的历史可追溯到远古的原始社会,最初它是随着人们在生产和生活中计 数的需要而产生的。后来,国家产生了,统计是适应国家管理的需要和社会经济发展的需 要而逐步发展起来的,距今已有四五千年的历史。据考证、在国外、古罗马、古希腊和古

埃及等文明占国都做过有关同情国力方面的调查。在我国原始社会末期及奴隶社会形成过程中,已经出现了统计的萌芽、"结绳记事"是最早的统计活动,并将所记之事分为"大事"和"小事"、以"结"的大小来表示。奴隶制社会统计活动的主要内容是"丁口"和"旧亩",即人口和耕地的数量统计,其目的主要是满足战争和贡献的需要。在我国夏朝(约公元前21世纪一公元前16世纪)时就已经有了人口和田亩统计。随着社会分了的不断发展,在两周已经出现了人们的职业分类。经过漫长的封建社会、统计活动的范围逐渐拓宽,内容也逐渐丰富,除了人口和耕地统计之外,财产统计、产量统计、仓储统计、交通运输统计、矿冶统计、物价统计、军费统计、非传统计、财政统计、海关统计等也慢慢产生和发展,并存漫长的岁月里积累了一定的统计资料。民国时期的统计已经逐步按行业进行,具备了"定规模。新中国成立以来,我国的统计活动也得到了极大的发展。在现代,各国都设立专门的统计机构、配备了相应的统计人员和设备、统计思想、统计内容、统计方法和手段等方面都已发展到一个新阶段,基本能适应社会经济发展的需要。

1.3.2 统计学的产生与发展

虽然统计实践活动起源很早,但人们将统计实践经验上升到理论予以总结和概括成为一门系统的科学即统计学, 距今只有300多年的历史。从统计学的产生和发展过程来看,大致可以划分为3个时期;统计学的萌芽期、统计学的近代期和统计学的现代期。

1. 统计学的萌芽期

统计学初创于 17 世纪中叶至 18 世纪、当时上要有国势学派和政治算术学派。国势学派产生于 17 世纪的德国、代表人物是康令(H. Conring)、阿坎瓦尔(G. Achenwall)、代表作品是《近代欧洲各国国情学概论》。他们在大学中开设了一门新课程、最初叫做"国势学"。他们所做的工作主要是对国家重要事项的记录、因此又被称为记述学派。这些记录记载着关于国家、人口、军队、领上、居民职业以及资源财产等事项、编重于事件的叙述,而忽视量的分析。政治算术学派起源于 17 世纪的英国,主要代表人物是威廉·配第(W. Petty 1623~1687 年》和约翰·格朗特(J. Graunt 1620~1674 年)。17 世纪的英国学者威廉·配第(W. Petty)在他所著的《政治算术》(1676 年) · 书中、对当时的英国、荷兰、法国之间的"国富和力量"进行数量上的计算和比较、做了前人没有做过的从数量方面来研究社会经济现象的工作。正是在这个意义上、马克思称配第是"政治经济学之父、在某种程度上也可以说是统计学的创始人"。配第的朋友约翰·格朗特(J. Graunt)通过对伦敦市50 多年的人口出生和死亡资料的计算。写出了第一本关于人口统计的著作《对死亡表的自然观察和政治观察》(1662 年)。从此、统计的含义从记述转变为专指在"量"的方面来说明国家的重要事项。这就为统计学作为一种从数量方面认识事物的科学方法,开辟了广朗的发展而是

2. 统计学的近代期

统计学的近代期是在 18 世纪末至 19 世纪末,主要有数理统计学派和社会统计学派。 最初把占典概率论引进统计学领域的是法国天文学家、数学家、统计学家拉普拉斯 (P. Laplace)。他发展了对概率论的研究、阐明了统计学的人数法则,并进行了大样本推 断的尝试。随着资本主义经济的发展,统计被应用于社会经济的各个方面,统计学逐步走 统计学

向昌盛。比利时统计学家、数学家、天文学家凯特勒(A, Quetelet)完成了统计学和概率论 的结合,从此,统计学开始讲人更为上宫发展的新阶段。国际统计学界有人称制特勒为 "统计学之父",就在于他发现了大量现象的统计规律性和开创性地应用了许多统计方法。 凯特勒把统计学发展中的 3 个主要源泉,即德国的国势学派、英国的政治算术派和意大 利、法国的古典概率派加以统一、改造并融合成具有近代意义的统计学, 促使统计学向新 的境界发展。可以说, 凯特勒是古典统计学的完成者, 又是近代统计学的先驱者, 在统计 发展史上具有承上启下、继往开来的地位。同时, 凯特勒也是数理统计学派的奠基人, 因 为数理统计就是在概率论的基础上发展起来的。社会统计学派由德国大学教授尼斯 (K. G. A. Knies)首创, 主要代表人物为恩格尔(C. L. E. Engel)和梅尔(G. V. Mayr)。他们 认为,统计学的研究对象是社会现象,目的在于明确社会现象内部的联系和相互关系;统 计应当句括资料的搜集、整理,以及对其分析研究。他们认为,在社会统计中,全面调 香,包括人口普香和 [农业调查,居于重要地位;以概率论为理论基础的抽样调查,在一 定的范围内具有实际意义和作用。社会统计学派由于在理论上比政治算术学派更加完善, 在时间上比数理统计学派提前成熟,因此它很快占领了"市场",对国际统计学界影响较 大,流传较广。

3. 统计学的现代期

统计学的现代期基自 20 世纪初到现在的时期。20 世纪 20 年代以来,数理统计学发展 的主流从描述统计学转向推断统计学。19 世纪末和 20 世纪初的统计学主要是关于描述统 计学中的一些基本概念、资料的搜集、整理、图示和分析等,后来逐步增加概率论和推断 统计的内容。到了 20 世纪 30 年代, 英国统计学家费希尔(Ronald Avlmer Fisher)的推断 统计学才促使数理统计进入现代范畴。现在,数理统计学的丰富程度完全可以独立成为一 门学科, 但它也不可能完全代替一般统计方法论。传统的统计方法虽然比较简单, 但在实 际统计工作中运用仍然极广,正如四则运算与高等数学的关系一样。不仅如此、数理统计 学主要涉及资料的分析和推断方面,而统计学还包括各种统计调查、统计工作制度和核算 体系的方法理论、统计学与各专业相结合的一般方法理论等。由于统计学比数理统计在内 容上更为广泛,数理统计学相对于统计学来说不是一门并列的学科,而是统计学的重要组 成部分。

从世界范围看,自20世纪60年代以来,统计学的发展呈现出以下几个趋势。

- (1) 由描述统计向推断统计发展。描述统计是对所搜集的大量数据资料进行加工整 理、综合概括,通讨图示、列表和数字,如编制次数分布表、绘制直方图、计算各种特征 数等,对资料进行分析和描述。而推断统计则是在搜集、整理观测样本数据的基础上对总 体作出推断。目前, 西方国家所指的科学统计方法, 主要就是指推断统计。
- (2) 由社会、经济统计向多分支学科发展。在20世纪以前,统计学的领域主要是人 口统计、生命统计、社会统计和经济统计。随着社会、经济和科学技术的发展、今天统计 的范畴已覆盖了社会生活的一切领域、几乎无所不包、成为通用的方法论科学。它被广泛 用于研究社会和自然界的各个方面、并发展成为有着许多分支学科的科学。
- (3) 统计预测和决策科学的发展。传统的统计是对已经发生和正在发生的事物进行统 计,提供统计资料和数据。20世纪30年代以来,特别是第二次世界大战以来,由于经济、 社会、军事等方面的客观需要,统计预测和统计决策科学有了很大发展。

- (4) 统计学与信息论、控制论、系统论等学科的相互渗透和结合。信息论、控制论、系统论在许多基本概念、基本思想、基本方法等方面有着共同之处, 三者从不同角度、侧面提出了解决共同问题的方法和原则。 :论的创立和发展, 彻底改变了世界的科学图景和科学家的思维方式, 使统计科学和统计工作主意了内容, 出现了新的发展趋势。
- (5) 计算机及统计软件的运用提高了统计计算能力。近几十年间,计算机技术不断发展,专业软件的开发和使用,使统计数据的处理、分析、存储、传递、印制等过程日益现代化,提高了统计工作的效能。计算机技术的发展日益扩大了传统的和先进的统计技术的应用领域,促使统计科学和统计工作发生了革命性的变化。

(6)统计存现代管理和社会生活中的地位日益重要。英国统计学家哈斯利特说:"统 计方法的应用是这样普遍,在我们的生活和习惯中,统计的影响是这样巨大,以致统计的 重要性无论怎样强调也不过分。"甚至有的科学还把现在称为"统计时代"。显然,统计科 学的发展及其未来,已经被赋予了划时代的意义。

1.3.3 统计学的基本分科

从统计方法的构成来看,统计学可以分为描述统计学和推断统计学;从统计方法研究和统计方法的应用角度来看,统计学可以分为理论统计学和应用统计学。

1. 描述统计学和推断统计学

描述统计学(Descriptive Statistics)研究如何取得反映客观现象的数据,并通过图表形式对所收集的数据进行加工处理和显示。进而通过综合概括与分析得出反映客观现象的规律性数量特征。内容包括统计数据的收集方法、数据的加工处理方法、数据的显示方法、数据分布特征的概括与分析方法等。推断统计学(Inferential Statistics)则是研究如何根据样本数据去推断总体数量特征的方法、它是在对样本数据进行描述的基础上,对统计总体的未知数量特征做出以概率形式表述的推断。

描述统计学和推断统计学的划分,一方面反映了统计方法发展的前后两个阶段,同时也反映了应用统计方法探索客观事物数量规律性的不同过程,如图 1-1 所示。从图 1-1 可以看出描述统计学和推断统计学在统计方法探索客观现象数量规律性中的地位。描述统计是整个统计学的基础,推断统计则是现代统计学的主要内容。由于在对现实问题的研究中,所获得的数据主要是样本数据,因此,推断统计在现代统计学中地位和作用越来越重要,已成为统计学的核心内容。从描述统计学发展到推断统计学,既反映了统计学发展的巨大成就,也是统计学发展成熟的重要标志。

2. 理论统计学和应用统计学

理论统计学(Theoretical Statistics)即数理统计学(Mathematical Statistics) 主要探讨统计学的数学原理和统计公式的来源。由了现代统计学几乎用到了所有方面的数学知识,从事统计理论和方法研究的人员需要有坚实的数学基础。而且,由于概率论是统计推断的数学和理论基础,所以广义的统计学亦应包括概率论在内。理论统计学是统计方法的理论基础,理论统计学包括的主要内容有;概率理论、抽样理论、实验设计、估计理论、假设检验理论、决策理论、非参数统计、序列分析、随机过程等。

应用统计学(Applied Statistics)探讨如何运用统计方法去解决实际问题。其实,将理

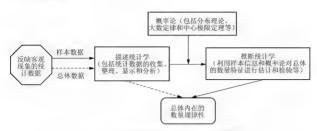


图 1-1 统计学探索客观现象数量规律性的过程

论统计学的原理应用于各个学科领域、就形成了各种各样的应用统计学。例如、统计方法 在生物学中的应用形成了生物统计学。在农业试验、育种等方面的应用形成了农业统计 学。统计方法在经济和社会科学领域的应用也形成了若干分支学科。例如、统计方法在经 济领域的应用形成了经济统计学及其若干分支,在管理领域的应用形成了管理统计学。在 社会学研究和社会管理中的应用形成了社会统计学。在人口学中的应用形成了人口统计 学,等等。应用统计学除了包括各领域通用的方法。如参数估计、假设检验、方差分析等 之外、还包括某领域所特有的方法。如经济统计学中的指数法、现代管理决策法等。应用 统计学着重阐明这些方法的统计思想和具体应用,而不是统计方法数学原理的推导和 证明。

1.3.4 常用统计工具软件简介

近年来随着计算机技术不断发展、许多统计软件也随之被开发和应用。目前主要有 Excel、SAS、SPSS、Eviews、TSP、STATISTICA、MINITAB 等专业软件。这些统计 软件的运用、使统计数据的处理、分析、存储、传递、印制等过程变得非常方便快捷,提 高了统计工作的效能。日益扩大了传统的和先进的统计技术的应用领域、促使统计科学和 统计工作发生了革命性的变化。这里主要介绍两种常用的统计软件。

1. Excel

Excel 是一个设计精良、功能齐全的办公软件。它除了具有常用的办公功能、如通过电子表格的形式对数字数据进行组织和计算;将数字数据转化为可视化的图表和数据库管理功能外,还是一个十分强大而且非常易用的数据统计和预测工具。Excel 的统计功能分为基本描述统计和预测两部分。描述性统计可通过 Excel 提供的统计函数或加载宏来完成。

2. SPSS

SPSS 的全称是 Statistical Program for Social Sciences,即社会科学统计程序。该软件是公认的最优秀的统计分析软件包之一。SPSS 原是为大型计算机开发的,其版本为SPSSx、20世纪80年代初,微机开始普及以后,它率先推出了微机版本(版本为SPSS/

PC+x,x),占领了微机市场,大大地扩大了自己的用户量,我国目前最新版本是 SPSS 22.0。它与以往的 SPSS 版本相比、显得更加直观易用。它采用现今广为流行的电子表格形式作数据管理器。使用户变量命名、定义数据格式、数据输入与修改等过程。气呵成;采用菜单方式选择统计分析命令;采用对话框方式选择子命令。简明快捷、无需死记大量繁冗的语法语句;采用对象连接和嵌入技术。使计算结果可方便地被其他软件调用,实现数据件享,提高工作效率。作为统计分析工具、SPSS 理论严谨、内容丰富、实现数据管理、统计分析、趋势研究、制表绘图、文字处理等功能。

本章小结

- 1. 統計是人们认识客观世界总体数量变动关系和变动规律的活动的总称。统计一词包含 3 个会义、即统计活动、统计数据和统计学。
- 2. 统计学是认识事物总体观象数量方面的方法论科学,统计学的特点有数量性、总体性、变异性和社会性,统计学的研究对象就是统计认识活动的特征,方法和规律。
- 3. 统计具有信息职能、咨询职能、监督职能。统计研究基本方法包括大量观察法、统计分组法、综合指标法、抽样推断法和数学模型法。
- 统计活动从具体的统计认识过程来看,一般是由统计设计、统计数据搜集、统计数据整理和统计数据分析4个阶段组成的。
- 5. 总体是根据一定目的确定的所要研究事物的全体。它是由客观存在的具有某种共同性质的许多个别事物构成的整体。
- 构成统计总体的个别单位称为总体单位,也称为个体 总体和总体单位是由研究目的确定的。 统计总体具有同质性、大量性和变异性3方面的特点。
- 6. 总体按总体单位数是否全部可以计数,可分为有限总体和无限总体。无限总体是指一个总体中包括的总体单位急难以全部计数的总体。
- 7. 样本是核据一定的方法从总体中抽取出来的、作为这一总体代表的一部分总体单位所组成的集合体。样本单位是构成样本的每一个总体单位。
- 8. 标志是说明总体单位特征或属性的名称。标志表现就是某个标志在某单位中的具体表现。标志按其性质可以分为品质标志和致量标志。品质标志具体表现为属性。数量标志具体表现为标志值。标志按其具体表现在各单位中有无差异分。分为不变标志和变异标志。
- 9. 統計指标是指反映总体现象数量特征的概念及其具体数值。完成形态的統计指标一般包括指标的所属时间、空间、指标名称、指标数值、计量单位和计算方法这6个要素。
 - 10, 统计指标的特点包括: 数量性、综合性、具体性。
- 11. 统计指标的分类。统计指标按其说明总体内容的不同分为数量指标和质量指标、按其作用和表现形式的不同,可分为总量指标、相对指标和平均指标,统计指标按管理功能作用不同,可分为磁法指标,证价指标和预指标。
- 12. 统计指标体系就是各种相互联系的统计指标所构成的一个有联系的整体,用来说明所研究现象各个方面相互依存和相互制约的关系。
- 13. 变量是指变异标志和统计指标。变量的具体表现称为变量值。变量按其取值是否连续分为 连续变量与离散变量两种。变量按影响因素的不同分为确定性变量和随机性变量。



14. 统计活动是适应社会经济发展的需要和国家管理的需要而逐步发展起来的, 距今已有四五 千年的历史。统计学产生距今只有 300 多年的历史,从统计方法的构成来看。分为描述统计学和 推断统计学;从统计方法研究和统计方法的应用角度来看,分为理论统计举和应用统计学。

য 题

一,简答题

- 1. "统计"一词的含义有哪几种? 各种含义之间有何关系?
- 2. 统计学的性质和研究对象分别是什么?
- 3. 试举出日常生活或工作中统计数据及其规律性的例子。
- 4. 统计研究的基本方法有哪些?
- 5. 统计的职能有哪些?
- 6. 统计活动过程是什么?
- 7. 什么是描述统计学和推断统计学? 它们之间有何区别和联系?

二、单项洗择题

- 1. 某公司要调查了解本地区居民家庭的消费支出情况,这项研究的总体是(
- A. 本地区居民家庭消费专出情况
- B. 本地区所有居民家庭
- C. 某一居民家庭的消费支出情况, V
- D. 本地某一居民家庭
- 2. 在研究我国工业企业的经济效益情况时,总体单位是()。
- A. 我国每一家工业企业
- B. 我国所有工业企业

C. 我国工业企业总数____

- D. 我国丁业企业的利润总额
- 3. 某研究部门准备在全市 80 万个家庭中抽取 100 个家庭,据此推断该城市所有职工家庭的年人均 收入,这项研究的统计量是(
 - A. 100 个家庭

- B. 80 万个家庭
- C. 100 个家庭的人均收入
- D. 80 万个家庭的人均收入
- 4. 统计研究的基本特点是()。
- A. 从数量上认识个体的特征和规律 C. 从件质上认识个体的特征和规律
- B. 从数量上认识总体的特征和规律 D. 从性质上认识总体的特征和规律
- 项调查表明,在所抽取的1000个消费者中。他们每月在网上购物的平均消费是200元,他们 选择在网上购物的主要原因是"价格便官"。这里的参数是()。
 - A. 1 000 个消费者

- B. 所有在网上购物的消费者
- C. 所有在网上购物的消费者的平均消费额 D. 1000 个消费者的平均消费额
- 6, 统计认识过程是()。
- A. 从质到量
- B. 从量到质
- C. 从质到量, 再到质和量的结合
- D. 从总体到个体
- 7. 构成统计总体的基础和前提是(
- A. 综合性 B. 同质性
- C. 大量性
- D. 变异件

- 8. -个统计总体()。 A. 只能有一个标志
- B. 只能有 -个指标

C. 可以有多个标志

D. 可以有多个指标

9. 变带是变量的()。

A. 品质标志 B. 数量标志

D. 质量指标

C. 标志和指标

10. 最近互联网上的一份报告称"由 200 緬新车组成的一个样本表明。外国新车的价格明显高于本 国生产的新车"。这一结论属于()。

A. 对样本的描述

B. 对样本的推断

C。对总体的描述

D. 对总体的推断

三. 多项洗择题

1. 在第六次全国人口普查中,()。

A. 全国人口数是统计总体

B. 总体单位县每一个人

C. 全部男性人口数是统计指标 D. 人口的性别比是品质标

E. 人的年龄是变量

2. 总体、总体单位、标志、指标之间的相互关系表现为(

A. 没有总体单位也就没有总体。总体单位不能离开总体而存在

B. 总体单位是标志的承担者

C. 统计指标的数值来源于标志

D. 指标是说明总体特征的, 标志是说明总体单位特征的

E. 指标和标志都能用数值表示

3. 基家庭的 3 位成员的某月工资额分别为 1 500 元、1 800 元和 3 000 元, 这里(

A. 有 3 个 容量

B. 只有 1 个变量

C. 有3个变量值

E. 既有变量、也有变量值"

4. 统计指标的构成要素有(

A. 指标名称

B. 计量单位 D) 指标数值

C. 计算方法 E. 时间和空间范围

5、下列叙述中。属于采用椎断统计方法的是()。

A. 用指标描述某个企业职工的学历构成

B. 从全部零件中抽出部分零件测量其重量。再估计全部零件的重量

C. 一个城市某月份某商品的平均价格

D. 反映学生身高分布情况的统计图

E. 根据某城市中部分家庭收入水平推断该城市全部家庭的收入情况

四、案例分析題

1. 某地区统计部门提供一份统计报告显示:"该地区某年未有商业零售企业5000个,就业人数60 万人,该年实现销售利润300亿元,人均实现销售额。万元。"为了检验上述数据的可靠性,随机抽取了 90 个零售企业进行调查。问: 这项调查的总体、总体单位、样本分别是什么? 参数和统计量是什么?

2. 一个公司测试一种新的电视广告的效果。作为测试的一部分、广告在某市的本地时间下午7:00 的新闻节目中播出。3 天以后市场调查公司通过电话采访形式获取记忆率信息(观众记得看过广告的百分 比) 和对广告的印象。问,这一研究的总体、个体、样本分别是什么?这种情况下为什么使用样本进行 调查?

第 2 章 统计数据搜集

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
统计数据搜集概述	掌握	数据搜集的含义和要求、数据的类型、数据 搜集方法、数据收集组织方式
统计调查设计	重点掌握	统计调查方案设计、调查问卷设计
统计调查实施	了解	建立调查组织、调查实施与监控、误差控制

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
数据搜集方法	掌握	根据实际需要,选择合适的数据搜集方法
数据收集组织方式	熟悉	根据实际需要。选择合适的数据搜集组织 太式 ,
统计调查方案设计	重点掌握	结合具体课题。制定出切实可行的方案
调查实施与监控	了解	调查组织实施、控制调查误差



肯德基与"神秘顾客"

南橋裝是世界著名的快餐公司,它的透賴店几乎獨布世界各地。为了保证该些種額店的服务质量。它在世界快餐业者的使用"神報顧客"。自應整快餐公司中的"神報顾客"。很是似中国的质量检查员。 之所以股核为"神秘顾客"。是因为他们在工作时。从一般顾客的身份出现。检验监督时不四户色。不会 此人察定,帮有一定的神秘秘密。是因为他们在工作时。从一般顾客的身份出现。检验监督时不四户色。不会 他们年龄一般在 20~10 写之间。每月一次成两次创各连锁店制容别,不管者业员或服务员费度有多 老,他们决不订款。更不会与需量员争吵。他们对每个连锁店都看得很行细。从店堂的招贴盈到灯光的 亮度。从食品的品质、口味到服务的快捷、周到等。都按公司对各连锁店的统。要求。客观公正地进行 打分、订分的内容繁杂精细。如产品质量方面较色核对不同食品温度等细数要录。该公司为了保证"神 积略客"能随到地对连锁店服务整理和全面评估。他们对"神秘顾客"的身份进行严格的保密。在公司的方路、除了经行和品展理制人系以外、其他任何人人概知准成打听"神秘顾客"的身份、"神秘顾 客"自己也不得对外宣传, 涉露自己的身份。因此, 迁销店里的工作人员, 根本就无法知道难是"神秘 顾客","他们会在什么时间来", 无法抱侥幸心理, 而必须时时聊踏实地履行每一项职责, 不能出一点 差错。

思考, 这种调查属于什么调查方法? 有什么优点和缺点?

人们要认识客观事物的特征,分析客观事物之间的联系,前提是要具备大量的统计数据。在统计活动中,统计数据资料是统计数据整理与统计分析的基础。人们要根据研究目的搜集到有用的数据资料,首先要了解统计数据的类型、统计数据的搜集方式和方法,这样才可能取得全面。准确的数据资料。

2.1 统计数据搜集概述

2.1.1 统计数据搜集的含义和要求

统计数据搜集就是按照统计研究的目的和任务,运用各种科学有效的方式和方法,有 针对性地搜集反映客观事物特征表现的活动过程。统计数据搜集也称为统计调查,它是统 计活动过程的基础阶段。统计数据搜集的基本要求是准确性,及时性和完整性。其中准确 性是统计数据搜集的核心,及时性是统计数据信息价值的体现,完整性则是统计指标计算 和统计分析的需要。

2.1.2 统计数据的类型

统计数据是由多个数据构成的数据集、按照不同标志进行分类、可以分为多种类型。

1) 按照采用的计量尺度不同,可以分为定性数据与定量数据

统计数据是对客观现象进行计量的结果、测量的前提是事物数量表现的差异性。美国社会学家、统计学家史蒂文斯(S. S. Stevens, 1906~1973) 在 1968 年按照变量的性质和数学运算的功能特点、将计量尺度由低级到高级、由粗略到精确分为 4 个层次,即定类尺度、定序尺度、定距尺度和定比尺度。将数据相应地分为 1 种类型。

定性数据是指只能用文字或数字代码来表现事物的品质特征或属性特征的数据是, 义 称品质型数据。它分为定类数据与定序数据两种。定类数据是对事物进行分类的结果, 数据表现为类别。例如,人口按照性别分为男、女,人的消费按照用途分为衣、食、住、疗、烧、用、医、文、娱、健等。为了便于计算机处理,常用数字代码来表示各个类别,例如分别用1、0表示男性与女性。分别用1、2、3、4、5、6、7、8、9、10表示水、食、住、行、烧、用、医、文、娱、健。要注意的是,这时的数字没有任何程度上的差别或大小多少之分,只是符号而已。定序数据是对事物按照一定排序进行分类的结果,数据表现有顺序的类别。例如、学生的考试成绩可表示为;优、良、中、及格、不及格。消费者对某产品的满意程度表示为;很满意、一般、不清意、很不满意。定序数据也可以用数字代码来表示。例如学生的考试成绩可以分别用5、4、3、2、1来表示优、良、中、及格、不及格。这时数字代码能体现,争顺序或程度的不同,但还不能体现事物之间或不同结果之间的具体数量差别。定序数据所包含的信息量大于定类数据。



定量数据是指用数值来表现事物数量特征的数据,又称为数值型数据。它分为定距数 提与完化数据两种。完距数据表现为数值、它不仅能反映事物所属的类别和顺序、还能反 映事物类别或顺序之间数量差距。例如,某目甲、乙两地的最高气温分别为30℃和10℃, **议属于定距数据。它不仅能说明与温的类型、差别顺序、还能说明两者的具体差别大小。** 要注意的是,定距数据具适合进行加减计算而不适合于乘除运算,例如气温 30℃ 与 10℃ 相比,并不能说前者的暖和程度是后者的3倍。还有,定距数据没有绝对的零点,即0就 代表没有。如某地气温为0℃,这不表示该地没有温度。定比数据也表现为数值,它不仅 能反映事物之间数量差距,还能进行对比运算。例如,基企业销售收入3亿元,基地水稻 平均亩产量 600 公斤, 某地区的人均国内生产总值 25 亿元, 这些属于定比数据。定比数 据中包括绝对零点、它是包含信息量最多的数据。

定性数据在一定条件下可以转化为定量数据。可以通过计数的方法可以汇总出各类别 的颗粉,再计算出频率;由可以对各个类别数据用一定的代码表示,对这些数字代码计算 平均数和标准差等指标, 计算结果在假设范围内有意义。此外, 对同一事物可以根据研究 的需要, 选用上述某一种计量尺度中进行计量。不同的计量尺度所得到数据的信息量是不 同的。

2) 按照获取途径不同,可以分为原始数据与次级数据

原始数据显指直接向调查对象搜集的,尚待加工整理,反映总体单位特征的数据。原 始数据电称为第一手数据。次级数据是指已经经付加工整理、能反映总体转行或总体单位 情况的各种数据。它也称为加工数据或二手数据,包括直接根据原始数据整理而来的汇总 数据和根据各种已有数据进行推算而来的推算数据。次级数据广泛地存在于各种统计年 鉴、有关期刊和有关网站等各种媒介中。

3) 按照获取方法不同,可以分为观测数据与实验数据

观测数据是通过统计调查或观测的方式获取的、反映研究现象数量特征的数据、这类 数据通常是在没有人为控制条件下获得的。有关社会经济现象的统计数据大多数是观测数 据。实验数据是通过实验的方式获得的、反映实验对象的数据、通常是在人为控制条件下 获得的。自然科学研究中的数据大都属于实验数据。用实验获得有关数据的方法, 近年 来, 在社会经济领域得到了广泛的应用, 运用这些数据作为决策的依据。

4) 按照说明时间或空间状态不同,可以分为时序数据与截面数据

时序数据是时间序列数据的简称,它将某一总体在不同时间上的指标数值按时间先后 顺序排列而形成的,描述总体某一方面的数量随时间变化而变化的情况。例如,将我国 1980 年以来的各年的国内生产总值数据排列在一起,就是时序数据。截面数据是将许多 同类现象在相同或近似相同的时间上的数据加以排列而形成。描述不同总体或各个总体单 位数量的差异情况。例如,将我国某一年的各省、市、区的国内生产总值数据排列在一 起,就是截面数据。

5) 按照其表现形式不同, 可以分为绝对数、相对数和平均数

绝对数是用以反映现象或事物绝对数量特征的数据,它是以最肯观、最基本的形式说 明总体规模大小或水平多少的。相对数是用以反映现象或事物相对数量特征的数据,它是 通过另外两个相关统计数据的对比得到的,可以描述总体内部各部分或现象之间的联系关 系。平均数是用以反映现象或事物平均数量特征的数据,反映总体某一方面的一般数量水 平。通过各种尺度计量而得到的统计数据,最终都可以归纳为绝对数、相对数和平均数这 3 种形式。

2.1.3 统计数据搜集方法

统计数据搜集方法是指获取被调查对象数据的具体方法,可以分为原始数据搜集方法 和次级数据搜集方法两大类。

1. 原始数据搜集方法

原始数据搜集常用的方法有直接观察法、报告法、访问法、登记法等几种。

直接观察法是指由调查者到调查地点对被调查对象进行观察、计量和登记、而得到原始数据的方法。如本章开始案例中的"神秘顾客"、就是采用直接观察法来搜集员工服务状况的原始数据。它基本上是调查者单方面的认识活动、被调查者处于被动地位。直接观察法通常是调查者有目的、有计划的进行的。因此得到的数据准确性较好,可靠性较高。直接观察法缺点是需要花费较多的人力、物力和时间、调查成本高,它要求调查人员具备一定的实践经验和观察技能,有时在对人的行为观察时,也只能观察到表面现象、并不能反映人的直实思想。

报告法是指调查者要求被调查者通过一定的方式报告自身情况而得到原始数据的方法,也称为通讯法。它通常为调查组织者把调查表通过某种方式传送给被调查者,由被调查者按要求填写后,返回给调查组织者。报告法的优点主要有;一是便于组织、调查过程中不受空间区域限制;二是调查成本较低、调查表式统一便于统计整理等。报告法一般在行政部门对序级调查时,实施效果较好、因为这时具有强制性和约束性。如果在非行政部门实施时,如果没有利益关系。会出现回收数据速度慢、回收率较低等情况,有时要采取一定的排施据高调查表的回收率。

访问法是由调查人员对被调查者进行访问,根据被调查者的问答情况来收集数据的方法。访问法又可分为面访式、电话式和自填式等几种。面访式是由调查人员根据调查提纲或调查表,当面向被调查者提出问题,并对被调查者的问答结果进行记录或填写。具体又有个列访谈和集体访谈两种形式。面访式的优点是回答率较高、调查人员在采访调查过程中可根据需要灵活擎握调查过程,对被访者的文化程度要求不高等等,主要缺点是耗时费力、成本高、调查质量有时难以控制、被感性问题较难获得真实同答、等等。电话式是由调查人员根据调查提纲或调查表、通过电话问答的形式来获取被调查者的信息。其主要优点是调查成本低、调查范围广、对访问过程的控制比较容易、借助计算机辅助系统可自动选样、自动拨号并及时得到调查结果、主要缺点是调查对象只限定在有电话的被访者,拒访率可能比较高、因语言语音归素可能影响交流、问卷及备选答案不能过于复杂。自填式是由数据负人员把调查表当确查者,被调查者填写完毕后当面交还给调查人员的一种数据负表。主要优点是调查表回收率高、统、的调查表便于统计整理、主要缺点是调查表内容不宜过多、结构不能复杂、要求被访者文化程度较高、耗时费力。

登记法是指当事人根据有关法律法规规定,在开展某些活动或发生某事时,主动到有 关机构进行登记,填写有关表格,提供有关统计信息。例如, E商注册登记、税务登记、 户籍登记、人口普查登记等。

随着现代信息技术的不断发展,计算机、网络、光电技术、卫星遥感、地理信息系统



等新技术不断被引入到统计数据的收集中来,进一步拓展了统计数据收集的功能。例如运 用网络技术发展而成的网络统计调查。利用卫星深感技术而讲行的农产量调查、等等。

2. 次级数据增售方法

1) 次级数据的基本来源

次级数据的来源 主要是两个方面,即内部来源和外部来源。

次级数据内部来源是从被调查单位内部获取的有关信息数据资料。如各种统计台帐、 会计报表和统计报表等。随着计算机网络的普及,一些部门和企业已经或正在着手建立管 理信息系统,建立信息数据库,研究人员根据管理权限搜集相关的数据资料。

次级数据外部来源是从被调查单位外部获取的有关信息数据资料。可分为两方面来 源, --是各级政府, 非营利机构、贸易组织和行业机构、商业性的出版物等, 其中政府机 构所编辑出版的统计资料是宏观、微观信息数据的主要来源。在我国, 国家统计局系统出 版各种统计年鉴资料,如《中国统计年鉴》、《世界经济年鉴》等。另一是依据互联网建立 的在线信息数据库。调研人员根据授权许可取得有关单位的内部资料。也可运用 Baidu、 Google 等搜索引擎搜集, 查找公开的外部数据资料。

2) 次级数据搜集主要方法

次数数据的搜集主要方法有查找法、咨询法、交换法、购买法等。查找法就是从现有 资料中进行查阅和搜集, 也称为文案调查法。可以从以往的纸质出版物中查找, 也可用搜 索引擎在互联网上查找。咨询法就是面看美单位和部门进行询问以获得资料、加投资者面 某个地方行政部门,了解投资环境状况。交换法就是与外地或本地的有关同行签订协议, 定期或不定期的交换数据资料。购买法就是向专业的调查公司或机构购买数据资料,这种 情况目前也比较普遍。搜集次级数据在统计研究中应优先考虑、因为资料来源途径多、搜 集成本低。

3) 次级数据的评价

对搜集到的次级数据。调研人员应对这些资料的权威性、目的性、适用性、时效性等 方面进行评估。权威性主要考察资料是谁收集的、信息数据的来源是关系到信息数据准确 程度的关键因素。一般来说政府、著名的调查机构等权威性较高的部门提供的数据资料较 为值得信赖。目的性是指次级资料当时的研究的目的是什么,弄清当时的研究动机,有助 干判断信息数据的质量。有时某一团体为了自身的利益而收集的信息数据是令人怀疑的, 如企业自身所作的媒体调查、广告公司对广告效果的自我测量等。适用性是指要辨明信息 数据的内容是否符合本次调查研究目的的需要。因为任何次级资料是按当时收集的目的而 得到的,其他单位的过去的研究目的不一定和本次研究目的相同。要分析所取得的次级资 料对本次调查有多大的参考价值,能否适应本次调研的需要。时效性主要是考察已收集到 的次级资料是何时收集的。讨时的信息数据是没有什么用处的。在收集二手信息数据时, 一方面注意其发表的时间,另一方面要注意其实施调查时间,因为调查结果发表和信息数 据收集的时间常常是相隔很长的。

2.1.4 统计数据搜集组织方式

搜集统计数据必须按照一定的组织方式讲行。这里主要介绍搜集原始数据的方式,其 组织方式有两种:统计调查和实验调查。

1. 统计调查

所谓统计调查,就是通过对调查对象全部单位或部分单位的有关标志特征进行调查或 观测的方式来获取统计数据。统计调查按调查的范围不同,分为全面调查和非全面调查; 按调查登记时间是否连续,分为经常性调查和一次性调查;按组织方式的不同,分为统计 报表和专门调查两大类。

1) 统计报表

统计报表是一种以全面调查为主的调查方式,它是由政府主管部门根据统计法规,以 统计表格形式和行政手段自上而下布置,由各级基层单位自下而上逐级提供基本统计数据 的一种调查方式。统计报表能定期地搜集反映国民经济和社会发展基本情况的资料,满足 各级部门的有关需要。统计报表具有统一性、全面性、定期性等特点。

统计报表按报表内容和实施范围不同,分为国家统计报表、部门统计报表和地方统计报表。国家统计报表是国民经济基本统计报表。由国家统计部门统一制发。用以搜集全国性的经济和社会基本情况资料。部门统计报表是为了适应各部门业务管理需要而制定的专业技术报表。地方统计报表是针对地区特点而补充制定的地区性统计报表。是为本地区的计划和管理服务的。统计报表接填报单位不同,分为基层统计报表和综合统计报表。基层统计报表是由基层企、事业单位填报的报表、综合统计报表是由主管部门或部门根据基层 粮去逐级汇总址报的根表。

统计报表目前的报送形式有: 纸质报表一般通过邮政部门寄报, 电子表格通过网上的 电子邮件报送, 网上直报是由调查单位直接登录数据录入系统, 填入数据资料。如我国现 行的规模以上的企业的统计报表就是采取网上直接报送的形式, 将信息资料直接报给国家 统计局或指定的部门。

2) 普香

普查是根据特定研究目的专门组织的一次性全面调查,用以收集所研究现象总体的全面资料。一般而言,告查所要收集的资料大多属于处于"定时点上的客观观象的总量及分类数据。有时普查也可用来反映一定时期现象的总量,如某年的出生人口总数及性别分类数等。普查是一个国家或地区用于定期掌握国情国力的统计调查方式,能为政府制定社会经济发展战略和方针政策提供依据。此外,普查所取得的资料,还可为经常性的抽样调查提供抽样框和各种辅助资料,提高抽样调查的效果。

普查的组织方式一般有两种,一是建立专门的普查机构、配备一定数量的普查人员、对调查单位直接进行登记、如我国历次的人口普查等。 :是利用观测单位的原始记录和核算资料、颁发调查表,由观测单位按要求填报。如物资库存善查等。这种方式也需要有专门的机构和专门的人员来组织领导。有时、为了清足国家的迫切需要,还可以采用快速普查的形式,即改变一般普查"连级布置、逐级汇总"的做法。直接由最高普查机构把任务布置到基层单位、基层单位直接把资料报送给最高普查机构、越过中间环节、实行越级汇总、集中汇总。由于普查一般在全国范围内进行,涉及面广、工作量大,需要动员大量的人力、物力和财力、对数据的准确性、时效性和完整性要求高、因此必须统一领导、统一要求和统一行动。必须遵循以下几项原则,一是要确定标准时点、统一规定数据所属的时间;二是要统一行动,各地在方法、步调上保持一致、并力求在最短的期限内完成登记工作,是要统一初立调查项目、同一种普查的各次普查项目更力求保持一致和稳定。以便



对比分析; 四是要洗择合适的普查工作时间, 尽量减少乃至避免普查对其他各项正常工作 的影响, 五是要按固定的周期进行, 例如我国的人口普查每 10 年进行一次。

3) 抽样调查

抽样调查是一种非全面调查,它是按照一定的原则从总体中抽取总体单位组成样本, 然后对样本中的每个单位进行调查,得到样本指标。再用样本指标对总体有关特征作出推 断。抽样调查属于非全面调查,是实际工作中应用最为广泛的调查方法。有关抽样调查内 容将在第6章中作较为详细的介绍。

4) 重占调查

重点调查也是一种非全面调查,是对数据收集对象总体中的部分重点单位进行调查的 方式。所谓重点单位,是就调查标志而言,在总体标志总量中占有绝大比重的少数单位。 通过对重点单位的调查,能够从数量上反映总体的基本情况,抓住重点,重点调查具有投 人少、速度快的优点,可以调查较多的项目。要注意重点单位与非重点单位在调查标志值 方面的差异较大,运用重点调查数值不能推断总体指标。重点调查有两个特点:一是以客 观原则来确定调查单位;二是属于范围较小的全面调查,即对所有重点单位都要进行调 香、因此, 若数据收集的任务只要求堂据现象的基本情况, 而总体中又确实存在少数重点 单位时、才适合采用重点调查。重点调查的美键是确定重点单位、要依具体问题和数据收 **集对象来加以确定**。

5) 典型调查

典型调查也是专门组织的一种非全面调查,它是根据调查研究的目的和要求,在对总 体进行全面分析的基础上,有意识地选择其中有代表性的典型单位进行深入细致的调查, 借以认识事物的本质特征、因果关系和发展变化的趋势。所谓有代表性的典型单位、是指 那些最充分、最集中地体现总体某方面共性的单位。典型调查的作用主要在于、一是研究 尚未充分发展、处于萌芽状况的新生事物或某种倾向性的社会问题。通过对典型单位深入 细致的调查,可以及时发现新情况、新问题,探测事物发展变化的趋势,形成科学的预 见。二是分析事物的不同类型。研究它们之间的差别和相互关系。例如、通过调查可以区 别先进事物与落后事物,分别总结它们的经验教训,进一步进行对策研究,促进事物的转 化与发展。三是在总体内部差别不大或分类后各类型内部差别不大的情况下, 典型单位的 代表性很显著,也可用典型調查资料来补充和验证全面调查的数字。

典型调查的关键是正确选择典型单位。主要有以下3种选择典型单位方法,一是"解 剖麻雀"方式。这种选择典型方法适用干总体内各单位差别不太大的情况。通过对个别代 表性单位的调查,即可估让总体的一般情况。"是"划类选典"方式。总体内部差异明 显, 先将总体划分为若干个类型组, 再从各类型组中分别选出一些具有代表性的单位进行 调查。这种调查既可用于分析总体内部各类型特征,以及它们的差异和联系,也可对总体 指标作出估计。三是"抓两头"方式。根据研究目的的需要,可以分别从先进单位和落后 单位中冼柽典型,以便总结经验和教训。

在实际工作中,往往需要多种统计调查方式结合运用。这是因为任何一种统计调查方 法,都有它的优越性与局限性,有各自不同的实施条件,而被调查对象的特点是各不相同 的。如果只用一种调查方式是不能满足多种研究目的需要的。

2. 实验调查

所谓实验调查就是将自然科学中实验法运用于社会经济现象,来搜集数据资料。调查 人员为了了解社会现象中变量的联系情况,将某一自变量或某些自变量加以控制,在实验 过程中观察因变量的变动结果。在实验过程中、要把在一定条件试验产生的各种结果并加 以记录的方式来获取数据,凭借实验结果来揭示所考察因素与所究事物之间的数量因果 关系。例如,为了了解某产品广告的效果,分别设计出若下不同的广告方案,实施一段时 间后,比较各种广告方案的效果,从中确定出最佳的方案。在实验中,所考察因素的各种 不同表现称为各种状态。对于非考察因素要加以控制,使之保持不变的状态,因此,实验 方式是一种有控制的观测。

运用实验方式需要遵循下列两个原则:均衡分散性原则和整齐可比性原则。均衡分散性原则是指所进行的试验应能把所观测的因素及其状态均衡地分散在因素与状态的所有各种可能的配合之中。以保证试验结果具有较强的代表性。整齐可比性原则是指试验考察某个因素的各个状态对所研究事物影响的效应时,其他因素应保持不变的状态、以便保证在该因素各个状态的效应之中能最大限度地排除其他因素的干扰、从而能对所考察因素不同状态的效应进行比较。常用的实验设计有。完全随机试验、随机区组试验、拉丁方试验和正交试验等。

2.2 统计调查设计

统计调查设计就是根据统计研究目的和调查对象的性质,对调查工作的各个方面和各个阶段进行的通盘考虑和安排。一般而言,一个部门或一个单位在作出某项重要决策之前,都要开展调查研究,为决策提供依据。任何调查工作,首先要确定调查研究课题或调查的主题。调查课题有时是由上级部门下达的,有时是根据本部门或本单位经营管理决策的需要而确定的。

2.2.1 统计调查方案设计

统计调查方案是·项统计调查工作的详细工作计划。因为统计调查是一项系统性很强的工作,涉及到许多单位和个人,由许多人共同协作才能完成,必须做到统一调查目的、统一调查要求、统一调查步骤、做好各项准备工作。因此,在调查之前设计科学合理的调查方案十分重要。一般而言,一项统计调查方案应包括以下基本内容。

1. 确定调查目的

調查目的就是要说明为什么要調查,要根据研究课题的需要搜集相关数据,要明确搜集的数据用以研究和解决什么问题,对所研究现象需要达到什么样的认识。明确了调查目的,才能确定需搜集哪些数据、向谁搜集和如何搜集等问题。调查目的要用简洁的语言表达清楚。

2. 确定调查对象和调查单位

调查对象就是所要研究现象的总体。调查单位是构成调查对象总体的每一个个体。是

统计学

所要搜集的调查标志的承担者。也就是确定要向谁作调查,调查标志的具体表现由谁来承 扣,对于原始数据的搜集,必须明确数据调查对象和调查单位。只有明确调查对象,才能 使数据搜集有明确的范围。例如, 要研究某地区工业企业的经济效益情况, 这时调查对象 就是地区范围内的所有工业企业、如采用全面调查的方式、该地区的每个工业企业就是调 查单位。如果采用非全面调查,调查单位则是按某种方法抽选到的单位。要注意的是,调 香单位与数据提供单位有时一致,有时不一致。如对某地区工业企业普查,每个工业企业 既是调查单位又是数据提供单位。如对某地区工业企业生产设备状况的普查,调查单位是 工业企业的每台生产设备,数据提供单位则是每个工业企业,调查标志表现结果无法由调 查单位提供。统计调查单位与数据提供单位应该加以明确。

3. 确定调查内容、调查标志和调查表

1) 確定调查内容

调查内容就是通过调查想要取得的反映和说明总体特征的指标和指标体系。它是由调 查目的确定的,它是确定调查标志的依据。设计调查指标和指标体系是调查方案核心内容 之一。指标和指标体系的确定可参考相关的理论成果,结合现实的情况确定。例如,要研 穷某地区居民家庭生活水平变动情况,就要考虑用什么样的指标和哪些指标来反映居民家 庭的生活水平。用什么指标来反映居民家庭生活水平的变化。这些指标的确定要和该地区 的经济状况和居民家庭的收入水平相联系。下

2) 确定调查标志

明确了要取得的统计指标和指标体系后,就要确定向调查单位调查哪些标志,取得什 么样的标志表现。调查过程就是取得调查标志具体表现的过程。例如,要得到该地区居民 家庭人均收入指标数值。就要明确对各个居民家庭调查哪些标志和标志表现。才能得到这 个指标。所以,要根据各个指标的要求,设计出若干个调查标志。如果调查标志过少,就 不能满足调查指标和调查指标体系的需要、也就达不到对意体研究的需要。但如果调查标 志过多,也会增加调查工作量,造成浪费。所以,调查标志要与调查指标和指标体系内容 要相匹配。

为了便于搜集调查标志的具体表现,对调查标志的设计要求较高。 是用客观存在的 具体事物来设计操作标志。如搜集居民家庭收入资料时,可以用下资收入、馈赠收入、实 物收入、其他收入等具体内容作为标志。二是将抽象概念具体化。如居民"生活质量"就 比较抽象,可用物品支出和文化支出等标志来反映。三是用社会测量的方法来设计调查标 志,它主要用来反映人们的认识、看法等主观感觉。例如,对某种商品的使用效果进行调 香时,可以采用量表的形式。总之,要便于取得这些标志在各调查单位中的具体表现。

3) 设计调查表

-项研究中,要调查的标志较多,为了便于调查的开展和资料的搜集,就必须将这些 调查标志按逻辑顺序列在一定形式的表格内,形成了调查表或调查问卷。在具体应用中, 调查表有单 表和 览表两种形式。单 表是指 张调查表只用来填写 个观测单位的标 志表现, 一览表则是指一张调查表用以同时填写多个观测单位的标志表现。选择单一表还 是一览表, 应从具体情况出发, 根据研究目的、调查对象的特点和调查标志的多少而定。 这里需要指出的是,调查问券作为一种特殊的调查表,在统计调查中具有重要的作用,如 何设计一份好的问卷、既是技术性问题也是艺术性问题。

4. 确定调查的方式与方法

各种调查方式和调查方法都有其特点,采用什么样的调查方式与方法,直接关系到能否及时、准确、完整地搜集到所需的统计数据,还涉及到所需投入的人力、物力和财力。因此,一定要根据研究目的、调查对象的特点、现有条件和数据搜集的需要,选择最合适的调查方式与方法。例如,某企业要想了解本企业产品的市场占有率和消费者的使用意见,可以采用抽样调查方式和采访法;若想了解不同包装对产品销售的影响,可以采用实验方式和直接观察法,采访法。

5. 确定调查时间和调查期限

调查时间是指调查数据资料的所属时间。调查资料所属时间分为两种类型,一是时期数据资料,即数据反映的是调查单位在一定时期内发展结果的总量、如企业的生产量、利润额等。另一是时点数据资料、即数据反映的是调查单位在某一时点上的总量、如企业的期末固定资产总额、职工人数等。事物是发展变化着的,在不同时间有不同的数量表现、因此、在统计数据的搜集过程中、必须明确每一项数据所属的时间、这也是统计指标时间界限的体现。调查期限是指完成数据搜集活动的起止时限。任何调研活动都有时间要求的、因此、必须对其加以明确的程定、这是保证统计数据搜集及时性的需要。

6. 确定调查的组织实施计划

任何一项统计调查工作、都需要花费一定的人力、物力和财力。健全的组织是统计数据搜集顺利开展的有力保证、大规模的调查活动必须要建立专门的组织机构来统一安排各项工作。如人员培训、经费预算、活动分工、资料传递、材料印刷等事项都要逐项落实到位。有时还要明确调查地点,也就是观测、记录统计数据的地点。一般情况下,它与观测单位所在的地点是一致的、但有时也会不一致。例如,在人口普查时,规定"常住人口"应在常住地点进行餐记。但若来被调查者短期外出工作,则仍应在他的常住地登记而不在现居地登记。一般要求各个被调查者接受调查采访的地点应大致相同,这样便于保证资料搜集的一致性。如对居民家庭生活状况进行调查、数据搜集地点最好是在居民的居住地。

编写好统计调查方案初稿后,还有一项重要工作是对调查方案进行评价和修改。总的来讲,评价方案是否体现调查目的和要求,是否科学、完整和适用。评价的方法主要有;第一,逻辑分析法,即用逻辑学的方法来检验调查设计的可行性,主要对调查项目设计进行可行性研究;第二,经验判断法,方案初步设计出来后,请一些有经验的来审查,让他们根据以往的经验对方案的行性性一些初步的研究和判断,提出修改意见;第二,试点调查法,即通过小规模的实地调查来检验调查设计的可行性并根据试验调查的结果来修改和完善所设计的方案。对于大规模统计调查来讲尤为重要,试点的目的是使方案更加科学和完善,而不是搜集资料。

2.2.2 调查问券的设计

调查方案中的调查表通常表现为调查表格和调查问卷。调查问卷是调查者准备向被调查者询问内容的书面提纳,在访问方式调查中必须使用调查问卷。问卷设计就是根据调查目的将所需调查观测标志或问题可操作化,便于调查者开展调查,得到必要的数据资料的过程。作为调查者与被调查者之间中介的调查问卷,问卷设计是否科学合理,将会直接影



响问券的回收率,影响资料的直实性、实用性。

- 1. 调查问卷的概念与结构
- 1) 调查问卷的概念

调查问券是依据统计研究目的和要求、按照一定的统计指标和指标体系设计出来的、 由一系列问题、项目、备选签案及说明所组成的、向被调查者了解各种观测标志表现的一 种工具。诵讨调查问卷来搜集统计数据,可以使调查内容标准化和系统化、便干统计处理 和分析。调查问券按是否由被调查者自己填写可分为自填式问券和代填式问券两种。自填 式问券由被调查者自己填答,代填式问券是由调查人员根据被调查者的口头问答来填写。 这两种调查问卷的适用对象通常不同。因而在问卷的具体形式、设计要求和填写说明等方 面也有所不同。

2) 调查问卷的结构

调查问券一般由引言、被调查者基本情况、问题和答案、结语 1 个部分组成。引言一 般在调查问券的开头,或作为问券的说明信,用以表明调查的目的与意义。调查组织者的 身份和调查的主要内容等,力求引起被调查者的重视与兴趣、取得支持与合作、并要对被 调查者表示真诚的感谢。有时还要向被调查者说明问卷填写的方法和要求,以及需要注意 的有关事项。被调查者基本情况用以了解个人或企事业单位的有关基本特征,如个人的性 别、年龄、婚姻、文化程度、职业、工作单位、职务或技术职称、民族等,企事业单位的 行业类别、经济类型、单位规模、所在地区等。掌握这些基本情况。便于进行各种构成分 析。问题和答案是问卷的主要组成部分,包括所要了解的各个问题和相对应的备选答案。 这一部分设计得是否恰当,直接关系到本次问卷调查能否取得有价值的资料。结语是在问 卷末屋对被调查者再次表示感谢,或用以征询其对问券设计和问券调查的意见和感受。有 的问卷也可以不要结语。此外,问卷上还应有便于计算机处理的编码。若是访问问卷,还 应有作业证明的记载,即填写访问人员姓名、访问日期和被调查者合作情况等。

2. 调查问卷设计的程序

1) 确定资料主题和范围

根据调查目的的要求,研究调查内容、所需收集的资料及资料来源、调查范围等, 酝 雕问卷的整体结构,将所需要的资料 - - 列出,分析哪些是主要资料,哪些是次要资料, 哪些是可要可不要的资料、淘汰那些不需要的资料。再分析哪些资料需要通讨问卷取得、 需要向谁调查等,并考虑到调查地点、时间及对象等因素。

2) 分析调查对象特征

分析调查对象特征的目的是根据调查对象的特征来拟订和编排询问的问题。这些特征 主要有 3 方面, 一是社会特征, 所处的社会阶层、社会环境、行为规范、观念习俗等; 二 是心理特征,如需求动机、潜在欲望等; 三是学识特征,如文化程度、知识水平、对问题 的理解能力等。

3) 拟定并编排问题

设计调查问券初稿,首先要尽量详尽地列出准备提问的问题,构想每项资料需要用什 么样的形式进行提问,然后对各个问题进行检查、筛选、编排,看看有无多余的问题,有 无遗漏的问题, 有无不适当的问题, 以便进行删、补、换。问卷调查得到的数据结果是否

能满足数据搜集目的的需要,能否提供必要的参考信息,问题设计以适度够用为原则。对 提出的每个问题,都要充分考虑是否有必要,能否得到答案。同时,要考虑问卷是否需要 编码,或需要问被调查者说明调查目的、要求、基本注意事项等。这是设计调查问卷时十 分重要的工作,必须精心研究,反复推敲。

4) 试答和修改

一般说来,问卷初稿都会存在着一些问题,因此有必要将问卷在小范围内进行试验性调查,以便弄清问卷初稿中存在的问题。可以站在调查者的立场上试行提问,看看问题是否清楚明白,是否便于资料的记录、整理;也可站在应答者的立场上试行问答,看看是否能回答问题。问题的顺序是否符合思维逻辑,估计问答时间是否合乎要求。发现提出的问题不妥或不确切。就要在修改。

5) 定稿和付印

般情况下,问卷要进行修改,从是否符合调查目的、是否便于实施和是否便于整理 汇总等方面进行评价,反复修改以后才能定稿。按照调查工作的需要印制足够数量的问卷,在正式调查过程中使用。

3. 调查问题的设计

调查问题即问被调查者询问的问题,是调查者与被调查者沟通信息的直接渠道、调查问题设计是否准确科学、易懂、会直接影响数据搜集的质量、因此调查问题设计是否科学合理是问卷设计的关键。

1) 调查问题的种类

- (1) 根据调查内容不同、问题可分为事实性问题、意见性问题和解释性问题。事实性问题要求被调查者依据现有事实来做出回答。如"您使用什么品牌的牙育?"、"您的职业是什么?"等。意见性问题用于了解被调查者的意见、看法、评价、态度、要求和打算等。如"您喜欢》×牌的牙膏吗?"、"您对您目前的职业是香满意?"等。解释性问题用于了解被调查者行为、意见、看法等产生的原因,了解个人内心深层的动机。如"你为什么要购买》×牌的牙膏?"、"您为什么要从事~×职业?"等。事实性问题回答比较简单、统计处理比较容易,但搜集到的资料不够深入;意见性问题和解释性问题则在回答难度和统计处理难度上逐步加重,但所搜集的资料能比较深入地说明所研究的问题。
- (2) 根据问答方式不同、问题可分为开放式问题和封闭式问题。开放式问题也称为自由回答式问题,是指不提供备选答案而需要被调查者自由做出回答的问题。例如、"您对我国目前高校招生政策有什么看法?"等。这类问题适用于事先无法列出或不能知道所有可能答案的情况,有利于被调查者给出不受限制或富有启发性的回答,增大回答的信息。但这类问题回答结果的统计处理比较难,并可能掺杂不太有价值的信息,若被调查者的文化程度偏低量会难以做出回答。

封闭式问题是指已列出所有可能答案以供选择的问题。例如、"您家现住房的面积(平方来)是多少。①50 以下,②50 \sim 80。②80 \sim 100。①100 以上"等。这类问题适用于能。一罗列全部可能答案目答案个数不是很多的情况,回答简单,统计处理和分析比较容易。但这类问题使回答带有一定的强迫性,得出的信息有时比较粗糙。存时,在问卷中还设计半封闭半开放式的问题,以取得更多的信息。例如、"您家有照相机吗? \square 有,是什么牌子?()","您的职业是



管理人员, ⑤职工, ⑥个体户, ⑦其他()"等。

- 2) 调查问题设计的原则
- (1) 所列问题必须符合客观实际情况。即问题符合当前社会经济发展状况和科学发展 水平,符合大多数人的思想意识、文化素质、语言习惯、生活水平和生活方式等。例如, 我国城镇居民家庭耐用消费品, 20 世纪 70 年代以手表、自行车、缝纫机为代表, 20 世纪 80 年代以电视机、冰箱、洗衣机为代表, 20 世纪 90 年代则以空调、照相机、音响设备、 电脑等为代表,现在则以各种数码产品、家用轿车等产品为代表,并且不同的年代对耐用 消费品的理解也不一样。如果不考虑经济发展的客观实际情况、现在仍以手表、自行车等 为内容来设计问题, 显然不切实际。
- (2) 一份问券中的问题不宜太多。一份问券包括多少问题,应根据调查目的、调查对 象特点、人财物力量及时间要求等来考虑。在满足需求的情况下,问题的多少以够用适用 为原则,最大限度减轻被调查者的负担,避免其产生厌烦情绪,提高问卷的有效应答率。
- (3) 调查问题要考虑被调查者的回答能力。在设计问题时必须考虑被调查者的回答能 力,凡是不太可能或不太容易被理解和回答的问题,应该避免出现,尤其是要避免出现理 论性或专业性很强的问题。例如,向普通居民提"加强国际合作有何重要意义?"、"我国 物价指数编制方法是否科学?"等问题,就有可能超出被调查者问答能力的范围。此外, 向未使用家用轿车者询问"每月私车汽油消费量多少"、向未婚者询问"您有几个子女" 等问题,以及需要问忆很长时间才能勉强问答的问题,都会使被调查者感到手足无措。
- (4) 避免直接提禁忌的和敏感性的问题。由于风俗或民族习惯的不同,有些问题可能 会引起误会, 甚至产生民族纠纷, 因此要加以避免。而涉及到个人利益和声誉的一些问 题,则具有很强的敏感性和隐私性,如"您有多少储蓄存款?"、"您是否曾在考试中作 弊?"等,可能会由于被调查者的自我防卫心理而拒绝回答。
- 如果确实需要了解一些触感性问题,就要用一些特殊的技巧方法来处理。一是释疑 法,即在问题前面写上一段消除疑虑的文字,并承诺绝对保密。二是假定法,即用一个假 定性条件题作为问题的前提,例如"假定允许人员自由流动,您是否也想试一试?"比直 接问"您想调离现在工作的单位吗?"要好得多。三是转移法,即把本应由被调查者自己 根据实际情况回答的问题转移到根据他人情况来回答的问题,例如"对于学校的草漆规 定,有的同学认为合理,有的同学认为不合理,您同意哪一种看法?"比直接问"您是否 愿意参加早读?"要好得多。四是模糊法,即用一个答案适当模糊的问题来代替追求精确 答案的问题,例如,"您每个月的收入属于下列哪一档?①800元以下,②800~1200, ③1 200~1 600, ④1 600~2 000 元, ⑤2 000~3 000 元, ⑥3 000~5 000 元, ⑦5 000 元 以上",与问句"您每个月的收入是多少?"相比,回答效果要好一些。
- (5) 问题提问要保持中立。即问题不能带有诱导性和倾向性,不能流露出调查者或问 卷设计者自己的倾向或暗示,以免左右被调查者的回答。例如"××牌啤酒泡沫丰富、口 味清纯, 您的印象如何?"就带有明显的倾向性。在问题中应避免出现"多数人认为"、 "某权威机构认为"、"某有名人物认为"等词语。
- (6) 问题的内容要单一。一个问题只能包含一个询问内容,否则就会使被调查者难以 回答。例如,"您的父母是教师吗?"这一问题就有缺陷,因为父和母是两个人,可能其中 位是教师而另一位不是教师,这就使被调查者不知该回答"是"还是回答"否"。因此,

对于比较复杂的问题,要按询问内容讲行分解。

- (7)问题的语言要清晰易懂。每一个问题对每个被调查者而言都只能有一种解释。问题中用语的定义必须清楚明确。例如、"您上个星期总共看了几小时书?" 这一问题中、书是否包括报刊、杂志?"您是否经常看电视?"这一问题中、"经常"的标准是什么?等等。都可能引起歧义。因此、问题中要避免涵义不明确、概念不清楚、容易引起不同理解、过于抽象的词语、也不能用缩略语。
- (8) 问题的排列要讲究逻辑性。一般地、问题的排列应该是先比较容易回答的问题、 再比较难问答的问题,先事实性问题、再意见性问题和解释性问题;先封闭式问题、再开 放式问题。 在调查内容的时间上,则应指过去、现在、未来的顺序排列。问题与问题之间 要注意内在联系、要有严密的逻辑性。
 - 1. 调查问题答案的设计
 - 1) 调查问题答案的设计形式

调查问题答案的设计是针对封闭式问题而言的,是问卷设计的另一主要内容。问题答 案的形式有很多,常用的有以下几种。

(1) 是非式。即问题只有两个相对立的答案可供选择,如"是"与"否"、"有"与 "无"、"赞成"与"否定"等,被调查者只须从中选择其一即可。例如;

您家有电脑吗? □ 有。□ 无

这种设计问答容易,统计处理方便,但不能表达出被调查者行为或意见的程度差别。例如对于问答有电脑的家庭,有的有一台,有的则可能有两台或更多台,电脑的品牌、规格、型号等也不一样,这些差异在是非式设计中是难以体现的。有时,由于被调查者处于"未定"状态而可能放弃回答。这种设计只适合于询问简单的事实或意见。

(2) 多项式。即问题有3个及3个以上的答案可供选择,由被调查者从中选择一个或几个作为回答。例如。

您夏天喜欢喝什么饮料?

①开水 ②矿泉水 ③纯净水 ①可乐 ③雪碧 ⑥芬达 ①果汁 ⑧其他

备选答案有8个,由被调查者从中选择一个或多个。多项式设计的回答和统计处理都 比较容易,但要列出所有可能的备选答案往往有一定困难,故常用"其他"来处理。

(3) 顺位式。即要求被调查者对问题的备选答案、按照重要性程度或喜爱程度定出先 后顺序、做出比较性的回答。例如:

请您对下列不正之风按您痛恨的程度以 1. 2. 3…的顺序加以排列:

□用公款送礼	□公款消费	□拉帮结派	□用公款旅游
□任人唯亲	□官僚主义	□滥发文凭	□其他

这种设计便于被调查者去衡量比较,比多项式了解更多的信息,适用于要求区分答案的缓急轻重或先后顺序的问题。但它难以体现答案之间的差异大小、当备选答案较多时,各答案在问卷中的位置也会对被调查者选择答案产生,定影响。

(4) 程度评价式(量表形式)。这是一种对被调查者主观认识的计量,所得结果即为定 类数据。一般地,对问题列出几个不同程度的答案,并对每一个答案事先按顺序给分,相 邻答案的分差相等,由被调查者从中选择一个答案来表达他对事物的感受程度。可以指通 过表格形式将对某个问题答案进行排列,让被调查者从中选择答案。量表有多种形式。如



其中的定距量表是对事物类别或次序之间间距的计量,如在市场调查中可用得分表示出态 度数据。满意程度数据等。例如:

您对某品牌的产品的满意程度如何、请在相应的方框内打勾。

满意	1	2	3	4	5	6	7	8	9	不满意

这种设计能从计分的角度进行统计处理,有利于综合了解被调查者的总体态度和程 度。但计分本身是非客观的。只是一种人为规定。有时,也可以把答案按程度分为3档。 7档或9档,档数越多,了解的信息就越细,但相邻答案之间的区别就越微小。

(5) 比较式。即把若干可比较的事物整理成两两对比的形式,由应答者进行比较。这 种方式比将许多事物放在一起让应答者作比较要简便容易一些。并可获得针对性明显的具 体结果。例如:

请您比较下列每一对不同的广告,哪一种更吸引人?(在方框中打~号)

①□甲庁告和□乙庁告

②□丙广告和□丁广告

③□甲广告和□丁广告

④□乙广告和□丙广告

- (6) 自由回答式。问卷中只提出问题,然后由回答者自由发表意见,并无已经拟定好 的答案。它属于前面指出的开放性问题。这种方法的优点是涉及而广,是活性大,问答者 可充分发表意见,可为调查者搜集到某种意料之外的资料,缩短问者和答者之间的距离, 迅速营造一个调查气氛。缺点是由于回答者提供答案的想法和角度不同,因此在答案分类 时往往会出现困难,资料较难整理,还可能因回答者表达能力的差异形成调查偏差。
 - 2) 调查问题答案的设计原则 \
- (1) 穷尽原则。只有将全部可能的答案列出,才能使每个应答者都有答案可选,不至 于无合适答案而放弃回答。为防止答案遗漏,可用"其他"来弥补。
- (2) 互斥原则。一个问题所列出的各个答案必须互不相容、互不重叠、否则应答者可 能作出有重复内容的双重选择,影响调查效果。例如:"您喜欢阅读哪类图书?①文学艺 术类②自然科学类③社会科学类①经济管理类③会计类⑥统计类"。这一设计中、有的答 案之间就相互包容,如会计类属于经济管理类或社会科学类。这样就不便干汇总和分析。
- (3) 通俗易懂。一是要尽可能简单明确,有些如"普通"、"经常"、"一些"、"美丽" 等形容词,各人理解往往不同,在间卷设计中应避免或减少使用。例如,"你是否经常购 买洗发液?"回答者不知经常是指一周、一个月还是一年。可以改同"你上月共购买了几 瓶洗发液?"二是要用标准规范的语言,不使用晦涩难懂的词语;三是分类要符合通用标 准的分类,符合惯例。对于年龄、家庭人口、经济收入等调查项目,通常会产生歧义的理 解,如年龄有虚岁、实岁。家庭人口有常住人口和生活费开支在一起的人口,收入是仅指 工资,还是包括奖金、其他收入、实物折款收入等。如果调查问卷对这些方面没有明确的 界定,调查结果就难以达到预期要求。
- (4) 中性提问。例如,"你一天抽多少支烟?"这种问题即为断定性问题,被调查者如 果根本不抽烟,就会造成无法回答。正确的处理办法是此问题可加一条"过滤"性问题。 即"你抽烟吗?"如果回答者回答"是",可继续提问,否则就可终止提问。
 - (5) 版面清楚。答案的填答标记有字母或符号,答案与答案之间要留下足够的空格。

2.3 统计调查实施

2.3.1 建立调查组织

正确实施统计调查方案,达到搜集数据的目的,就需要建立,支素质较高的调查队伍,一是要认真选聘调查人员,另一是对人员进行业务培训。

1. 组建调查队伍

调查人员的个人素质,是调查队伍整体素质的基础,是设计调查方案、培训和组织调查人员、安排和指导调查工作的重要依据。一般地说,一个合格的调查人员应该具备以下一些基本素质,一是要具有较强烈的事业心、工作认真细致,具有创新精神;谦虚谨慎、平易近人。二是要有客观、公正的态度,要有较广博的理论知识和较强的业务能力。三是要有一定的社会经验和实际工作经验,具有对调查环境较强的适应能力,主要是实地观察的经验、人际交往的经验和灵活处理问题的经验。在观察调查时要做到全面、深入、细致、要善于发现问题和提出问题,还必须有一定的组织能力和管理经验。

建立调查队伍时,不仅要考虑调查人员的个人素质,而且要考虑调查人员的整体结构。选择一批具有各种不同知识、能力和特长的人,组成一支比较理想的调查队伍。这里的关键是要使调查队伍的各种人员形成一个合理的结构。从职能结构、知识结构、能力结构、年龄结构等方面综合考虑。

2. 培训调查人员

一般地说、培训调查人员应该包括以下几个方面的内容。一是要进行思想教育、要组织调查人员学习调查的 ·般理论,认识调查的重要性,明确市场调查的指导思想。二是要做好知识准备、要组织调查人员学习有关的理论知识。三是要进行方法训练,应该根据调查方案的设计要求。有选择、有重点的进行。如果调查方案要求采用实地观察法进行调查,那么方法训练的具体内容就应该围绕着实地观察法的有关问题进行;如果调查方案要求采用访问调查法。问卷调查法或集体访谈法进行调查,那么就应组织调查人员着重学习访谈的技巧、问卷的送发、填答方式、回收程序、组织调查座谈会等内容。

2.3.2 调查的实施与监控

统计调查是一项较为复杂细致的工作,调查人员面对的调查对象是分散的,调查工作 通常是分头进行的,需要调查组织成员共同努力才能达到目的。在调查实施过程中是要加强人员管理与监控,目的是减少调查误差,要将调查误差存制在允许范围内。

1. 调查误差的产生原因

统计调查误差是调查结果数据与实际数据之间的差值。产生调查误差的原因是多方面 的。按产生统计误差的性质来分有:空间误差、时间误差、方法误差和人为误差。空间误 差是指统计调查范围所产生的误差,包括重复或漏计调查单位、跨区域统计等。时间误差 是指统计调查对象因时期或时点界定不准确所产生的误差,如企业核算时间不能满足统计 部门的报表制度要求而估报所产生的误差、延长或缩短时期所产生的误差、时期错位产生的误差等。方法误差是因使用特定的统计调查方法所产生的误差,如抽样调查中的代表性误差,可以根据组织方法和抽取样本的容量,一般可以计算其平均误差,而且通过扩大样本量或优化调查的组织方法来缩小。人为误差是指在统计设计、调查、整理汇总和推算等过程中因人为过错产生的误差。它是统计误差中产生因素最多的一类。它义分为度量性误差、知识性误差。态度性误差。应量性误差是指统计括标因计量或者从生误差、知识性误差。查度性误差是指统计括标码计量或者从指标的输入不理解或错误理解所产生的误差。态度性误差是指统计人员因统计知识不够、对统计指标的输入不理解或错误理解所产生的误差。态度性误差是指统计人员因对统计工作不负责而随意填报统计数据而产生的误差。包括乱报、漏填或不按规定的计量单位填报等,于批性误差是指统计对象或统计部门受某种利益驱动而虚报、漏报或者捏造统计数据所形成的

2. 调查误差的控制

误差。

在调查结束后,要评价调查资料的信度和效度。调查资料的信度主要是说明资料的准确性,效度是说明资料对分析说明问题的有效性。调查资料的信度和效度是根据研究目的而定的,它是和调查误差大小相联系的,也是和人们的预定的要求相联系的。调查误差的大小和调查资料的信度和效度成反比的。不同的调查对调查资料的准确性要求是不同的,如重点调查的目的是了解总体的基本情况,抽样调查是推断总体的指标。

研究調查误差的目的不是如何去定义和测量它,而是分析其产生的原因,进而在统计 调查工作中尽量避免或减少误差。宏观统计的误差是客观存在的,不以人们意志为转移 的,在统计调查过程中,成从调查的队伍组织、人员培训、制度建设、调查方法的选择、 调查工具的准备等各个方面全盘考虑,采取各种相应措施,尽量减少误差的产生。

本章小结

- 1. 统计数据搜集就是按照统计研究的目的和任务,运用各种科学有效的方式和方法,有针对 位地搜集反映客观现实的统计数据的活动过程,统计数据搜集的基本要求是准确性、及时性和充 禁性。
- 2. 统计数据按照所采用的计量尺度不同、分为定性数据与定量数据;按照获取途径不同、分为原始数据与次级数据;按照其来原不问、分为观测数据与实验数据;按照其即同或空间状态不同、分为时户数据与截面数据;按照其表现形式不同、分为绝对数、相对数和平均数。
- 3. 搜集原始数据的方法主要有直接现察法、通讯法、采访法、管记法等、搜集次级数据的方法主要有查找法、咨询法、交换法、购买法等、次级数据的评价内容有权威性、目的性、适用性、財政性等方向。
- 搜集原始数据的组织方式有两种:统计调查和统计实验。统计调查方式主要有统计报表、 普查、抽样调查、重点调查、典型调查等。
- 3. 统計測查方案基本内容包括: 确定研究课题和调查目的、确定调查对象和调查单位、确定调查指标、调查标志和调查表(问卷)、确定调查方式与方法、确定调查时间和调查期限、确定调查地点、确定调查组织计划。

- 6. 调查问卷一般由引言、被调查者基本情况、问题和答案、结语 4 个部分组成。
- 7. 调查问案中的问题根据调查内容不同,问题可分为事实性问题,意见性问题和解释性问题: 根据回答方式不同。问题可分为开放式问题和封闭式问题。
 - 8. 调查问题答案形式主要有是非式、多项式、顺位式、量表式、比较式、自由回答式。
- 9. 问卷设计的程序包括确定调查主题和资料范围、分析调查对象特征、拟定并编排问题、试 **然和修改**, 定稿和付印。
- 10. 调奋误差产生原因按产生误差的性质分有,空间误差,时间误差、方法误差和人为误差。 人为误差是其中最多的一举,它又分为度量性误差,知识性误差,太度性误差和干扰性误差。

N

- 1. 统计数据是怎样进行分类的?
- 2. 搜集原始数据和次级数据常用的方法分别有哪些
- 3. 统计调查方案基本内容包括哪些方面? /
- 4. 什么显调查问卷》且基本内容有哪些方面。
- 5. 在数据搜集时,控制数据误差的措施主要有哪些?

二、单项选择题

1. 某学生开展某项调研活动。在《统计年鉴》上查找到某年某市城镇居民家庭人均收入数据。这种 数据属于()。

A. 定类数据 B. 定序数据 C. 截面数据 D. 肘序数据

2. 消费者对某产品的满意程度表示为"很满意、满意、一般、不满意、很不满意"这种数据属于 ().

C. 定距数据 A. 定类数据 B. 定序数据 C. 定比数据

3. 在全国人口普查中, 调查单位是()。

A. 全国的人口 B. 全国的每一个人 C. 全国的居民户 D. 每一户

抽样调查与典型调查的最下要区别是()。

A. 录活机 动程度不同 B. 涉及的過春菇围不同

C. 对所研究总体推算方法不同 D. 确定所要调查单位的方法不同

調查某种产品的使用寿命,最合适的调查方式是()。

A. 普查 B. 抽样湖香 C. 重点调查 D. 典型调查

6. 统计调查中的调查项目是指()。

A. 统计指标 B. 统计分组

C. 调查单位的标志 D. 调查单位的标志表现

7. 在原始数据资料搜集工作完成后,这些数据资料表现为(

A. 反映调查对象的指标 B. 反映调查对象的指标数值

C. 反映各调查单位的标志 D. 反映各调查单位的标志表现

8. 次级数据资料反映的是().

A. 调查对象的指标

统计学《

- B. 调查对象的指标数值
- C. 各调查单位的标志
- D. 调查对象的指标数值或各调查单位的标志表现
- 9. 家公司的人力资源部主管需要研究公司雇品的饮食习惯、改善公司餐厅的理状、他注意确、雇 品要么从家里带伤,要么在公司餐厅就餐,要么在外面的餐馆就餐。他收集数据的方法属于(
 - A. 访问调查

B. 邮寄湖香 C. 个别深度访问 D. 观察调查

10. 如果一个样本因人为故意操纵而出现差错,按误差产生的性质来分,这种误差属于()。

A. 柏样误差

C. 设计误差 D. 实验误差

三. 多项洗择题

1. 统计数据搜集的基本要求是()。

A. 准确性

B. 及时性

B. 人为误差

C. 完整件

D. 经济性 E. 效益性

2. 全国工业企业普查中()。

A. 所有 T 业企业是调查对象 B. 每一个 I 业企业是调查单位

C. 每一个工业企业是报告单位 D. 每个 L业企业的总产值是统计指标

E. 全部国有工业企业数是统计指标

3. 普查的特点有()。 A. 专门调查

B上次性调查

C. 非全面调查

八八八 全面调查

E. 经常性调查

1. 按照数据的计量尺度不同,可以将数据分为()。

A. 分类数据 B. 顺序数据

C. 数值型数据

D. 时间序列数据 B. 截面数据

5. 在资料搜集中,人为误差是统计误差中产生因素最多的一类,它又分为(

A. 度量性误差

B. 知识性误差 1. 干扰性误差

C. 态度性误差 E. 方法误义

6. 对次级资料的评价应从()这几方面进行。

A. 权威性

B. 目的性

C. 适用性

D. 时效性 E. 经济性 【实际操作训练】

- 1. 进入国家统计局网站, 搜集最近 3 年我国和各省的生产总值、居民生活消费品价格指数等方面的 数据资料, 了解经济发展的基本情况。
 - 2. 上网查找我国第六次全国人口普查方案资料,明确统计数据搜集方案基本内容。
- 5. 结合所学专业内容,选择感兴趣的问题,确定调查背景和调查课题,制定数据搜集方案(包括调 查问卷),并在课余时间进行资料搜集。

第 3 章 统计数据整理与显示

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
统计数据整理的步骤	熟悉	数据整理步骤、整理方案内容
数据资料的预处理	掌握	数据审核、筛选、排序
频数分布数列	重点掌握	统计分组、频数分布数列
统计数据的显示	熟悉	统计表、统计图

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
数据资料的预处理	掌握	数据资料的审核、筛选、排序
编制频数分布数列	重点掌握	编制频数分布数列、反映分布特征
制作统计表和统计图	熱悉	绘制统计表和统计图
运用 Excel 进行统计整理	掌握	数据的预处理、数据的整理与显示



如何进行有针对性的训练。减少操作失误?

飞机驾驶员进行飞行模拟训练,用计算机测定并打印出飞行过程中操作错误情况,从两方面进行测定;一是错误发生时的飞行状态,分为起飞(T)、巡航(C)和着陆(L)3种;二是错误发生的原因,分为规范理解错误(R)、仅表读数错误(M)和其依错误(O)3种。

现测定的 45 次操作错误记录如下。

飞行操作错误记录表

TM	CO	LM	TM	CM	TR	TM
TO	LO	TR	CO	TM	CM	TO
LM	LM	TR	LR	TR	TM	TM
LO	TM	LO	CM	LR	TR	LM
CO	TO	CR	LO	LR	LO	CR
TR	TO	LO	TR	TR	TM	LO
CM	LM	LM				

试问:这位飞机驾驶员操作错误的主要类型是什么?在哪些情况下最容易发生错误?

(提示: 对上表中操作错误记录的原始资料进行整理, 统可以发现发生操作错误的特点, 这样可以通过有针对性地开展训练来减少操作错误)

在數据搜集阶段,取得了大量的數据资料,其中有原始资料,也有次级资料。原始资料是反映各个调查单位标志表现的,它们是分散的、不系统的、不能反映所要研究总体的特征。而次级资料是人们以往根据一定研究目的搜集的,要使之满足本次调研分析的需要,就必须要对搜集到的次级数据资料,进行重新整理。这里着重说明原始资料的整理内容。

3.1 统计数据整理概述

3.1.1 统计数据整理的含义与要求

统计数据整理是指根据统计研究的目的、对搜集到的原始统计数据进行科学的加工处理,使之系统化、条理化、成为能反映总体特征的综合指标的工作过程。统计数据整理在统计工作过程中起看成上启下的作用。它是统计数据搜集的继续,也是统计数据分析的开始。在统计数据单中,要求做到科学性、条理性和充分性。所谓科学性就是数据整理过程中所用的各种方法和技术必须科学合理,符合统计分析的要求,所谓条理性就是数据整理过程要层次分明,条理清楚。逻辑关系严密,所谓充分性就是要通过多角度、多方位的加工处理,使整理的结果尽量充分地体现出数据中包含的有用信息,满足统计分析的需要。

3.1.2 统计数据整理的步骤

统计数据整理包括的步骤有:制订数据整理方案、数据预处理、统计分组和汇总、数据显示和数据的公布与保存。

3.1.3 统计调查数据资料的预外理

38 ////

为了方便地将数据资料进行分组和汇总、先要对原始数据进行初步整理、也称为统计

数据资料预处理。其内容包括数据审核、数据筛选和数据排序这 3 项 L作。

对原始数据来说.数据审核的内容主要是检查其完整性和准确性。其中、完整性审核包括两方面内容,一是检查所调查的总体单位资料是否齐全。二是检查每个总体单位的调查项目是否回答齐全。也就是所要调查的标志表现是否都有。准确性审核是检查所收集的数据是否存在差错。是否符合客观实际。审核数据完整性的方法是观察法,就是对已搜集到的各个调查单位的数据资料进行观察,看其是否有缺少或遗漏;审核数据准确性的方法 人名埃伯勒 提到的各个调查单位的数据资料进行观察,看其是否有缺少或遗漏;审核数据准确性的方法是否接触会就是根据理论知识和常识来判断数据资料是否准确;计算检查就是对存在计算关系的各项数据重新计算一下,看其是否正确;抽样复查就是在已经调查的调查单位中随机地抽取一定比例的单位再次进行调查、将复查的数据与已搜集的数据进行比较、看其数据是否基本一致。对于次级数据来说、数据审查内容除了检查其完整性和准确性外,还包括适用性和时效性。适用性检查就是要弄清次级数据的来源、计算口径和取得方式等,判断其是否符合本次研究的需求。是含需要再加工,时效性检查就是分析次级资料是何时产生的、说明问题的效果如何、等等。要强调的是,在常核过程中如果发现资料有差错。就要采取相应的措施加以纠正或补全。

数据筛选是将原始数据中符合分析需要的数据筛选出来。有时也可以剔除那些明显不符合要求或存在明显错误而又难以弥补、纠正的数据。

数据排序则是将原始数据按 定的顺序加以排列,使之条理化。通过数据排序可以发现数据中的某些特征或规律,提供有用的分析线索,也可以检查纠正原始数据中的差错。 对定性数据可以按英文字母顺序、汉语排产字母顺序,对定量数据可接数值大小顺序排列等,包括升序和降序两种。

3.2 统计分组与频数分布数列

3.2.1 统计分组

1. 统计分组的含义

统计分组就是根据研究的目的,选择,定的标志,将研究现象总体划分为若干性质不同的部分或组的一种研究方法。统计分组是在总体内部进行的一种定性分类,是在总体同质性的基础上研究内在差异性,把总体划分为一个个性质不同、范围更小的总体。

统计分组兼有分和合的双重含义。对于总体而言是分、即把总体分为性质不同的若干部分;而对于总体单位而言义是合、即把性质相同的许多单位结合为一组。它对于某一分组标志而言是分、即根据分组标志具体表现的不同分为若干个组;而对于其他标志而言是合、即在一个组内的各个单位即使其他标志表现不相同也只能结合在一组。

2. 统计分组的作用

统计分组是统计研究的基本方法之一,是对总体认识深化的手段,是统计研究的基础,应用于统计工作的全过程。在统计研究中,统计分组的作用表现为以下3个方面。

1) 划分客观现象的类型

客观现象总体是复杂的,可以从不同角度去认识和研究。人们在研究某一总体特征



时,必须先要找到研究的立足点,这就要选择某一个标志,从某个侧面出发去研究。在统 让研究中,而对大量数据资料时、法用统计分组法将所研究的现象总体划分为类别不同的 若干部分,就可以开展进一步研究。例如,在本意开始的导入案例中,要研究该飞行员的 发生操作错误所处的飞行状态,可以按飞行状态分组,具体分为起飞(T)、巡航(C)和着 陆(L)3 种类型, 见表 3-1。

48.	AC TOTAL DESIGNATION OF THE PROPERTY OF THE PR					
飞行状态	错误次数(次)	频率(%)				
起飞(T)	20	44. 4				
巡航(C)	9	20.0				
着陆(L)	16	35. 6				
合计	45	100.0				

主 2 1 飞气导操作升温的基本八类放出

在此基础上还可以进一步开展分析和研究,反映在不同类型情况下的具体特征,如可 结合错误发生的原因进行分析。如规范理解错误、仪表读数错误在哪种飞行状态下发生的 次数较多,等等。

2) 表明总体的内部结构

在对总体划分类型的基础上, 可以计算出各类型的颗数或标志值占总体总数值的频率 或比重,从而表明总体的内部结构,反映出总体构成特征,也可说明总体的性质或结构类 型。从表 3-1中,可知该飞行员在起飞时发生错误操作的频率最高,其次为着陆时发生 错误操作。

3) 分析现象之间的数量依存关系

许多客观现象之间存在着相互联系和制约关系,但现象之间发生联系的方向和程度各 不相同。要研究现象之间依存关系,往往是先对某一客观现象按某个标志讲行分组,再计 算各个组的指标数值,然后再分析现象之间是否存在着一定的数量依存关系。表 3-2 是 某年某地区 40 户居民家庭按人均月收入分组的资料整理表。

家庭人均月收入(元)	家庭户数(户)	家庭月人均支出(元)	
1 600 以下	4	1 000	
1 600~1 700	7	1 090	
1 700~1 800	2	1 200	
1 800~1 900	9	1 570	
1 900~2 000	7	1 660	
2 000 及以上	11	1 690	

惠 3 - 9 40 白星星素度 1 均日收 3 及去中榛沼惠

表中数据显示了这个地区居民家庭人均收入水平和专出水平之间的存在着相关关系。 可以发现, 随着居民家庭人均月收入的增加, 其人均月支出也在增加, 两者呈现正相关 关系。

统计分组的上述3方面作用并不是相互孤立的,而是存在着密切的联系、如表3 2 既能区分现象的类型,又能表现现象之间的依存关系,还可以计算各种收入家庭户数的比重,反映各类收入的构成状况。如果不通过统计分组,就不能反映出上述3个方面的作用,也难以对现象进行深入的分析研究。

3. 统计分组的要求

统计分组要求是选择合适的分组标志、正确划分分组界限。统计分组的关键是要做好这两项工作。如果分组标志选择不当或分组界限不合理,就会混淆事物的性质,难以客观反映现象总体的特征。选择分组标志的原则包括,一是要根据研究目的选择分组标志;二是要选择能够反映现象本质特征的分组标志;三是要结合具体的环境背景选择分组标志。例如,在研究企业规模大小与企业经济效益的关系时,就要考虑选择什么标志来反映企业规模比较合适,可以选择的标志有很多,如生产成果、资产总额、职工人数等都可以作为分组标志。究竟选择哪一种标志进行分组,就要结合确定分组标志的原则来选择标志。如对于劳动密集型企业可以选择职工人数作为分组标志,对于资本密集型企业可以选择资产总额作为分组标志,对于发术密集型企业可以选择劳动成果作为分组标志,对于农业企业可以选择种植面积作为分组标志。总之、分组标志的选择需要研究者对研究目的、研究对象的特征有比较好的了解和把握、在综合考虑多方面因素的基础上加以确定。

4. 统计分组的种类

(1)按照分组标志的多少不同,分为简单分组与复合分组。简单分组是指对总体只按一个标志进行的分组,它能反映总体某一方面的情况。例如,表3-2居民家庭按人均月收入分组就属于简单分组。另外,对人口总体按性别标志分组、对职工按工龄分组等,也属于简单分组。

如果对某一总体同时按多个标志分别进行简单分组、并将其排列在一起、就形成平行 分组体系。利用平均分组体系可以从不同方面反映某一总体的情况,如图 3-1 所示。

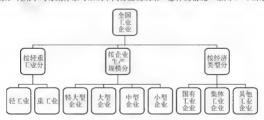


图 3·1 全国工业企业平行分组体系

复合分组是指对某一总体同时按两个或两个以上的标志层香起来进行的分组,即先按第一个标志进行分组,然后各组再按第二个标志进行分组,各小组再按第二个标志分成更小的组,如此下去,直至完成所有标志的分组。例如,对货运量按运输方式和隶属关系这两个标志进行层叠分组就属于复合分组,状如树形,如图3 2 所示。



图 3-2 货运量的复合分组

复合分组比简单分组能更深入、更具体地分析现象总体的内在关系。对同一总体分别进行多种复合分组,就形成复合分组体系、有时也把某一个复合分组称为复合分组体系。 在复合分组时,通常选择的分组标志不宜过多,如果分组标志过多,各个标志层叠的层次就比较复杂,有时反而不利于开展分析。

(2) 按分组标志性质不同、分为品质标志分组和数量标志分组。品质标志分组也称为 属性分组、是指对总体按某一个或几个品质标志进行的分组。根据品质标志分组,可形成不同性质的组。有时按品质标志分组比较简单。分组标志 "经确定,各组的名称、界限和组数也就随之确定。例如,对职工按性别分组、对教师按职称分组等就比较简单。但有时按品质标志分组会比较复杂,组的界限难以确定,例如,对国民经济按部门(或行业)分组、对劳动力按职业分组、对商品进行分类等,就比较复杂。对于这种比较复杂的品质标志分组、各个地方的分组不尽相同,这样就不便于不同地区的比较分析或综合汇总。为了保持统一性,国家有关部门制定并公布统计分类标准,要求各部门或各地区参照执行。

数量标志分组是指对总体按一个或几个数量标志进行分组。如表 3-2 对 40 户居民家 庭按人均月收入分组、就属于按数量标志分组。在按数量标志分组时、重点是要划定各组 的数量界限、区分出各组性质的差异性。

3.2.2 频数分布数列

1. 频数分布数列的概念与种类

频数分布数列接分组标志的不同可以分为变量数列和品质数列两种。变量数列就是按数量标志分组形成的各组变量值与各组单位数组成的数列。如表3 2中的人均月收入和家庭户数这两档资料就构成一个变量数列、它反映了40户家庭在各组的分布状况。品质数列就是按品质标志分组形成的各组名称与各组单位数组成的数列。各组的名称是用定类数据和定序数据表现的、表现为文字、也就是用文字来表现各组的性质差异。如表3 3是职工按性别分组形成的频数分布数列。

lic o	2	甘心业	ID -T 40-44	4 pd // /p	teler

按性别分	人数{人}	频率(%)
男	20	33. 3
女	40	66. 7
合计	60	100.0

一般来说品质数列较容易编制,通常分为两个步骤: 一是选择分组标志,确定各组的名称;二是汇总出各组的频数或单位数。汇总各组单位数形式分为两种,一是在总体单位数不太多,数据量比较少的情况下,可以用手工计数、点数等形式汇总。如表 3-1的资料就可以用手工计数的方法分别汇总各组的人数。二是在总体单位数很多,数据量较大的情况下,一般是运用计算机根据统计程序软件来实现分类和汇总。

编制分布数列时要遵循科学性原则、穷尽原则和互斥原则。科学性原则指统计分组首 先要根据统计研究的目的。突出反映客观现象存在的差异、穷尽原则要求总体中的每一个 单位都应有组可归,或者说各分组的空同要包括总体的确本单位。互斥原则要求在某一特 定的分组标志下,总体中的任何一个单位的只能归属于某一组。而不能同时归属于两个或 的分组标志下。总体中的任何一个单位的只能归属于某一组。而不能同时归属于两个或 后上的差异。根据各组中变量值的确定方法不同、又分为单项式数列和组距式数列两种。

2. 变量数列的编制

1) 单项式变量数列的编制

单项式变量数列足以一种变量值表示一个组编制的变量数列,简称单项数列。例如,某城市家庭按生育子女数分组,其变量值共有6种,再分别汇总出各组的家庭户数,就形成单项式数列,见表8-4。

家庭生育子女数(个)	户数(户)	频率(%)	
0	20	5. 6	
1	90	25.0	
2	120	33. 3	
3	60	16. 7	
4	40	11.1	
5	30	8.3	
合计	360	100.0	

表 3-4 某城市家庭按生育子女数分组表

单项式数列适合表现变量值变动范围不大的离散型变量的分布特征。对于某些取整数的 连续型变量,如果变量值的种数不多,如某学校某年组学生的年龄,也可编制单项数列。

2) 组距式变量数列的编制

组距式变量数列是用两个变量值确定一个区间表示一个组编制的变量数列,简称组距数列。变量值处于同一个区间范围的总体单位都属于同一个组,区间的长度称为组距。组



距数列活合于表现连续型变量和变量值变动范围较大的离散型变量的分布特征。因为当变 量数值种类较多时,如果将每一种变量值设为一组,组数就会很多,各组的总体单位数会 过于分散,难以反映出总体分布特征。

【例 3.1】 某年某连锁超市 36 个销售网点的销售额(单位, 万元)数据资料如下,

41. 2 25. 5 29. 5 47. 1 8. 8 34. 4 30. 6 53. 5 40. 0 46. 2 57. 0 49. 0

36.9 65.3 37.8 57.3 53.6 45.1 33.0 44.7 25.0 28.8 39.6 42.0 94, 6 34, 0 30, 1 23, 7 44, 0 78, 2 54, 5 42, 4 36, 0 37, 6 36, 0 55, 3

要反映 36 个销售网点的销售额的分布情况,就要通过分布数列来反映。本例资料中, 销售额属于连续型变量, 日不同变量值种类较多, 相同的变量值少, 不适合编制单项数 列,而活合编制组距数列。编制组距数列的主要步骤如下。

首先, 将所有变量值排序。一般是将数值由小到大排列, 确定最大值和最小值, 计算 全距,全距是所有变量值中的最大值与最小值之差。用 R 表示。

全距 R=94,6-8,8=85,8

其次,确定组数与组距。在组距数列中,某一区间组中的最大值称为上限,最小值称 为下限,上限与下限之差就是组距,用 d 表示。所划分的区间数就是组数,用 K 表示。 在全距一定的情况下,组数的多少与组距的大小成反比。当组数确定了,组距也就容易确 完了。确定组数和组距原则主要有,一是要根据研究现象的性质和特占确定;二是要根据 原数据的分布特征确定;三是要以体现组间差异与反映总体分布特征为标准,注意组数既 不能太多,也不能太少。一般来说、组数不应少于5或大于10,这里没有绝对的标准。组 数的多少也可以根据美国学者斯特杰斯(H, A, Sturges)提出的一个经验公式来确定,即如 果总体大致呈正态分布,那么确定组数 K 的公式为:

$$K = 1 + \frac{\lg n}{\lg 2}$$
 $= 1 + 3.322 \lg n$ (3.1)

式中, K 为组数: n 为数据个数(单位数)。根据这一公式, 可以得出表 3-5 所示的组数 参考标准。

	77 27 700 700 700 700 700							
n	15~24	25~44	45~89	90~179	180~359			
К	5	6	7	8	9			

表 3-5 公组组数条条表

确定了组数的数量后,组距 d 则可以用式(3.2)确定:

$$d = \frac{R}{\kappa} \tag{3.2}$$

将 n=36 代人式(3.1),得到: K=6,17,即组数可以确定为6,即为6个组。注意组 数必须用整数表示。再将组数 6 代入到式(3.2)的分母中,则组距 d=85.8/6=14.3。

在组距式数列中,如果各组的组距相等,称为等距数列;如果各组的组距不相等,则 称为异距数列。一般地,当变量分布比较均匀时,可采用等距数列,因为等距数列简单明 了,便干计算分析,也便干绘制统计图。当变量分布很不均匀,或者变量分布具有某种自身 特殊规律时,应该采用异距数列形式,以便客观反映总体分布特征。例如,人在一生中的生 理特征对于成年人与未成年人、青年人与老年人有很大差别。因此,在研究人的某种疾病或 死亡率时,年龄分组就要采用异阵分组。如,1岁以下的人按月分组;1~10 岁之间的人按 年分组;11~20 岁的人按5 年分组;21~60 岁的人按10 年分组;60 岁以上人按5 年分组。

再次,确定组限。在组距数列中、必须确定各组的数量界限、即组限。组限的确定除了要求能区分事物的性质和体现总体分布特征外、还需要注意以下几点;一是最小组的下限网酪低于总体的最小变量值,最大组的上限风略高于总体的最大变量值。二是连续型变量的各组组限必须重叠,以防汇总时出现遗漏某些总体单位的现象。为了明确变量值正多年更变量值的总体单位。如学生按考试分数分组、如60分以下、60~70分、70~80分等,某个学生考试成绩为60分、应把这个学生统计在第二组的人数中,即60~70分这组内,而不统计在60分以下这组中。对于离散型变量的相邻组限可以采用间断组限的形式,实际中多种采用重叠组限的形式。三是组限的数值习惯上采用5或10的整数倍。有时最小组只有上限而没有明确的下限,最大组只有下限而没有明确的上限,这样的组称为开口组。开口组的组距一般是参照相邻组的组距加以确定、进而确定开口组的下限或上限。当然,如果中间的非开口组的组距是现某种规律,如各组组距相等、量等差变化、量等比变化时,则应该按规律来确定开口组的组距与现得。

在一组中,上、下限之间的中点数值称为组中值。组中值是代表各组变量值一般水平的数值,是各组上限与下限的简单算术平均数。组中值的计算公式为:

要注意的是,组中值就是在假定变量值在各组内均匀分布时的一个近似值。开口组的 组距一般是参考和邻组的组距确定,在确定组限后计算开口组的组中值。

在确定组数、组距和组限时要综合考虑。要以能区分各组的性质差异和能反映总体数据的分布特征为原则。在本例中,由于20万元以下销售额只有一个销售网点,60~100万元销售额具有3个销售网点,绝大多数销售网点的销售额集中在20~60万元之间。因此,以10万元作为组距,采用开口组的形式、分为6个组、这样就比较合话。

最后,汇总出各组的频数、频率和计算总频数。见表 3-6。

销售额(万元) 销售点(个数) 頻率(%) 20 DJ F 2.8 5 20~30 13.9 30~40 11 30.6 40~50 10 27.8 50~60 6 16, 6 60 DJ E 3 8.3 100.0 合计 36

表 3-6 某年某连锁超市 36 个销售网点销售额频数分布表



3. 频率分布

1) 频率分布的概念和性质

频率是各组赖数与总体单位数之比,也就是某组单位数占全部单位数的比重。按顺序 列出各组的组别及相应的频率,就形成频率分布表。频率分布可以比频数分布更好地体现 出总体分布特征。在异距数列中,为消除各组组距不同所造成的影响,需要计算频数密度 或频率密度。频数密度是频数与组距之比、频率密度是频率与组距之比。各组频数或频率 不能有移比较,而各相的赖数索度和频率案验更可以进行比较。

频率分布具有两个性质: 是频率数值介于 0 和 1 之间, 一般用百分比表示;各组频率之和为 1 或 100%。

2) 累计频率分布

在频数分布的基础上, 将各组频数依次累计, 就形成了累计频数分布。各组累计频数 与总频数之比就形成了累计频率分布。

累计分布有向上累计分布与向下累计分布两种。向上累计分布是将各组的频数或频率由变量值小的组向变量值大的组逐组进行累计。累计结果分别说明各组上限以下的累计频数或累计频率的分布状况。当累计到最后一组时,其累计频数或累计频率等于总频数或100%。向下累计分布是将各组的频数或频率由变量值大的组向变量值小的组逐组进行累计、累计结果分别说明各组下限以上的累计频数或累计频率的分布状况。当累计到最后—组时,其累计频数或累计频率等于总频数或700%。

【例 3.2】 根据表 3-6 资料计算得到该连锁超市 36 个销售网点销售额累计频数及累计频率分布表, 见表 3-7。

按销售额分组	频数	description (向上	累计	向下	累计
(万元)	(个数)	频率(%)	频数	频率	频数	频率
20以下 入	1	2.8	1	2.8	36	100
20~30	5	13. 9	6	16. 7	35	97. 2
30~40	11	30. 6	17	47.3	30	83. 3
40~50	10	27. 8	27	75. 1	19	52. 7
50~60	6	16. 6	33	91. 7	9	24. 9
60以上	3	8.3	36	100	3	8. 3
合计	36	100, 0			-	

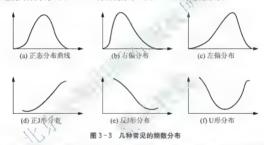
表 3-7 基年某连锁超市 36 个销售网点销售额累计频数及累计频率分布表

表中 $40\sim50$ 万元这一组、向上累计说明销售额在 50 万元以下的网点共有 27 个、占 75.1%,向下累计说明销售额在 40 万元以上的网点共有 19 个、占 52.7%。其他各组向上累计或向下累计的含义可作同样的说明。

4. 频数分布的基本形态

根据频数分布数列资料,将坐标系中的横轴表示变量值、纵轴表示各变量值出现的频数,然后在坐标系中找出相应的点、并观察各个点所形成的形状、并对这些形状进行分类,就构成了频数分布的形态。其形态类型主要有钟形分布、U形分布和J形分布、如图33所示,其中钟形分布形式最为常见、是次数分布的基本形态。钟形分布的数据分布曲线形态如一口占钟、"中间多、两头少"、即中间的变量值分布频数多、靠近两边的较小变量值和较大的变量值分布的频数少。

图 3-3中的(a)、(b)、(c)图是客观事物数量特征表现最多的·种频数分布曲线,例如,人的身高、体重、智商、考试成绩、农作物产量等。图 3-3中的(a)图形为左右对称,属于正态分布的基本形态。在实际中,有时,些现象的分布属于近似的正态分布形式,表现为偏态曲线,如图 3-3(b)和图 3-3(c)所示。根据偏态尾部拖向哪一方又可分为右偏和左偏两种曲线。图 3-3(b)为右偏分布,图 3-3(c)为左偏分布。



J形曲线包括正J形和反J形分布、比较常见的例子是两方经济学中的供给曲线和需求曲线。供给曲线如图 3-3(d)所示、随着价格的增加、供给量在不断增加;需求曲线如图 3-3(e)所示,随着价格的增加、需求量在不断减少。

U形曲线又称生命曲线或浴盆曲线,人和动物的死亡率、人一生中的闲暇时间等现象,近似服从 U 形曲线分布。婴儿和少儿时期,人们的闲暇时间最多;随着年龄的增长, 开始上学、就业,闲暇时间逐渐减少;人到中年事业达到最高峰同时家庭的负担也最重, 上有老下有小, L 作和家庭的双重压力使得中年人的闲暇时间最少;随着中年步人老年、 逐渐银出工作岗位,人的闲暇时间又逐渐增加。

3.3 统计数据的显示

经过整理的统计数据要用适当的形式将其展示出来, 主要有统计表和统计图两种 形式。



3.3.1 统计表

1. 统计表的概念

统计表是用纵横交叉的线条绘制成的、用来表现统计数据的表格。统计表有两种含 义,广义统计表包括统计工作各阶段中所用的一切表格,如调查表、数据整理表、数据分析表。被义统计表是指表现统计整理汇总结果数据的表格。

统计表的作用主要有:第一,能使大量的统计数据系统化、条理化,更清晰地表述统计资料的内容;第二,利用统计表便于比较各项目和计算各项指标,便于分析各指标之间的联系;第三,利用统计表便于检查数据的完整性和正确性。

2. 统计表的结构

统计表的结构可以从表格形式和内容两个方面来认识,从表格形式上看、统计表是由纵横交错的线条所构成的一种表格、包括总标题、横行标题、纵栏标题和指标数值 4 个部分。总标题是统计表的名称、概括地说明统计表的内容、时间和空间,写在统计表的上方中央。横行标题是表示横行内容的名称、通常是所要说明的对象、可以是总体、总体单位、也可以是组、或者是时间、一般写在表的左方。纵栏标题是纵栏的名称。即用以说明横行标题的指标名称、一般写在表的右上方。指标数值列在横行标题与纵栏标题的变处,是用以表明横行标题数量特征的具体数值,列在表的右下方,是统计表的核心部分。有时还包括表外的补充资料、资料来源、注释、填表单位、填表人和填表日期等内容。统计表的表式结构见表 3 - 8。

所有制	增加值(亿元)	比上年增长(%)	
规模以上工业	79 752	16. 6	
其中: 国有及国有控股企业	28 396	12.6	
其中: 集体企业	2 558	11. 6	
股份制企业	39 918	17.8	
外商及港澳台投资企业	22 502	16. 9	
其中: 私营企业	15 547	24, 4	
其中: 轻工业	24 314	13. 8	
重工业	55 438	17.9	

表 3-8 我国某年规模以上工业增加值及其增长速度

资料来源:《中华人民共和国××年国民经济和社会发展统计公报》

从表反映的内容上看,统计表由两部分组成, 主词和宾词, 主词是统计表所要说明的 总体、总体单位或各组的名称。一般排列在表的左方,即横行位置。宾词是用以说明总体 及其组成部分数量特征的各种统计指标。一般排列在表的右方,即纵栏标题和指标数值的 位置。如表3 8 中所有制这一样为主词栏,说明总体中的各个组、增加值和比上年增长 这两个栏目为宾词栏,它们是说明主词的指标及其数值。有时主词与宾词的位置可以 互换。

3. 统计表的种类

统计表按主词排列内容和形式不同分为简单表、简单分组表和复合表。简单表是表的主词未给任何分组的统计表,主词一般按时间顺序排列,或按总体各单位名称排列。简单分组表是表的主词按照某一标志进行分组的统计表。复合表是表的主词按照两个或两个以上标志进行复合分组的统计表。统计表按用途分,可以分为调查表、资料整理表和资料分析表。

4. 统计表的设计要求

统计表的设计应符合科学、实用、简练、美观的要求。具体来说、要注意以下几点。

- (1) 要合理安排统计表的结构。行标题、列标题、数字资料的位置应排列合理。统计 表的长宽比例适当,避免出现过高或过长的表格形式。表头部分,般应包括表号、总标题 和表中数据的单位等内容。
- (2) 总标题应简明确切地概括出统计表的内容。总标题一般需要表明统计数据的时间 (When)、地点(Where)以及何种数据(What),即标题内容应满足 3W 要求。
- (3) 计算单位和栏目编号要明确。如果表中的全部数据都是同一计量单位,可放在表的右上角标明,若各指标的计量单位不同,则应放在每个指标后或单列出一列标明。如果表的栏数较多,通常要加编号。主词栏和计量单位栏可用甲、乙、丙等文字表示,宾词栏可用(1)、(2)、(3)等数码编号表示。必要时,应标明各栏目之间的计算关系。

3.3.2 统计图

统计图是用点、线条、面积等方法来描述、显示统计数据的一种几何图形。

统计图可以用简洁直观的图形来表现枯燥的数据,也便于发现数据中隐藏的规律, 有时可以更迅速、更有效地传递信息,形象、生动、易于理解,给人明确和深刻的印象。

1. 统计图基本构成要素

- (1) 标题。标题包括图表标题、数值轴(横、纵轴)标题。图表标题是统计图的名称、它简明扼要地说明全图的基本内容、一般置于统计图的上方中央。
 - (2) 绘图区。绘图区是将统计表中的数据或原始数据绘制出图形的区域。
- (3) 图例。图例用来表明图中的数据系列, 般至于图表的右方或底部。如果只有一个数据系列则不需要图例。

2. 统计图的种类及绘制要求

统计图的类型很多。一般可以分为条形图、饼图(圆形图)、曲线图、直方图、散点

图、统计地图、线箱图、茎叶图、雷达图、气泡图等。各种图形的特点不同,必须根据资料的类型和表现资料的目的来选择适合的图形。有些图形比较适合表现原始数据资料,如线箱图、茎叶图等,有些图形能用来研究现象之间的相关关系,如曲线图、散点图等,有些图形用来反映事物的构成情况,如多形结构图。供图等

统计图是根据实际统计数据按比例绘制的,它不同于示意图。统计图的绘制以往是人们于工绘制的,现在人们多数是利用计算机软件来绘制,不管是于工绘制还是利用计算软件绘制,都要求数据题材和图形要有较好的适应性,符合统计研究目的需要,还要注意在文字的颜色,字体,大小和背景图象等方面搭配合理,达到常心悦目的效果。

绝大多数统计软件中都有绘图功能,如 Excel、SPSS 等统计软件中都有较为详细的介绍。读者可选择一种统计软件,按其操作提示绘制有关的统计图。

3.4 Excel 在统计整理中的应用示例

3.4.1 数据的预处理

数据的预处理主要是对数据进行审核、筛选和排序。这里主要是用 Excel,结合实例 介绍数据的筛选和排序。

【例 3.3】 某企业 10 名职工工资额资料见表 3-9。

	1		. \ (
TE 3 / 0	业态业	10 夕町	工工资数据

单位。元

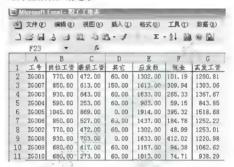
工号	岗位工资	薪级工资	其他	应发数	税金	实发工资		
ZG001	770, 00	172.00	60,00	1302.00	101. 19	1200, 81		
ZG002	850.00	613.00	150, 60	1613.00	309.94	1303.06		
ZG003	930.00	643.00	60.00	1633, 00	265. 33	1367. 67		
ZG004	590.00	253. 00	60.00	903.00	59. 15	843.85		
ZG005	1045.00	869. 00	0.00	1914.00	395. 32	1518. 68		
ZG006	850.00	527. 00	60.00	1437.00	184. 78	1252. 22		
ZG007	770.00	472.00	60, 00	1302.00	48. 99	1253. 01		
ZG008	930.00	703.00	0.00	1633.00	412.02	1220. 98		
ZG009	680.00	417.00	60.00	1157.00	94. 38	1062, 62		
ZG010	680.00	273.00	60.00	1013.00	74.71	938. 29		

在 Excel 中操作, 达到如下要求。

- (1) 筛选出岗位 [资最多的前3名的职工,标题为"岗位 [资最多的前3名职工 [资"。
- (2) 筛选出岗位工资为850元的职工,标题为"岗位工资为850元的职工工资"。
- (3) 筛选出岗位 L资在 600~800 元之间的职 L, 标题为"岗位 L资在 600 800 元职

E.E.资"。

- (5)按实发工资额由低到高(升序)将全部职工进行排列,标题为"实发工资额排序"。 各部分的操作步骤如下。(注意:要将资料录入或复制到新建立的 Excel 表中进行操作,如图 3-4 所示然后再加入标题等)



■配 3-4 10 名工人工资原始数据清单

(1) 筛选出岗位工资最多的前 3 名的职工。操作步骤: 先选中数据区域, 包括标题行, 然后选择`数据'→"筛选"→"自动筛选"命令, 找到"岗位工资"字段, 单击其右侧的下三角接阻, 可根据要求筛选出基本工资为某一指定数额或筛选出基本工资最高低(的)前 10 个记录(该数值可调整, 将中间 10 调整为 3), 如图 3-5、图 3-6、图 3-7、图 3-8 所示。



图 3 5 数据筛选命令



	A	В	C	D	E	F	G
1	工号	岗位工→	薪級工资	其它	应发数	税会	实发工资
2	ZGOO	序排列	472.00	60.00	1302.00	101.19	1200.81
3	ZGOC	\$/3°3#7°1	613.00	150.00	1613.00	309.94	1303.06
4	ZGOO	前10个	643.00	60.00	1633.00	265.33	1367.67
5	ZGOQ (自定义)	253.00	60.00	903.00	59.15	843.85
6		90 00 80 00	869.00	0.00	1914.00	395. 32	1518.68
7	ZG00 7	70 00	527.00	60.00	1437.00	184.78	1252.22
8		50 00 30 00	472.00	60.00	1302.00	48.99	1253.01
9		045 00	703.00	0.00	1633.00	412.02	1220.98
10	ZGOQ 9	空息)、	417.00	60.00	1157.00	94.38	1062.62
11	ZG8 lo	680.00	273.00	60.00	1013.00	74.71	938. 29

图 3-6 数据筛选过程



图 3-7 指定条件下的自动筛选过程

	A.	В	C	D	E	KE	G
1	工号	游位工 ·~	骄级工资	其它	应发数	机会	实发工资
4	26003	930.00	643.00	60.00	1033.00	265.33	1367.67
6	20005	1045.00	869.00	0.00	1914.00	395.32	1518.68
9	ZG¢08	930.00	703.00	,O. OR	1633.00	412.02	1220.98

图 3-8 自动筛选结果

(2) 筛选出岗位工资为 850 元的职工。操作步骤。在图 3-6 所示数据筛选过程中,选择岗位工资为 850.00,如图 3-9 所示,选择 850.00元,可以得到图 3-10 所示的结果。

	A	В	C	D	E	F	G
1	工号	岗位工▼	薪級工资	其它	应发数	机金	实发工资
2	ZG OC	- 序排列 - 序排列	472.00	60.00	1302.00	101.19	1200.81
3	ZGOC	673°34°2'U	613.00	150.00	1613.00	309.94	1303.06
4		全部) 前 10 个	643.00	60.00	1633.00	265.33	1367.67
5		前 10 个 自定义)	253.00	60.00	903.00	59.15	843.85
6		90-00 80.00	869.00	0.00	1914.00	395. 32	1518.68
7		70.00	527.00	60.00	1437.00	184.78	1252, 22
8		50.00 30.00	472.00	60.00	1302.00	48. 99	1253.01
9		045 00	703.00	0.00	1633,00	412.02	1220.98
10	ZGDQ G	雜()	417.00	60.00	1157.00	94.38	1062,62
11	ZGOTO	080.00	273.00	60.00	1013.00	74.71	938.29

图 3 9 指定条件下的自动筛选过程

(3) 筛选出岗位工资在600~800 元之间的职工。操作步骤:在图3 6基础上,选择



3 M	icresoft	Excel - 职]	门资表				
B	文件(图)	銅岩 (E)	视图(4)	插入①	格式①	工具(1)	数据 (0)
١	<u>ا</u>	3 3	il da s	3-3	. Σ	±↓ 🛍	@ <u>@</u>
	I17	+	f%				
	A	В	C	D	E	F	G
1	工号	岗位工: ·	薪級工资	其它	应发数	税金	实发工资
3	ZG007	850.00	613.00	150,00	1613.00	309.94	1303.06
PY	ZGB06		527, 00	60, 00	1437.00	184.78	1252, 22

图 3-10 指定条件下的自动筛选结果

"自定义"选项,如图 3-11 所示,根据给定条件筛选岗位工资大于 600 且小于 800 的记录,然后单击"确定"按钮,就得到需要的结果,见表 3-10。

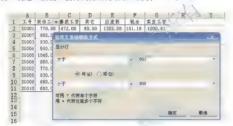


图 3-11 岗位工资在 600~800 元之间的筛选过程

表 3-10 岗位工资在 600~800 元之间的职工

单位:元

工号	岗位工资	薪级工资	其他	应发数	税金	实发工资
ZG001	770	472	60	1302	101. 19	1200. 81
ZG007	770	472	60	1302	18. 99	1253. 01
ZG009	680	417	60	1157	94. 38	1062. 62
ZG010	680	273	60	1013	74. 71	938. 29

- (4) 筛选出岗位工资在 800 元以上与薪级工资在 700 元以上,或实发工资在 1300 元以上的职工。操作步骤;如图 3-12 所示,将"岗位工资"、"薪级工资"和"实发工资" 3 字段的字段名称复制到表格中其他空白位置。如图中所示位置输入条件。(条件放在同一行表示"与"的关系,条件不在同一行表示"或"的关系)。在图 3-5 基础上,选择"高级筛选"命令、出现图 3-12 所示的对话框、选择"在原有区域显示筛选结果"单选按钮、选择列表区域和条件区域、然后单击"确定"按钮、就得到需要的结果。
- (5) 按实发工资额由低到高(升序)将全部职工进行排列。操作步骤;先选中数据区域,包括标题行,然后选择"数据"→"排序"命令,出现对话框,在"主要关键字"下拉列表框中单击下三角按钮,选择"实发工资",再选择"升序"单选按钮,如图 3-13



图 3-12 数据的高级筛选过程

所示, 然后单击"确定"按钮, 就得到需要的结果, 如图 3-14 所示。



图 3-13 数据排序过程

	Α.	В	C	D	E	14	G
1	工号	岗位工资	薪级工资	英它	应复数	拠金	实发工资
2	ZG004	590.00	253.00	60.00	903.00	59, 15	843, 85
3	ZG010	680.00	273.00	60.00	1013.00	74.71	938, 29
4	ZG009	680.00	417.00	60.00	1157.00	94.38	1062,62
5	ZG001	770.00	472.00	60.00	1302.00	101.19	1200.81
6	ZG008	930.00	703.00	0.00	1633.00	412.02	1220.98
7	ZG006	850.00	527.00	60.00	1437.00	184.78	1252, 22
8	ZG802	770.00	472.00	60.00	1302.00	48.99	1253.01
9	ZG007	860.00	613.00	150.00	1613.00	309.94	1303.06
10	ZG003	930.00	643.00	60.00	1633.00	265, 33	1367.67
11	ZG005	1045.00	869.00	0.00	1914.00	395. 32	1518, 68

图 3 14 数据排序结果

3.4.2 品质型数据的整理与显示

【例 3.4】 一家市场调查公司在某一天随机调查 50 名顾客购买饮料的品牌,统计资料见表 3 11。



表 3 11 顾客购买饮料品牌情况								
健力宝	可口可乐	健力宝	芬达	雪碧				
雪碧	健力宝	可口可乐	雪碧	可口可乐				
健力宝	可口可乐	可口可乐	百事可乐	健力宝				
可口可乐	百事可乐	健力宝	可口可乐	百事可乐				
百事可乐	雪碧	雪碧	百事可乐	雪碧				
可口可乐	健力宝	健力宝	芬达	芬込				
芬达	健力宝	可口可乐	可口可乐	可口可乐				
可口可乐	百事可乐	雪碧	芬达	百事可乐				
雪碧	可口可乐	百事可乐	可口可乐。	雪碧				
叮口叮乐	健力宝	百事可乐	芬达	健力宝				

来 3 11 顾家购买价料品牌情况

要求:用 Excel 作品质型数据的频数分布表和直方图。(在新建的 Excel 表中操作) 具体操作步骤如下。

步骤一:数据输入。①在A2: A51 中输入50个饮料品牌名称(观测值)。②为不同品牌的饮料指定一个数字代码,代码编排如下,1可口可乐;2 健力宝;3 百事可乐;4 芬达;5 雪碧。③在 B2: B51 中输入相应的代码。

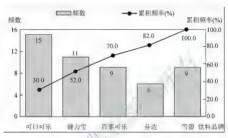
步骤二:指定上限。Excel 现在把代码视为数值型数据。为建立频数分布表和直方图,必须对每一个品牌代码指定一个上限。本例中,只需将代码 1、2、3、4 和 5 依次输入到工作表的 C4: C8 中。Excel 对数值小于或等于每一品牌代码的项数计数。

步骤 :: 生成颗数分布表和百方图。

- (1) 选择"丁具" ▶ "数据分析"命令、出现该对话框。(提示:如果"数据分析" 工具不在"工具"菜单中,可采用以下方法装人:选择"工具"→"加载宏"命令、出现 "加载宏"对话框。在"当前加载宏"下拉列表中、找到"分析数据库"选项。单击它前 面的复选框,出现对号"√",单击"确定"按钮即可。)
 - (2) 在"数据分析"对话框中选择"直方图"选项。
- (3) 出现"直方图"对话框时,在"输入区域"方框中输入数据所在单元格区域 B2:B51,在"接受区域"文本框中输入分组数据上限所在单元格区域('4'('8'),在 "输出区域"文本框中输入 E3、表示"输出区域"的起点;在"输出选项"选项区域 中、选择"输出区域"单选按钮、"累计百分率"和"图表输出"复选框,单击"确定" 按钮。
- (4) 为了便于阅读,单击频数分布表中的有"接受"字样的单元格,输入"饮料品牌"代替;同样,把数值代码1、2、3、4和5分别用它们对应的品牌名称替换。例如,"1"替换为"可口可乐"、"2"替换为"健力宝"等。如果想修改图表格式,可直接双击该处,在出现的对话框中作相应的修改。
- (5) 删除赖数分布表中的"其他"所在行右边3个单元格的内容。输出结果如表3 12 和图3 15 所示。(注意表和图的编号和标题是另加上的。表中频率也就是频数、累积为累积频率,可将其改成频数即可。)

表 3 12 顾 7	客购买饮料品牌频数分布
------------	--------------------

饮料名称	頻 率	累积%	饮料名称	频率	累积%
可口可乐	15	30.00%	芬达	6	82.00%
健力宝	11	52.00%	雪碧	9	100.00%
百事可乐	9	70.00%			



顾客购买饮料品牌直方图 图 3-15

3.4.3 数值型数据的整理与显示

【例 3.5】 某班 50 名学生的统计学原理考试成绩数据见表 3-13。

表 3-13 草班 50 名类生统计学表试成绩数据

												_				
79	88	78	50	70	90	54	72	58	71	72	80	91	95	91	81	72
61	73	82/	97	83	74	61	62	63	74	74	99	84	84	64	75	65
75	66	75	85	67	68	69	75	86	59	76	88	69	77	87	51	

要求, 用 Excel 作数值型数据的频数分布表和直方图(在新建的 Excel 表中操作)。 具体操作步骤如下。

步骤一:输入数据并排序。

- (1) 打开 Excel 工作簿。把本例中的数据输入到 A1:50 单元格中。
- (2) 对上述数据排序,结果放到 B1: B50。具体如下: 拖曳鼠标洗中 A1: A50 单元 格区域;在该处单击鼠标右键,选中"复制"命令;拖曳鼠标选中B1:B50单元格区域; 在该外单未鼠标右键, 洗中"粘贴"命令; 再次洗中B1:B50, 洗择"数据" ➤"排序" 命令; 出现对话框, 选择"升序"单选按钮, 即可; 单击"确定"按钮。
- 步骤 1: 指定上限。在 C3: C7 单元格中输入分组数据的上限 59、69、79、89、100。 (提示: Excel 在作频数分布表时,每一组的频数包括一个组的上限值。这与统计学上的 "上限不在组"做法不一致。因此50~60这一组的上限为59,依次类推。)
 - 步骤三, 生成频数分布表和直方图。

- (1) 洗择"工具"→"数据分析"命令。出现该对话框。
- (2) 在"数据分析"对话框中选择"直方图"选项。
- (3) 当出现"直方图"对话框时,在"输入区域"文本框中输入数据所在单元格区域 B1:B50;在"接受区域"文本框中输入分组数据上限所在单元格区域(3:C7;在"输出区域"文本框中输入 D3,表示"输出区域"的起点;在"输出选项"选项区域中,选择"输出区域"的起点;在"输出选项"选项区域中,选择"输出区域"的起点;在"输出选项"选项区域中,选择"输出区域"单选按钮、"累计百分率"复选框和"图表输出"复选框,单击"确定"按钮。
- (4) 为了便于阅读,单击频数分布表中的有"接受"字样的单元格,输入"考试成绩";同样,用50~60 代替频数分布表中的第一个上限值59,60~70 代替第二个上限值69,以此类推,最后,用90~100 代替频数分布表中最后一个上限值100。如果想修改某处的图表格式,可直接双击该处,在出现的对话框中作相应的修改。
- (5) 删除频数分布表中的"其他"所在行右边 3 个单元格的内容。输出结果如图 3 16 所示。

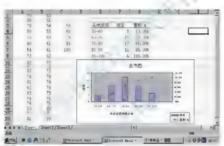


图 3-16 50 名学生统计学考试成绩数据处理结果

根据需要,对图表进行加工处理。

本章小结

- 统计数据整理是指根据统计研究的目的,对搜集到的原始统计数据进行科学的加工处理。 使之系统化、条理化,成为能反映总体特征的综合指标的过程,包括对原始数据和对次级数据的 整理。统计数据整理的要求是科学性、条理性和充分性。
- 2. 統計數据整理的步骤包括:制订数据整理方案、数据预处理、統計分组和汇总、数据的显示和数据的保存与公布。統计数据资料预处理是正式整理之前的准备工作。包括数据审核、数据籍选和数据排序。
- 3. 统计分组是根据统计研究的目的和事物本身的特点,选择一定的标志,将研究现象总体则分为若干性盾不同的部分或组的一种统计研究方法。统计分组按照分组标志的多少不同,可分为



简单分组与复合分组: 按分组标志的性质不同, 可分为品质分组和数量分组。

4. 在统计分组的基础上,将总体中的各个总体单位检组归类到各组中,形成频数分布裁列。 分布数列构成要素、各组的名称或变量值和各组的单位数或频率。编制分布数列遵循的原则有。 科学性原则、穷尽原则和互斥原则。分布数列可分为品质数列和变量数列两类,变量数列又分为 单项数列和组距数列。组距式变量数列编制步骤是, 首先, 将所有变量值排序; 其次, 确定组数 与细距;再次、确定细限;最后、汇总出各组次数点辐射、辐射分布的基本形态有钟形分布。1形 分布和U形分布。

3. 统计表是用纵横空里的维各绘制店的,用来表现统计数据的表格。统计表从表式上看。包 括总标题、横行标题、纵栏标题和指标数值 1 个部分。从内容上看是由主词和宾词两部分构成的。 统计图是用点、线组成的图形来表现统计数据的一种形式。统计图是根据实际数据按比例绘制而 成的。统计图由标题、绘图区、图例等要素构成。

一、简签题

- 1. 统计数据整理的步骤句括哪些?
- 2. 统计数据资料审核的内容和方法是针2
- 3. 什么是统计分组? 其作用有哪些?
- 1. 什么是分组标志? 选择分组标志的原则有哪些?
- 5. 任么上颖数分布》其构成要素和种类分别是什么。
- 6. 组距式变量数列编制步骤是什么?
- 7. 什么是统计表? 其构成要素和编制要求分别有哪些?
- 8. 什么是统计图》其基本构成要素有哪些?

二、单项选择新

- 1. 统计整理所涉及的资料为()。
- A. 原始数据
- C. 原始数据和次级数据 D. 统计分析后的数据
- 2. 按某·标志分组的结果,表现出(
- A. 组内同质性和组间差异性
- C. 组内同质性和组间同质性
- 3. 统计分组的关键问题是()。
- A. 确定分组标志和划分各组界限 C. 确定组距和组中值
- 4. 频数分布数列是用来说明()。
- A. 总体单位在各组的分布情况

- B. 各组变量值的构成情况 C. 各组标志值的分布情况
- 5. 根据资料编制变量数列,在全距一定的情况下。组距和组数的关系是。(
- A. 组距大小与组数多少成反比
- C. 组距大小与组数多少无关
- D. 各组变量值的变动程度

B. 组内差异性和组间差异性

D. 组内差异性和组间同质性

- B. 组距大小与组数多少成正比
- D. 组数越多, 组距越大

B. 确定组距和组数

D. 确定全距和组距

R. 水级数据



统计数据整理与显示 第3章

	6. 某连续变量数例	刊,其未组为开口组。	下限为 500. 又知其	邻组组中值为 480. 则未维	1的组中值为
()。				
	A. 490	B. 500	C. 510	D. 520	
	7. 如果一组数据的	内分布很不均匀,则应约	寫制()。		
	A. 开口组	B. 闭口组	C. 等距数列	D. 不等距数列	
	8. 用组中值代表名	各组内的一般水平的假定	定条件是()。		
	A. 各组的次数均	相等	B. 各组的组斯出	均相等	
	C. 各组的变量值	均相等	D. 各组次数在4	本组内呈均匀分布	
	9. 客观现象中最为	常见或最多的分布类型是	是()。		
	A. 连续型变量分	布	B. 离散型变量分	} 布	
	C. 正态分布		D. 其他类型分布	में	
	10. 在累计次数分	布中,某一组的向下累	计次数表明()。		
	A. 大 F 该组 上限	的次数是多少	B. 大于该组下图	良的次数是多少	
	C. 小于该组上限的	的次数是多少	D. 小于该组下图	艮的次数是多少	
	三、多项选择	rai .	_	/ A.	
			*	7-1	
		收据整理阶段的内容有(
	A. 对原始资料进		B. 对统计资料边		
	C. 对统计资料进行		Di 对统计资料设	任行分析	
	E. 编制统计表,				
	2. 统计分组能用3		v- 12 mm v 11 12 12		
	A. 反映总体的规		B. 说明总体单位		
	C. 划分客观现象的	X / W	D. 研究总体的组	且成结构	
	E. 分析现象间的(
		II数和组距时, 需考虑(١.		
		分布特征反映出来	10/47		
	B. 将总体规模的:		773		
		生和组与组之间的差异!	T±		
	D. 各组之间在特征				
	E. 各组之间在组		d. wass INT and	100 100 000 000 000	Con IV L.
14			月 300 以下、300~	400, 400~600, 600~800	1, 800 D.E
124	5 个组。这一分组(A. 是等距数列	7.	B. 分组标志是图	6-64-301 A: 54	
	A. 起寺距觐列 C. 末组组中值为	900	D. 相邻组的组图		
	.,			民定型質的	
		0元, 应统计在 "600~	-000 区 油内		
	 在次数分布数系 A. 各组的频数之 				
	A. 各组的预数之 B. 各组频率大于				
		o 亥组的标志值所起的作	III be .l.		
	D. 总次数 ·定,		用壓小		
		與數和與平成反比 ss:。 st: st: st: st: st: st: st: st: st: st:	H ALAK		
			用存及)要素所构成的。		
	A. 总标题		7. 安系所构成的。 C. 纵栏标题		
	A. 心体感 D. 数字资料	E. 附注说明	₩ 初仁 孙恕		
	D. 双子页件	E。 附 社 156 9]			

统计学



四、实务题

某工业局所属 30 个企业职工人数如下。

 555
 566
 220
 735
 338
 420
 332
 369
 416
 548
 422
 547
 567
 288
 447

 484
 417
 731
 483
 560
 343
 312
 623
 798
 631
 621
 587
 294
 489
 445

 试根据上述數据资料。

- (1) 编制频数分布数列,并计算各组的频率%。
- (2) 根据等距数列编制向上和向下累计频数及累计频率。

【实际操作训练】

根据教材"3.4 Excel 在统计整理中的应用示例"内容,在计算机上进行模拟操作。

第 4 章 统计度量指标

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
总体规模与相对关系度量	熟悉	总量指标、相对指标
数据分布集中趋势度量	重点掌握	集中趋势、平均指标
数据分布离中趋势度量	重点掌握	离中趋势、标志变异指标
数据分布形态度量	了解	偽度、峰度

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
总量指标、相对指标应用	熟悉	度量或描述总体规模和相对数量关系
度量数据分布集中趋势	重点掌握	运用平均指标度量数据分布集中趋势
度量数据分布离中趋势	重点掌握	运用变异指标度量数据分布离中趋势
运用 Excel 计算统计指标	掌握	运用计算函数和"工具——数据分析"计算指标



奥运会奖牌数如何排名比较合理?

每届奠运会的发酵排名总是存在争议。有此国家是按照金牌数的多少采摘名的,如中国,也有很多国家是根据实牌数的多少来提名的。如美国,这两种排名方法都不尽合理。因为,根据金牌数多少进行排名的方法完全包视了银牌和铜牌获得者做出的贡献、要知道银牌和银牌一样来之不易,这样显然缺乏科学性。而根据实解总数进行排名这种方法也存在一定问题,尽管它考虑了银键和铜牌的需要性,但将金、纸、铜牌蟹产物等地位整纸是不公平的,并且用两种方法排名不便于直接比较各国运动员的总成绩。你认为应该如何进行排名才比较合理?

在统计数据搜集阶段得到的统计资料,经过统计整理,形成了能初步反映总体基本的数据资料,如次数分布数列和统计图表。在此基础上,还可以计算反映总体特征的统计综合指标,为进一步开展统计分析、揭示总体数量规律性提供基础。统计分析中就是运用统



计指标对客观现象的数量方面讲行描述和度量。本章主要介绍统计中常用的统计指标,说 明这些指标的计算方法、性质和特点、它们是如何对客观现象总体的数量方面进行描述和 度量的,以便人们正确理解和运用这些指标。

4.1 总体规模与相对关系度量

4.1.1 总量指标

1. 总量指标的概念和作用

总量指标是反映客观现象总体在一定时间、地点、条件下总规模或总水平的统计指 标。总量指标也称为数量指标或绝对数。例如、我国 2010 年国内生产总值 397 983 亿元。 钢产量 6.29 亿吨, 年末全国人口总数 13.41 亿人, 年末全国居民存款余额 71.3 万亿元, 等等, 这些都是总量指标。

总量指标是统计研究的最基本指标,其作用主要有,第一,总量指标能反映总体规模 和水平的指标,客观现象的基本情况首告表现为总量或绝对数;第二,总量指标是政府部 门和企业编制计划以及进行管理的主要形式;第三、总量指标是计算相对指标、平均指标 和其他各种分析指标的基础。相对指标和平均指标一般都是由两个相关的总量指标对比得 到的,它们属于总量指标的派生指标。

2. 总量指标的分类

(1) 按其说明总体的内容不同,分为总体单位总量和总体标志总量

总体单位总量是说明总体中包含的总体单位数量。例如,研究某市的工业发展状况, 统计总体是该市所有工业企业、总体单位是该市的每一个工业企业。若该市现有工业企业 为 20 000 个, 侧企业数 20 000 个即为总体单位总量。总体标志总量是总体中各个单位基 → 数量标志值的总和。该市的每个工业企业是总体单位。则工业企业的职工人数是 → 项数 量标志,每个企业的具体职工人数就是数量标志值。如果将2000个工业企业的职工人数 相加、就得到了则该市工业企业职工总人数、就是总体标志总量。另外还可以将该市某年 所有工业企业的工业增加值、利税额分别相加,就得到某年该市工业增加值总额、利税总 额、这些也都是总体标志总量。对于一个已经确定的总体而言、其总体单位总量指标具有 一个,而总体标志总量指标可以有许多个。

总体单位总量和标志总量不是固定不变的。而是随着统计总体的变化而作相应变化 的。如上例中的全市工业职工人数是总体标志总量、若研究目的改变为研究该市工业企业 职上的生活水平时,统计总体是全市的所有工业企业职工,全市工业企业职工人数就变为 总体单位总量了。

(2) 按其反映总体的时间状况不同,分为时期指标和时点指标

时期指标是反映客观现象在一段时间内发展变化结果的总量。例如, 前述的 2010 我 国国内生产总值、钢产量为时期指标。时点指标是反映客观现象在某一时刻或某一时点上 的总量。如我国 2010 年年末人口数、年末全国居民存款余额为时点指标。

3. 总量指标的计量单位

1) 实物单位

实物单位是根据事物的外部特征或物理属性而采用的单位。它又分为 5 种:①自然单位。如鞋以"双"为单位;人口以"人"为单位;汽车以"辆"为单位等。②度量衡单位是以接一定的测量标准来计量实物的重量、长度、面积、容积等的单位。如: 下克、下米、平方米、立方米等。③复合单位是两个单位的乘积形式。如货物周转量用"吨下米"计量;某个旅游最点接待游客人数的单位用"人次"计量。①双重单位是用两种或两种以上的单位结合起来进行计量。如起重机的计量单位是"合一吨";货轮用"瘦/为力/吨位"计量。③标准实物单位是按照统一的折算标准来计量事物数量的一种实物单位。它主要用于计量存在差异的同一种工业产品或农产品的数量。为了准确地反映其总量,需要把各种产品数量按照一定的标准折合成标准品数量后再相加。如把含氮量不同的化肥数量都折合成含氮 100%的标准化肥数量。把各种能量量都方合成热量值为7000 千卡 千克的标准媒物的数量。以实物单位计量的总量指标称为实物指标。实物指标的优点是能比较准确反映实物的使用价值量、缺点是不同的实物量不能自接加总。

2) 价值单位

价值单位也称为货币单位,它是以货币作为价值尺度来计量社会财产和劳动成果的。 常见的货币单位有人民币元、美元、欧元等。例如,国内生产总值、城乡居民储蓄额、商 品销售额等都用货币单位来计量。用货币单位计量的总量指标叫做价值指标。价值指标具 有广泛的综合能力,在经济管理中起着重要的作用。

3) 劳动单位

劳动单位就是劳动时间单位,通常表现为工时和工日。劳动单位主要用于一个企业或一个部门内部安排生产作业计划。根据自身的生产特点、制定出生产单位产品所需的工时定额,再乘以产品的实物量即得到以劳动单位计量的产量指标,称为定额工时产量。不同企业或不同部门中不同工种的人员劳动量。般不具备可比性。

4. 总量指标的计算

总量指标数值是通过对总体单位进行全面调查登记,采用直接计数、点数或测量等方法,逐步计算汇总方法得出的,有时也可以通过估算或平衡推算方法取得。

总量指标数值计算方法虽然比较简单,但在确定计算内容时是比较复杂的。必须注意 3个方面问题、第 、必须明确总量指标的涵义、只有明确总量指标的涵义、才能科学地确定统计指标的计算范围和计算方法,进而准确地计算指标数值。例如、要计算农户的收入情况、必须先明确收入的概念和构成。如果收入的概念不明确、就无法确定收入的范围、也就无法统计数量。第 、只有同类现象中相同类型的数据才能计算汇总。在某些特殊情况下,对于具体形式不同但使用价值和同的产品,可以先折算为标准数量后再相加汇总。第 :, 在统计汇总时,必须有统一的计量单位。

4.1.2 相对指标

1. 相对指标的概念和作用

相对指标是两个有联系的指标数值对比的比值、用来度量客观现象总体数量特征和数



量关系。由于相对指标的结果表现为相对性,也称为相对数。相对指标数值有两种表现形 式: 无名数和复名数。无名数是一种抽象化的数值,常以系数、倍数、成数、百分数或千 分数表示。复名数是将对比的分子和分母名数结合在一起来表示现象的特征。例如,人均 粮食产量用"千克/人"表示,人口密度用"人/平方千米"表示。

相对指标的作用主要有,第一,相对指标可以表明事物相关程度、发展程度,表明总 体的结构;第二,相对指标可以把现象的绝对差异抽象化,使原来无法直接对比的指标变 为可比。如要比较两个规模不同工业企业的经济效益、就不能用总量指标来比较、而要运 用资金利润率。人均产值等相对指标或平均指标来反映。

2. 相对指标的种类及其计算方法

相对指标按照对比的基础和研究目的的不同,可以分为计划完成程度相对指标、结构 相对指标、比例相对指标、比较相对指标、强度相对指标和动态相对指标 6 种。

1) 计划完成程度相对指标

计划完成程度相对指标是将某种现象在一定时期内的实际完成数与计划任务数进行对 P.得到的相对数。计划完成程度相对指标用来说明某项计划任务完成程度,检查、监督计 划执行情况,一般以百分数表示。其计算公式为:

计划完成程度相对指标的分子是实际完成数,分母是计划任务数,分子指标和分母指 标在指标涵义、计算方法、计量单位以及时间长度等方面应该完全一致、同时、计划任务 数是对比的基础,分子数值与分母数值不允许互换计算。在实际工作中,计划任务数可以 是总量指标, 也可以是相对指标或平均指标。

要注意的是,当计划任务数为相对指标时、当规定本期计划数比上期实际数提高或降 低程度时, 在计算时要将基期数值考虑在内, 将基期数值确定为 100%, 在此基础上计算 出本期的计划数和实际数。

【例 4.1】 某公司今年计划劳动生产率要比上年提高 4%,今年实际执行结果比上年 提高 5%,则该企业今年劳动生产率的计划完成程度为。

即,劳动生产率超额 0.96%完成计划。

【例 4.2】 某企业今年计划单位产品成本比上年降低 5%,实际执行结果今年比上年 降低 6%,则该企业今年单位产品成本计划完成程度为:

计划完成相对指标
$$\frac{100\%}{100\%} = \frac{6\%}{5\%} \times 100\%$$
 98.95%

即:单位产品成本降低率超额完成1.05%。

需要说明的是,在计划完成程度相对指标中,100%是判断是否完成计划的数量界限。 计划完成程度相对指标是评价计划完成情况的标准和依据、计划完成程度相对指标是中性 的,本身没有好坏之分,它与计划完成情况是不同的。计划完成情况是指某项计划指标有 没有达到计划目标。因此,在利用计划完成程度相对指标进行评价时,要根据指标的性质 和要求而定。一是对于数值越多越好的指标,如产值、产量、利润、劳动生产率等,计划

任务數是按最低限额规定的,这时计划完成程度要大于100%才算超额完成计划,超过100%的部分为超额完成计划的程度。二是对于数值越小越好的指标,如原材料消耗量、单位产品平均成本、亏损额等,计划任务数是按最高限额规定的,这时计划完成程度要小于100%才管超额完成计划,而超过100%的部分,则表示未完成计划的程度。

另外,当计划任务数用相对数形式规定时,检查计划完成情况时可以用实际完成数减计划任务数的方法,结果称为百分点。百分点的概念在实际工作中常用,但并不是相对数,它相当于百分数的计量单位。一个百分占缝指1%。

【例 4.3】 某企业今年计划规定劳动生产率比上年提高 8%。而今年实际比上年提高 10%,则计划完成情况为:

则该企业劳动生产率实际比计划规定的任务多完成 2 个百分点。

2) 结构相对指标

结构相对指标是总体某一部分数值与总体全部数值之比,又称结构相对数,有时也称为频率或比重,一般用百分数表示。它常用来反映总体的构成情况。其计算公式为;

由于结构相对数是总体的某一部分数值与全部数值之比、因此、某一部分或组的结构相对数是一个在0和1之间的数值、总体中各部分结构相对数之和等于100%或1。在计算结构相对指标时、分子与分母数值不能互换计算。

3) 比例相对指标

比例相对指标是总体各组或各部分之间数值对比而得到的相对指标, 又称比例相对数, 有时也称为比率。用来反映总体内各部分的比例关系, 其计算公式为;

利用比例相对指标,可以分析总体内各组成部分之间的數量关系是否合理。比例相对数可以用百分数表示,也可以用一比几或几比几的形式表示。比例相对数也必须在统计分组的基础上才可以计算,在计算比例相对数时,分子数值和分段数值可以互换计算。

4) 比较相对指标

比较相对指标是将两个总体的同类指标进行对比得到的相对指标,一般用百分数或倍数表示。比较相对数反映两个地区、部门、单位某种指标数值的差别程度。其计算公式为:

式中,分子与分母的统计指标的涵义、口径、计算方法和计量单位必须一致。

【例 4.4】 2010 年中国国上面积为 960 万平方千米, 美国为 937 万平方千米。则:

中国国上面积为美国国上面积的%-960 102.45%或1.0245(倍)。

计算比较相对指标时,作为比较基数的分母可取不同的对象。一般有两种情况。

(1) 比较的标准是一般对象。如果把分子与分母概括为甲、乙两个国家、地区、部门 或总体,这时对比分子分母的数值可以互换计算。

- 统计学
- (2) 比较的标准具有权威性。例如、将本单位产品的质量、成本、单耗等各项技术经 落指标与国家或部门规定的水平比较,或与同行业或与国外的先进水平比较,这时分子和 分量的位置则不能互换计算、将权威性的标准放在分量上、说明差别程度。
 - 5) 强度相对指标

强度相对指标是两个性质不同但有联系的两个统计指标数值对比而得到的相对指标。 强度相对指标的作用是能反映现象的强度、密度和普通程度。其计算公式为:

【例 4.5】 我国 2010 年国内生产总值为 397 983 亿元, 年平均人口数为 13.38 亿人。 则 2010 年,

强度相对指标数值的表现形式一般是有名数,而且是双重单位,由分子指标和分母指 标的计量单位组成。如人均国民生产总值"元/人",人口密度"人 平方千米",人均钢产 量"吨/百人", 等等。而有的强度相对指标是无名数, 用次数、倍数、系数、百分数或手 分数表示, 加生产设备利用率、资金周转率、流通费用率、人口出生率等。

在强度相对指标计算过程中,有时分子和分母可以互换,形成正指标和逆指标。正指 标是指标数值的大小与现象强度或密度呈正方向变化,即指标数值越大,现象强度越强或 密度越高、反之就越低;逆指标是指标数值的大小与现象的强度或密度呈反向变化的。即 指标数值越大,现象的强度越低或密度越小,反之就越高。

【例 4.6】 某地区某年未现有总人口为 100 万人, 医院床位总数为 24700 张。则该 地区:

每千人拥有的医院病床数=
$$\frac{21.700(张)}{1.000(F.L)}$$
=24.7(张/千人)

医院每张病床负担的人口数
$$-\frac{1000(千人)}{21700(张)}$$
 $-40.5($ 人/张)

上述两个指标中, 每千人拥有的病床数 24.7 张为正指标, 而医院每张病床负相的人 口数 40.5 人为逆指标。

计算强度相对指标时,必须注意对比的两种现象之间客观上要存在一定的经济或技术 上的联系, 这样两个指标对比的结果才有意义。

6) 动态相对指标

动态相对指标是指将同类指标在不同时期的数值对比而得到的相对指标, 般用百分 数或倍数表示。动态相对指标用来说明某一指标在不同时间上发展变化的速度。来其计算 公式为:

动态相对指标也可称为发展速度,本书在时间序列中将作详细介绍。

- 3. 计算和运用相对指标注意问题
- (1) 对比指标之间要有可比性。对比指标的可比性是指对比的指标在含义、内容、范 围、时间、空间和计算方法等口径方面相互适应。可以通过定性分析,确定两个指标数值 66 ////

的对比是否合理,是否能说明问题。例如,将不识字人口数与全部人口数对比来计算文盲率,显然是不合理的,因为其中包括未达学龄的人数和未达到接受初中文化教育年龄的人数在内,不能如实反映文盲人数在相应的人口数中所占的比重。计算文盲率的公式为;

文盲率-15岁以上不识字人口数×100%

- (2) 要将相对指标和总量指标结合运用。绝大多数相对指标都是两个总量指标数值之 比得到的、用抽象化的比值来表明事物之间相对关系,而不能反映事物之间绝对数量差 別。有时两个较小的总量指标对比、结果为数值较大的相对指标。而有时两个较大的总量 指标对比、结果为数值较小的相对指标。因此、在统计分析必须把相对指标和总量指标结 合运用,以便对实际情况作出客观的评价。
- (3) 要将多种相对指标结合应用。每一种相对指标的具体作用是不同的,分别从不同的侧面来说明所研究的问题。为了全面地说明现象的相互关系,应该根据统计研究的目的,将各种相对指标结合运用,这样有助于剖析事物变动中的相互关系,客观地反映事物特征和它们之间的联系。

4.2 数据分布集中趋势度量

4.2.1 集中趋势与平均指标

在变量分布数列中,大多数变量值的分布表现为,接近中间水平的变量值分布的个数较多,远离中间水平的变量值分布的个数较少,变量值分布呈现出向中心值靠拢或聚集的态势,这种态势称为变量分布的集中趋势。中心值反映变量分布中心点的位置。对集中趋势的度量,就是要确定变量分布的中心值,以反映各个变量值的一般水平或代表值水平。

变量分布的集中趋势用平均指标来反映。平均指标也称为平均数或均值,平均指标是 将变量的各变量值差异抽象化,能反映变量值。般水平或代表水平,也就能反映各变量值 次数分布的集中点。平均指标根据计算方法不同可分为数值平均数和位置平均数两大类。 数值平均数是指根据变量的所有变量值计算而得到的平均数,具体方法有算术平均法、调 和平均法和几何平均法等。位置平均数是指根据变量分布中,将处于特定位置的变量值作 为平均数,具体有中位数、分位数和众数等。

平均指标在统计研究中应用很广, 其作用主要有以下几个方面。

- (1) 平均指标可以反映变量分布的集中趋势,说明某种变量值的一般水平或代表水平。可以消除因总体规模不同而不能直接比较的因素,对不同总体水平进行比较。例如、要比较两个企业职工的收入情况,由于这两个企业职工人数不相同,因而就不能用职工工资总额进行比较,这时用平均工资进行比较,就能反映出这两个企业职工收入的差别情况。也可以将某一总体的某种平均指标数值按时间先后进行排列,反映其变动趋势。如将某企业职工历年的平均工资额按时间先后顺序加以排列,就能反映该企业职工工资收入的变化过程和趋势。
 - (2) 利用平均指标可以分析现象之间的依存关系或进行数量上的推算。例如将某城市



样本居民按收入分组, 计算出各组居民的平均收入与平均消费支出, 就可以观察居民消费 支出与收入之间的依存关系,还可以以样本居民的平均收入、平均消费支出去推算或估计 该城市居民的平均收入、平均消费支出。

(3) 平均指标还可以作为研究和评价事物的一种数量标准或参考。在比较、评价不同 总体的水平时,评价个体事物在同类事物中的水平时,不能以各体基一个体的水平为依 据,而要以总体平均水平为依据:在各项管理工作中,各种定额多是以实际平均数为基础 来制定的。

4.2.2 数值平均数

1. 算术平均数

算术平均数是某一变量所有取值的总和除以变量值个数。算术平均数是统计中最为常 用的统计分析指标、它把总体中各个单位标志值和加形成总体标志总量、再除以总体单位 数,可消除各个单位标志值之间的差异而体现出总体各单位某一数量标志值的一般水平。 这种方法也称为算术平均法。基本公式为:

在计算算术平均数时,要注意公式的分子与分母在数量上存在着直接的对应关系,即 其分子的总体标志总量数值是由分子上各个单位的某一数量标志值和加得到的。算术平均 数的这一计算要求是它与强度相对数的主要区别之一。强度相对数则是两个有联系的指标 数值对比的结果,分子与分母数量上不存在严格的对应关系。

1) 算术平均数的计算

根据已知的资料不同,算术平均数可以分为简单算术平均数和加权算术平均数两种。

(1) 简单算术平均数活用于未分组的资料计算平均数。它是将总体各单位某一标志值 简单加总得到的标志总量, 再除以总体单位数。计算公式如下:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$$
(4.8)

式中, τ 表示質术平均数:x,表示第i个变量值(i-1, 2, ···,n):n代表总体单位数。

【例 4.7】 某公司某小组 5 名 工人某月奖金额(单位: 元)分别是 460、520、600、 700、850,根据式(4.8)计算得到5名工人平均奖金额为:

$$\overline{x} = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} x_i}{n} = \frac{460 + 520 + 600 + 700 + 850}{5} = \frac{3130}{5} = 626 \ (\overrightarrow{\pi})$$

这里分子3130元是5个人奖金额总和,为标志总量,总体单位数为5人。平均奖金 626 元说明这5人奖金额的一般水平或代表水平。

(2) 加权算术平均数活用干颗数分布数列资料计算平均数, 常见的是变量分布数列资 料。计算公式为,

$$x = \frac{x_1 f_1 + x_2 f_2 + \dots + x_n f_n}{f_1 + f_2 + \dots + f_n} = \sum_{i=1}^n x_i f_i$$

$$\sum_{i=1}^n f_i$$
(4.9)

啦

$$\bar{x} = x_1 \times \frac{f_1}{\sum_{i=1}^{n} f_i} + x_2 \times \frac{f_2}{\sum_{i=1}^{n} f_i} + \dots + \frac{f_n}{\sum_{i=1}^{n} f_i} = \sum_{i=1}^{n} x_i \cdot \frac{f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i}$$
(4.10)

式中, f, 表示各组标志值出现的频数 $(次数), \frac{f}{\sum_{f}}$ 为频率。

【例 4.8】 某企业 50 名职工某月奖金额(单位:元)的频数分布数列资料如表 4-1 中的第(1)、(2)、(3)列所示,求该企业平均每个职工的奖金额。

按奖金额分组 (元)x;	人数(频数) (人)f,	频率(%) <u>f</u> ,	工资总额 (元) x;f;	工资额(元) $x_i \times \frac{f_i}{\sum f_i}$
(1)	(2)	, Jan ,	(4)	(5)
460	5	1/1/20	2 300	46
520	15	30	7 800	156
600	18	36	10 800	216
700	10	20	7 000	140
850	/2 /2		1 700	34
合计	1 50	1) 160	29 600	592

表 4-1 50 名职工平均奖金计算表

解: 先分別计算各组工资总额,结果见第四列,将合计行的结果代人式(4.9),50名 工人平均奖金额为;

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i} = \frac{29\ 600}{50} = 592\ (\vec{\pi})$$

也可以用式(4.10)计算,将各组 L资额与频率相乘,结果见第(5)列,50 名 L人平均 奖金额为;

$$\overline{x} = \sum_{i=1}^{n} x_i \frac{f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i} = 592 \ (\overrightarrow{\pi}_{\mathbf{L}})$$

对于同一数据资料,式(4.9)和式(4.10)公式两种方法的计算平均数的结果相同。

表 4 1 资料属于单项数列资料。如果是用组距数列资料计算平均数,则要先计算出 各组的组中值,用来代表各组的变量值,即公式中的 x 表示组中值。

【例 4.9】 某企业 50 名工人某目加工零件数资料见表 4-2 中的第(1)、(2)列所示,



计算 50 名 [人日平均加 [零件数。

表 4 2 某企业 50 名工人加工零件情况

按零件数分组(个)	频数(人) fi	组中值 x;	零件总数(个)xifi
(1)	(2)	(3)	(4)
105~110	3	107.5	322.5
110~115	5	112.5	562. 5
115~120	8	117.5	940
120~125	14	122. 5	1 715
125~130	10	127.5	1 275
130~135	6	132.5	795
135~110	1	137. 5	550
合计	50	EXT Y	6 160

解:表4-2资料第(1)、(2)列构成组距数列,先分别计算各组的组中值和零件总数, 再将有关数据代入公式,计算如下: ~ ~ × .

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i J_i}{\sum_{i=1}^{n} y_i} = \frac{6160}{50} = 123.2 \text{ (45)}$$

2) 计算和运用算术平均数要注意的问题

第一,根据组距数列资料计算平均数时是以组中值来代替各组标志值的平均水平,其 前提条件是假定组内各个标志值是均匀分布。由于组中值具有假定性而使计算得到的平均 数是一个近似值、当组取数列存在开口组时,它准确性会更差些。还有当变量数列呈偏态 分布时。会引起平均数的代表性降低。所以,对于同一资料。当用简单算术平均数公式和 用加权算术平均数公式计算的结果不一致时。要以简单算术平均数公式计算的结果为准。

第二,影响加权算术平均数大小的因素。它的数值大小受两方而因素的影响,一是受各组变量值水平的影响,二是受各组频率(权重)大小的影响。在公式中,各组频数或次数称为权数,用权数乘以各组标志值的过程称为加权、由此计算的平均数叫加权算术平均数、权数有两种表现形式,即频数或次数和频率或比重。权数在计算平均数中的作用,是通过频率的大小体现出来的。频率越大,该标志值计入平均数的份额也越大,对平均数的影响就越大;如表4-1中的新主组中的频数为18、频率为36%,在各组中最大,说明这组的变量值600 对平均数的结果数值影响最大。反之,频率就越小,该标志值计入平均数的。变量值600 对平均数的影响就越小。如表4-1中最后一组的次数为2、频率为4%,在各组中为最小,则说明这组的变量值850元是以4%计入平均数的。它对平均数的影响最小。

如果各组的次数都相同,频率也随之相同,结果是各标志值对平均数的影响都相同时,那就无所谓权数的"权衡轻重"了。在这种情况下(又假定各组标志值在组内均匀分布),各组权数对平均数的作用都一样,加权算术平均数就等于简单算术平均数。可以说,

简单算术平均数实际上是加权算术平均数的特例。

$$x = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i} - \frac{f \sum_{i=1}^{n} x_i}{f \times n} - \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$$

在变量数列中,如果各组标志值不变,各组频数扩大或缩小相同的倍数,则其平均数 值不变,因为各组的额率是不变的。

在本章开始的导入案例中,可以利用加权方法来解决问题。为了合理地排名,可以将各种奖牌赋权,这种赋权带有一定的主观性,因人而异。为了客观和公正,可以由国际奥委会有关人员讨论后最终确定,最大程度地达到公平。例如:可以对金、银、铜牌分别赋予不同的权数,如金牌权数为0.5、银牌权数为0.3、铜牌权数为0.2、将各国得到的这三类奖牌数分别乘以权数,得到折合后的奖牌数。根据这样的结果进行排名就较为合理。

第三,权数的选择原则。在颗数分布数列的条件下,一般说来, 频数就是权数,但在 根据相对指标资料计算平均数时,应根据相对指标的含义,选择适当的权数。权数选择的 原则为,各组标志值(x)×各组单位数(f)=各组标志总量(xf),此等式必须有实际经济 意义,即当3个量之间存在着各观的数量关系时,各组单位数(f)才是合适权数。

【例 4.10】 某年某公司所属 20 个企业资本金利润率分组资料如表 4-3、要求计算该公司 20 个企业平均资本金利润率。

资本金利润率(%)	企业数	资金本总额(万元)
5 2"	8 171	40
10 -/	6	100
35/	**	160
6H	20	300

表 4-3 某公司所属 20 个企业资本会利润率资料

解:该例的平均对象是各企业的资本金利润率。表中的企业数虽然是次数,但却不是 合适的权数。因为资本金利润率乘以企业数的结果没有实际意义。而资本金利润率乘以资 本金总额等于利润总额,这是有意义的。所以要选择资本金总额作为权数、见表4-4。计 算20个企业的平均资本金利润率应用这些企业的平均利润额与平均资本金总额相比,由 于分子、分母的平均数都是用总额除以企业数20得到的。因此,这时算式中的分子与分 母含义分别为这20个企业的利润总额和资本金总额。

表 4-4 葉年某公司所屬 20 个企业资本金利润率计算表

资本金利润率(%)x,	企业数	资本金总额(万元)f,	利润总额(万元)x,f	
5	8	40	2	
10	6	100	10	
15	6	160	24	
合计	20	300	36	

平均资本金利润率
$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i}$$
 36 300 12%

第四、根据县非标志资料计算平均数。对于定性数据资料、统计处理往往县把它们量 化、也就是将类别差异过渡到数量上的变量。然后再计算平均数。例如,企业职工按性别 分为男、女两组,企业的产品分为合格和不合格两类,等等。它们都是根据品质标志把总 体单位划分成两类,且可用"是"与"非"区分,所以称之为"是非标志"或"交替标 志"。若将合格品看作具有"是"的属性,那么不合格品就具有"非"的属性,可以把品 质标志的表现转化为数量标志值。

例如,一批产品数量为 N 个单位,以 1 作为合格品的标志值,单位数为 N ,以 0 作 为不合格品的标志值,单位数为 N.,合格率为 p,不合格率为 q,具体见表 4-5。

	表 4-5 是非标志计算平均数资料表						
_	鳳性	标志值×	频数F	合格率 F/ ∑ F(频率)			
	合格品(是)	1	Y JYN	$P = \frac{N}{N}$			
	不合格品(非)	0	N ₀	$q = \frac{N_0}{N}$			
	⇔it	- <<	N N	1			

按加权算术平均数公式计算,得到,

$$\frac{\sum_{i=1}^{q} x_i f_i}{\sum_{i=1}^{q} f_i} \frac{1 \times p + 0 \times q}{1 \times q} - p \tag{4.11}$$

所以, b 也称为总体中具有某种属性的单位成数或比率, 所以成数是一种特殊的平均 数,即是非标志的平均数。

【例 4.11】 对某批产品进行质量检验,抽取 400 件,其中不合格品为 8 件,求合格品 的平均数(成数)。

解:
$$\bar{x} = p = \frac{400 - 8}{400} = 98\%$$

即该批产品的平均合格品率为98%。

第五, 算术平均数的数学性质。算术平均数的数学性质有很多, 这里介绍两个最基本 的性质。

性质 1: 各单位变量值与其算术平均数的离差之和等于零,即

在已知未分组资料的条件下,有

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x}) = 0 \tag{4.12}$$

 $\sum_{i=1}^{n}(x_{i}-\bar{x})=0$ 在已知变量数列资料的条件下,有

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - x) f_i = 0 (4.13)$$

性质 2: 各单位变量值与其算术平均数离差平方之和为最小值,即:

在已知未分组资料的条件下,有

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 = \min$$
 (4.14)

在已知变量数列资料的条件下,有

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2 f_i = 0 \tag{4.15}$$

算术平均数的这一性质说明,以任意不等于平均数的数值为中心计算的离差平方和总是大于以平均数为中心计算的离差平方和,因此,算术平均数是误差最小的总体代表值。 这些数学性质在实际工作中有着广泛的应用,也体现了算术平均数的统计思想。

3) 算术平均数的优、缺点

算术平均数的优点主要有3条。第一,算术平均数是进行统计分析常用指标。从统计思想上看,它是一组数据的分布中心所在,是数据误差相互抵消后的必然性结果。如对同一事物进行多次测量,若所得结果不一致,可能是由于测量误差所致,也可能是其他因素的偶然影响,利用算术平均数作为其代表值,则可以使误差相互抵消,反映出事物必然性的数量特征。可以利用算术平均数来推算总体标志总量,因为算术平均数与变量值个数之乘程等上。依标标志总量。第二,算术平均数是统计推断的基础。由算术平均数的数学性均便有知知,算术平均数在数理上具有无偏性与有效性(方差最小性)的特点,这使得算术平均数在统计推断的基础。由算术平均数

算术平均数的缺点主要是它容易受极值的影响,当变量值中存在少数几个甚至一个特别大或特别小的变量值时,就会导致算术平均数对变量值一般水平的代表性变小。所以,在计算算术平均数时如果调到极端值,应该分析其原因,必要时应该加以剔除。

调和平均数是分布数列中各单位标志值倒数的算术平均数的倒数,也称倒数平均数,或调和平均法。根据掌握的资料不同,而有不同的计算方法,主要分为两种;简单调和平均数和加权调和平均数

1) 简单调和平均数

简单调和平均数是各个标志值x,的倒数的算术平均数的倒数。设有n个标志值分别为 $,x_1,x_2,\dots,x_n$,其调和平均公式如下;

$$\overline{X}_{H} = \frac{1}{\frac{1}{x_{1}} + \frac{1}{x_{2}} + \dots + \frac{1}{x_{n}}} = \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{x_{i}}$$
(4.16)

式中, Xn 代表调和平均数。

简单调和平均数的应用场合是各标志值对应的标志总量为1个单位(或相等)。在实际应用中,简单调和平均数应用较少,用得比较多的是加权调和平均数公式。当各标志值对应的标志总量不为1个单位(或不相等)时,则要用加权调和平均数。

2) 加权调和平均数

在分组资料情况下,已知的数值资料为各组的标志值和各组的标志总量。(注意;不 是变量数列)这时,要用加权调和平均法的计算平均数。其计算公式为;

$$X_{II} = \frac{m_1 + m_2 + \dots + m_n}{\frac{m_1}{x_1} + \frac{m_2}{x_2} + \dots + \frac{m_n}{x_n}} = \sum_{i=1}^n \frac{m_i}{x_i}$$
(4.17)

式中, m 表示各单位或各组的标志值对应的标志总量, 作为权数。

【例 4.12】 某企业 50 名职工某月奖金额(单位;元)分组资料见表 4 6 中第(1)、(2) 列,求平均每个职工的奖金额。

按奖金额分组(元)x,	奖金总额(元)m,	人数(频数) f.=m,/x (人)
(1)	(2)	(3)
460	2 300	5
520	7 800	15
600	10 800	18
700	7 000	10
850	1 700	2
合计	29600	50

表 4-6 50 名职工平均奖金分组资料

解:表4-6第(1)、(2)列所示属于分组资料,这里已知的是各组的变量值和各组的标志总量。它不是变量数列资料,它与表4-1,表4-2资料不同,变量数列是由各组标志值和各组单位数构成的。因此,根据表1-6资料中第(1)、(2)列计算平均奖金额时,就不能用加权资本平均数公益。这里被平均的对象仍然是各组的标志值,但缺少各组单位数据、可用各组标志总量即奖金总额除以各组变量值求出各组的人数,见表4-6中的第三列数据。计算平均数据可自移用调和平均数的计算式(4,17)来计算。

$$\overline{X}_{II} = \frac{\sum_{i=1}^{n} m_{i}}{\sum_{i=1}^{n} \frac{m_{i}}{r}} = \frac{2\ 300+7\ 800+10\ 800+7\ 000+1\ 700}{2\ 300} + \frac{7\ 800}{600} + \frac{10\ 800}{700} + \frac{7\ 000}{850} = \frac{29\ 600}{50} = 592\ (\vec{\pi}_{b})$$

由此可见,调和平均数是以算术平均数为基础的,而且其经济内容和计算结果与算术 平均数也一致。从某种意义上讲,调和平均数是算术平均数的变形,它是在不能直接用算术平均法求均值的场合所使用的一种求平均数的方法,其计算本质是一样的,分子均是总体标志总量,分母均是总体单位数。

如果令
$$f = \frac{m}{r}$$
,则 $m = xf$, 于是:

$$x = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i} - \frac{\sum_{i=1}^{n} m_i}{\sum_{i=1}^{n} x_i} = x_H$$

加权调和平均数的应用场合;第一。在计算平均指标时。由于资料的限制无法直接得到被平均标志值相对应的各组单位数时。可通过调和平均数的形式以求出所需的各组单位数;第二。在由相对数或平均数计算平均指标时。如果掌握的权数资料是相对数或平均数

的子项数值,即各组标志总量时,应采用加权调和平均数计算。

【例 4.13】 某年某公司所属 20 个企业资本金利润率分组资料见表 4 7 中第"(1)、(2)、(3)"列,要求计算该公司 20 个企业的平均资金本利润率。

表 4-7 杲年杲公司所稿 20 个企业资本金利润率资料						
资本金利润率(%)x,	企业数	利润总额(万元)m,	资本金总额(万元)m,/x			
(1)	(2)	(3)	(4)			
5	8	2	40			
10	6	10	100			
15	6	24	160			
A++	20	26 =	200			

表 4-7 某年某公司所属 20 个企业资本金利润率资料

解: 在例 4.10 中已分析,该例平均的对象是各企业的资本金利润率,表中的企业数不是合适的权数,所以要考虑选择用什么因素作为权数比较合适。求平均资本金利润率的思路仍然是用 20 个企业的利润总额除以 20 个企业的资本金总额。结合资料中的已知条件,采用加权调和平均法计算,选择利润总额作为权数。计算过程见表 4-7 中的第(4)列。

20 个企业的平均资金利润率为:

$$\overline{X_h} = \sum_{i=1}^{N} \frac{m_i}{x_i} = \frac{36}{300} = 12\%$$

调和平均數特点主要有:①调和平均數易受极端值的影响;②只要有一个变量值为零,就不能计算调和平均數;③当组計数列有开口组,按和邻组胜推算组中值时,调和平均数的代表性就不可靠;①简单调和平均数应用的范围较小、加权调和平均数一般是作为算术平均数的变形形式来使用。

3. 几何平均数

在计算算术平均数和调和平均数时,总体数值等于各部分数值之和。但有些现象的总体数值不是等于各部分数值之和,而是等于各部分数值之积。这时计算平均数就要采用几何平均法。一般而言,凡是变量值的连乘积等于总比率或总速度的场合,都要用几何平均法计算平均比率或平均速度。

几何平均数也分简单几何平均数和加权几何平均数两种。

1) 简单几何平均数

简单几何平均数是若干个变量值(比率)连乘积的 n 次方根, 其计算公式为:

$$x_{\ell_r} = \sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot \cdots x_n} = \sqrt[n]{\prod_{i=1}^n x_i}$$
 (4.18)

式中, x_G 代表几何平均数; x_i 代表变量值; n 为变量值个数; Π 为连乘符号。

【例 4.14】 某企业某种产品的制造需经过 5 道连续生产 Γ 序, 今年 6 月份生产了一批 产品,各道 L 序的产品合格率见表 4 8,求该企业该产品各 L 序产品的平均合格率。



工序	产品合格率(%)x,	工序	产品合格率(%)x,	工序	产品合格率(%)x,
1	98	3	92	5	88
2	95	4	90		

解: 当本月初投入一批原材料进行生产,每经过一道工序只有合格品才能进入下一道 下序,因此后一道下序产品合格率是在前一道下序全部合格品的基础上计算的。由于产品 的总合格率并不等于各道工序产品合格率的总和。而是等于各道工序产品合格率的连乘 积,因此,平均产品合格率不能用算术平均数或调和平均数计算,而必须采用几何平均法 计算, 结果加下。

$$G = \sqrt[5]{98\% \times 95\% \times 92\% \times 90\% \times 88\%} = 92.53\%$$

2) 加权几何平均数

4. AB12人に四十七9数 当各个变量值出现的次数不相同时,则应用加权几何平均法计算,公式为,

$$\overline{x_{i}} = \frac{\sum \sqrt{x_i^{i_1} \cdot x_j^{i_2} \cdot \cdots x_{i_r}^{i_r}}}{\sqrt{x_i^{i_1} \cdot x_j^{i_2} \cdot \cdots x_{i_r}^{i_r}}} = \frac{\sum \sqrt{x_i^{i_1} x_j^{i_2}}}{\sqrt{x_i^{i_1} \cdot x_j^{i_2} \cdot \cdots x_{i_r}^{i_r}}}$$
(4. 19)

式中, 元 代表几何平均数; 北 代表各组变量值; / 代表各组变量值出现的次数。

【例 4.15】 基公司向商业银行申请一笔贷款。期限为10年。以复利计算、10年的利 率分配品,第1年至第2年为3%,第3年至第5年为4.5%,第6年至第7年为5%,第 8年至第9年为5.5%,第10年为6%,求该笔贷款的平均年利率。

解:银行对贷款的计息通常是以复利计算的、每年的利息是在上一年的存贷款额(本 金十利息)基础上计算的。因此,必须先将各年利率换算成各年本利率,即"1+年利率"。 再以各年本利率相乘得到10年的总本利率。就可以采用加权几何平均法计算年平均本利 率,最后,用年平均年本利率减1就是平均年利率。计算过程如下:

年均本利率 =
$$\sqrt{(1+3\%)^2 \times (1+4.5\%)} \times (1+5\%)^2 \times (1+5.5\%)^2 \times (1+6\%)$$

= $\sqrt{103\%^2 \times 101.5\%} \times 105\%^2 \times 105.5\%^2 \times 106\%^7$

" = 104, 65%

平均年利息率为年均本利率减去 100%, 因此, 该公司的这笔 10 年期贷款的平均年利 率为 4.65%。

运用几何平均数时要注意:如果变量值中有负值,则计算结果就会成为负数或虚数, 通常没有实际意义:几何平均数仅适用于具有等比或近似等比关系的数据计算平均数。

4.2.3 位置平均数

1. 众数

众数是指总体或变量数列中出现次数最多的变量值。由于变量值出现次数最多,所以 它是最普遍的数值,可以作为各变量值的代表,说明某变量值的一般水平。

1) 根据单项数列确定众数

根据单项数列确定众数比较容易,观察次数最多的变量值即为众数。例如,表4 1 资料为单项数列,600 元这个变量值出现次数在各组中为最多,为18人,所以600 元就是 奖金额的众数,可以用600元作为职工奖金的一般水平或代表水平。

2) 由组距数列计算众数

由组距数列计算众数首先是确定众数所在的组, 加果是等距数列, 哪一组的次数最 则众数就在这一组。如果是异距数列。则要计算次数密度。一般众数在次数密度最大 的组,然后洗择下列公式之一计算众数,这两个公式的计算众数的结果相同。

下限小者.

$$M_{ij} = L + \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \times d \tag{4.20}$$

上阴公子,

$$M_{O} = U - \frac{\Delta_{2}}{\Delta_{1} + \Delta_{2}} \times d \tag{4.21}$$

式中: M_0 为众数;L为众数组的下限;U为众数组的上限; Δ_0 为众数组次数与其前 ·组次数之差; Δ ,为众数组次数与其后 ·组次数之差; d 为众数组的组距。

【例 4, 16】 某企业 50 名工人加工零件中位数见表 4-9(和表 4-2 资料相同)。

按零件数分组(个) 频数(人) 频数(人) 按零件数分组(个) 105~110 125~130 110~115 $130 \sim 135$ 6 115~120 $135 \sim 140$ 120~125 1.-14

表 4-9 某企业 50 名工人加工零件情况

根据上表的数据、计算 50 夕工人目加工零件数的众数。

解:上述是一个等距数列,可以看出,最大的频数值是14,即众数组在120~125 这 一组,根据下限公式(4.20)计算,50名工人目加工零件的众数为:

$$M_0 = 120 + \frac{14 - 8}{(14 - 8) + (14 - 10)} \times 5 = 123$$
 (44)

或根据上限公式(4,21)计算。50 名工人日加工零件的众数为:

$$M_0 = 125 - \frac{14 - 10}{(14 - 8) + (14 - 10)} \times 5 = 123 \text{ (44)}$$

运用上限公式和下限公式的计算结果一致,实际工作中常洗用下限公式。

众数是一种位置平均数, 在实际工作中有时有特殊的用涂。例如, 要反映消费者需要 的内衣、鞋袜、帽子等最普遍的号码,或反映农贸市场上某种农副产品最普遍的成交价格 等,都可以用众数来表示。但是必须注意,从分布的角度看,众数是具有明显集中趋势点 的数值, -组数据分布的最高峰点所对应的数值即为众数。当然, 如果数据的分布没有明 显的集中趋势或最高峰点,众数可能不存在;如果有两个最高峰点,也可以有两个众数。 只有在总体单位比较多,而且又明显地集中于某个变量值时,计算众数才有意义。数据太 少时,不官用众教说明问题。

3) 众数的特点

(1) 众数是以它在所有标志值中所处的位置确定的全部标志值的代表值,它不受分布 数列中的极端数值的影响,特别是在呈偏态分布时,众数能提高对分布数列水平的代



表性。

(2)缺乏敏感性。这是由于众数的计算只利用了众数组的数据信息,它和数值平均数利用了全部数据信息的情况不同。

2. 中位数

中位数是将总体各单位某一类变量值按大小顺序排列,居于数列中间位置的那个变量值就是中位数。中位数用 M,表示。在所有的变量值中,有一半的变量值小于中位数,有一半的变量值大于中位数。

中位数的作用与算术平均数相近,也是作为所研究变量的代表值。在一个等差数列或一个正态分布数列中,中位数就等于算术平均数。在数列中出现了极端变量值的情况下,用中位数作为代表值要比用算术平均数更好,因为中位数不受极端变量值的影响;如果研究目的就是为了反映中间水平,当然也应该用中位数。中位数是统计分析中常用的指标。

确定中位数,首先要将总体各单位的标志值按大小顺序排列,最好是编制出变量数 列。这里有两种情况。

(1) 由未分组资料确定中位数。

对于未分组的原始资料,首先必须将标志值按大小排序,再计算中位数的位置。中位数的位置公式为:

中位數的位置 =
$$\frac{n+1}{2}$$
 (4.22)

【例 4.17】 如某组 7 名工人 L产量件数为: 17、19、20、22、23、23、21。要求确定 C人日产量的中位数。

解: 首先将各个工人产量数值按从小到大顺序排列,然后确定中位数的位置。

中位数位置 =
$$\frac{n+1}{2} = \frac{7+1}{2} - 1$$

处于数列第4位的数值为中位数,即产量的中位数为22件。

本例中数列的项数为奇数,直接将最中间一项的变量值作为中位数。如果数列的项数 为偶数列项,在确定中位数时,要将数列最中间的两个变量值求平均数,作为中位数。如 本例中,增加一名工人,产量为26件,这时,数列的排列顺序为;17、19、20、22、23、 23、24、26。中位数的位置为;

中位数位置 =
$$\frac{n+1}{2}$$
 = $\frac{8+1}{2}$ = 4.5

处于数列第4位和第5位中间的变量值为中位数。要将22和23相加,除以2,这时8名工人产量的中位数为22.5件。

(2) 由变量数列资料确定中位数。

由组距数列确定中位数,应先按公式 \sum_{2}^{f} 求出中位数所在组,然后再按下限公式或 上限公式确定中位数。

下限公式:

$$M_c - L + \frac{\sum_{i=1}^{r} f_{in}}{f_{in}} \times d$$
 (4.23)

上限公式:

$$M_{c} - U - \frac{\sum_{j} f S_{m-1}}{f_{m}} \times d$$

$$(4.24)$$

式中·M 为中位数,L 为中位数所在组的下限;U 为中位数所在组上限; f_m 为中位数所在组的次数; $\sum f$ 为总次数;d 为中位数所在组的组距; S_{m-1} 为中位数所在组以下的累计频数; S_{m-1} 为中位数所在组以上的累计频数。

【例 4, 17】 根据表 4 9 的数据, 计算 50 名工人日加工零件数的中位数。

解: 首先, 计算累计频数, 见表 4-10。再确定中位数的位置。

表 4-10 某企业 50 名工人加工零件中位数计算表

按零件数分组(个)	频数(人)	向上累计(人)	向下累计(人)
105~110	3	3 (1)	50
110~115	5	8	17
115~120	8	161	42
120~125	14	30	34
125~130	10	40	20
130~135	6/1/1/	46	10
135~140	Į.	50	4

中位数位置— $\frac{\sum f}{2} = \frac{50}{2} = 25$. 观察向上累计频数、可确定中位数在 $120 \sim 125$ 这一组。

其次,计算中位数的数值。因为 L=120, $S_{m-1}=16$,U=125, $S_{m-1}=20$, $f_{\kappa}=14$,d=5,将其代入下限式(4.23)得;

$$M_c = 120 + \frac{\frac{50}{2} - 16}{14} \times 5 = 123.21$$
(44)

观察向下累计值,也可确定中位数在 $120\sim125$ 这一组。将有关数据代人上限式(4,24)得,

$$M_r = 125 - \frac{\frac{50}{2} - 20}{14} \times 5 = 123.21$$
 (44)

运用式(4,23)和式(4,24)计算中位数的结果相同,实际工作中常用下限公式。

中位数特点 上要有: ①它是一种位置平均数, 不受极端变量值的影响; ②当数列次数 呈偏态分布时, 中位数的代表性会受到影响; ③缺乏糖感性。

3. 分位数

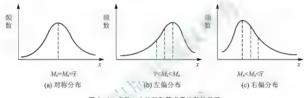
分位数是将变量的数值按大小顺序排列并等分为若干部分后,处于等分点位置的数值。常用的分位数有四分位数、十分位数等。如四分位数是将数值序列分为4等分。有三



个分位点,分别是四分之一位置点、四分之一位置点、四分之一位置点。处于四分位点位 署的数值就是四分位数。其中四分位数第2占的数值就是中位数。所以、中位数就是一个 特殊的分位数。

4. 众教、中位教和算术平均数的关系

算术平均数、众数和中位数之间的关系与次数分布数列有关。在次数分布完全对称 时,算术平均数、众数和中位数是同一数值。如图 4 1(a)所示;在次数分布非对称时, 算术平均数、众数和中位数不再是同一数值了。而具有相对固定的关系、尾巴拖在左边的 称为左偏(或负偏)分布, 这时众数最大, 中位数居中, 算术平均数最小, 图 4~1(b)所示。 尾巴拖在右边的称为右偏(或正偏)分布,这时众数最小,中位数居中,算术平均数最大, 如图 4-1(c)所示。



企物, 中位数和算术平均数的关系

在统计实务中,可以利用算术平均数、中位数和众数的数量关系判断次数分布的 特征。

此外还可利用三者的关系进行相互之间的估算。根据经验,在分布偏斜程度不大的情 况下,不论右偏或左偏,三者存在一定的比例关系,即众数与中位数的距离约为算术平均 数与中位数的距离 2 倍、用公式表示为。

$$M_e - M_0 = 2 \times (\overline{x} - M_e) \tag{4.25}$$

由此可以得到它们之间的三个推导关系式。

$$\bar{x} = \frac{3M_r - M_O}{2}$$
, $M_r = \frac{M_O - 2\bar{x}}{3}$, $M_O = 3M_r - 2\bar{x}$

5. 众数、中位数和算术平均数的应用

众数, 中位数和算术平均数各自具有不同的特点, 明确它们之间的关系和各自的特 点,有助于在实际应用中选择合适的测度值来描述数据的集中趋势。

众数是一种位置代表值,易理解,不受极端值的影响。任何类型的数据资料都可以计 算,但主要适合于作为定类数据的集中趋势测度值;即使资料有开口组仍然能够使用众 数。众数不适于讲一步代数运算;有的资料不存在众数;当资料中包括多个众数时,很难 对它进行比较和说明, 应用不如算术平均数广泛。

中位数也是一种位置代表值,不受极端值的影响;除了数值型数据,定序数据也可以 计算, 主要适合于作为定序数据的集中趋势测度值,而且开口组资料也不影响计算。中位 数不适于进一步代数运算,应用不如算术平均数广泛。

算术平均數的含义通俗易懂,直观清晰;全部數据都要參加运算,因此,它是一个可靠的具有代表性的量;任何一组數据都有一个平均數,而且只有一个平均數;用统计方法推断几个样本是吞取自同。总体时,必须使用算术平均數;具有优良的数学性质,适合于代数方法的演算。算术平均数是实际中应用最广泛的集中趋势测度值,主要适合于作为定距和定比数据的集中趋势测度值,最容易受极端值的影响;对于偏态分布的数据,算术平均数的代表性较差,资料有开口组时,按相邻组组距计算细中值;假定性很大,使平均数的代表性降低.

4.2.4 运用平均指标注意的问题

作出客观评价.

- (1) 只有在同质总体中计算和应用平均指标才有意义。同质性是计算平均指标的一个基本要求。所谓同质性,是指总体各单位在某一或某些标志表现相同。只有在同质总体中计算和应用平均指标,才能反映现象的一般水平。计算平均指标要求各个单位具有同质性,这由是平均指标与品作和对指标的主要区别之一。
- (2) 有时要用组平均数补充说明总平均数。尽管平均指标是以同质性为其计算的前提,但有时由于各组频数和频率的变动会影响总体平均数的水平,如果仅仅根据总体平均数进行分析,有时会得出不符合实际情况的结论。因此,还要进一步利用分组法、计算组平均数,用来补充说明总体平均数。

【例 4.18】 某工厂基期和报告期熟练工和非熟练工两组工人数及其奖金水平见表 4-11。

T 1 /0 Bit	工人数 f(人) 平均奖金 x(元)				
工人组别	基地	报告期	基期	报告期	
熟练工	600	(50)	700	780	
非熟练工	> 1 400	1 830	400	450	
合计	1 000	1 400	580	579.64	

要求:分别说明基期和报告期的总平均奖金变动情况,对该工厂职工奖金的变化情况

解: 该厂基期和报告期工人的总平均奖金分别为:

$$\bar{x}_{\text{RR}} = \frac{\sum x_i f_i}{\sum f_i} = \frac{700 \times 600 + 400 \times 400}{1000} \quad 580 \text{ (jú)}$$

$$\bar{x}_{\text{RR}} = \frac{\sum x_i f_i}{\sum f_i} = \frac{780 \times 550 + 450 \times 850}{1400} \quad 579.64 \text{ (jú)}$$

从各组情况看,熟练工和非熟练工两组工人的奖金水平分别增加了80元和50元,但 从总平均奖金来看,报告期平均奖金比基期平均奖金反而有所降低。而事实上,该企业所 有工人的奖金报告期比基期都有所增加。

(3)要将平均指标与变量数列结合分析。平均指标只反映现象的一般水平、不能揭示出各部分的差异程度及其分配状况、为进一步分析问题、需要结合分布数列进行说明、防



止平均指标掩盖总体中各组的差异,以便对现象作出客观的评价。

(4) 要将平均指标与总量指标。相对指标和标志变量指标结合分析。在进行统计分析 时,要把总量指标、相对指标和平均指标三者结合起来运用,充分发挥各自的作用,以达 到全面、深入分析问题的目的。还要从总体变异方面说明平均指标反映总体一般水平的代 表性,才能对问题的分析结论更确切。

4.3 数据分布离中趋势度量

如前所述,平均指标反映的是总体中各单位数据分布集中趋势,说明总体各单位某一 数量标志值的一般水平,利用平均指标可以对同类现象在不同空间或时间条件下的数量表 现进行对比。但是、平均指标掩盖了总体各单位客观上存在的变异、而在有些情况下、需 要对标志值变异程度进行研究,从另一侧面来说明总体特征。

4.3.1 离中趋势与变异指标

所谓离中趋势,就是变量分布中各变量值背离中心值的倾向,是总体或变量分布变 异性的体现。度量离中趋势就是要反映变量分布中各变量值远离中心值或代表值的 状况。

变量分布的离中趋势用标志变异指标来反映。标志变异指标就是反映总体各单位变量 值的变动范制和差异程度的指标, 即反映变量分布中各变量值远离中心值或代表值程度, 也称为标志变动度。常用的标志变异指标有: 异众比率、全距、四分位差、平均差、标准 差、变异系数等。

利用标志变异指标可以更正确地认识总体现象或变量分布的数量特征、具体来说、标 志变异指标的作用主要有以下几点。

(1) 标志变异指标是评价平均数代表性大小的尺度。一般来讲,数据分布越分散,变 异指标越大,平均指标的代表性越小:数据分布越集中,变异指标越小,平均指标的代表 件越大。

【例 4.19】 某车间两个生产小组各工人日产量加下。

甲组, 20, 40, 60, 70, 80, 100, 120

乙组: 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73

试比较说明哪一组工人平均产量的代表性较大?

- 解。诵讨计算得知,议两组工人平均生产量都是 70 件。根据观察可以看出,甲组工 人产量变异程度大,乙组工人产量变异程度小。所以用平均产量70件分别代表这两组产 量时,很显然,乙组工人平均产量代表性比甲组平均产量的代表性要大。
- (2) 标志变异指标能反映社会经济活动过程的均衡性或协调性。一般来说,标志变异 指标数值越大,说明总体各单位变量值分布的离散趋势越大、均衡性越差;反之,变量值 分布的离散趋势越小、均衡性就越好。如在两组「人平均产量相等的情况下、甲组「人生 产过程的均衡性比乙组差。
- (3) 标志变异指标为统计推断提供依据。在统计推断中,无论是抽样估计还是假设 检验,标志变异指标都是必不可少的要素,也是得出统计推断结论或判断推断效果的重

要依据。

4.3.2 标志变异指标的种类及计算

1. 异众比率

异众比率是指非众数组的频数之和占总频数的比率。 主要用于测度众数对分布数列的 代表程度及各个变量值对于众数的离散程度, 计算分式为,

$$V_{M_o} = \frac{\sum f_i - f_m}{\sum f_i} = 1 - \frac{f_m}{\sum f_i}$$
 (4.26)

式中、 V_M 代表异众比率; f_M 代表众数值的频数; $\sum f_M$ 代表总频数。

异众比率数值越大,说明非众数组的次数占总次数的比重越大,众数的代表性越差; 异众比率数值越小,说明非众数组的次数占总次数的比重越小,众数的代表性越好。当异众比率等于零时,说明变量只有一个取值,即众数。

异众比率的主要特点是;它不但适用于测定变量数列中众数的代表能力、而且还可用 于测定品质数列中众数的代表性强弱。

【例 4.20】 某企业今年 - 季度和 : 季度生产的产品资料见表 4 - 12、计算其异众比率。

产品等级	リング した	(万米)
广阳等级	一季度 人工	二季度
特级品	56	81
一级品	* 34	37
二級品	123	20
三级品	13	13
合 计	126	151

表 4-12 某企业产品等级及产量资料

解:根据表中数据可以知道 -季度和 :季度生产产品的众数都是特级品、但其异众比率却是不同的。

·季度,
$$V_{M_s} = \frac{\sum f_i - f_m}{\sum f_i} = \frac{126 - 56}{126} = 0.56$$

二季度; $V_{M_s} = \frac{\sum f_i - f_m}{\sum e} = \frac{151 - 81}{151} = 0.46$

计算结果表明该企业 · 季度的异众比率大于 · 季度, 因此 · 季度产品众数的代表性好于 · 季度, 或者说 · 季度产品的等级差异大于 · 季度, 也即 · 季度产品质量比 · 季度稳定。

2. 全野

全距也称为极差,是指总体中最大的标志值和最小的标志值之差,反映出总体标志值



的差异范围。根据原始资料和单项数列, 计算全距的公式为:

全距 最大标志值 最小标志值

用符号表示为.

$$R - X_{\text{max}} - X_{\text{min}} \tag{4.27}$$

根据组距数列资料、计算全距的公式为、

【例 4.21】 有两个学习小组分别有 5 名学生,其统计学考试成绩(单位:分)分别为: 甲组, 60, 70, 80, 90, 100

7.组, 78, 79, 80, 81, 82

通过计算得知,这两个小组学生的考试成绩平均分都是80分。它们哪一组的分数差 异比较大呢?可以计算全距指标、则有。

$$R_{\text{H}} = 100 - 60 = 40$$
(分) $R_{\text{Z}} = 82 - 78 = 4$ (分) 〈

甲组的全距比2.组大, 这说明甲组分数的差异程度比2.组大。

用全距来测定标点变动度, 其优占是计算简单, 含义明确, 在实际工作中, 全距常用 来检查产品质量的稳定性和进行质量控制。在正常生产条件下、全距在一定范围内波动、 若全距超过正常的波动范围。就说明有异常情况出现。其缺点是全距只考虑了两个极端变 量值之间的差距,因此,它易受极端值的影响,没有利用全部变量值的信息,所以不能充 分反映全部变量值之间的实际差异程度。

3. 四分位差

四分位差是四分位数中第一个四分位数与第三个四分位数之差。也称为内距、

其公式为,

$$Q_0 = Q_0 - Q_L \tag{4.29}$$

式中 $,Q_0$ 为四分位差; Q_1 为上四分位(第一个四分位数); Q_1 为下四分位数(第三个四分位 数)。

四分位差表明变量分布中间 50%数值的离散程度, 其数值越小, 表明变量中间数值的 分布越集中,中位数的代表性越好。反之,其数值越大,表明变量中间数值的分布越分 散,中位数的代表性越差。

4. 平均差

平均差是总体各单位基一标志值对其平均数离差绝对值的平均数。离差是总体各单位 标志值与算术平均数之差。由于各标志值与算术平均数的离差总和恒等于零,因此,在计 算平均差时,要消除负号,采用离差的绝对值来计算平均差。

根据所掌握的资料不同, 平均差的计算可分为简单平均差和加权平均差两种。

1) 简单平均差

如果所掌握的资料是未分组的资料时,用简单算术平均式计算平均差。其公式为:

$$A. D = \frac{\sum_{i=1}^{n} |x_i - \bar{x}|}{n}$$
 (4.30)

式中, A.D 为平均差。

【例 4.22】 5 名 [人日产零件数为 12、13、14、14、15 件, 求其日产量的平均差。 解: 该资料属于未分组资料, 先要计算出 5 名丁人的平均日产量。

平均每人日产量
$$\bar{x} = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} x_i}{n} = \frac{12+13+14+15+16}{5} = 13.6$$
 (件)

然后计算平均差:

$$A.D = \frac{\sum_{i=1}^{d} x_i x_i - \bar{x_i}}{n} = \frac{|12 - 13.6| + |13 - 13.6| + |14 - 13.6| + |14 - 13.6| + |15 - 13.6|}{5}$$
$$= \frac{4.4}{5} = 0.88 (45)$$

即该组5名工人日产零件数的平均差为0.88件。

2) 加权平均差

如果所掌握的是变量数列资料时,采用加权算术平均式计算平均差。其公式为:

$$A.D = \frac{\sum_{i=1}^{n} |x_i - \overline{x}| f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i}$$
 (4.31)

【例 4.23】 基金业工人日产量频数分布见表 4-13 中第(1)、(2)列资料。要求计算该 企业工人日产量的平均差。

解:根据平均差计算公式的要求,列表计算有关数据,见表 4-13 中(3)至(6)列。

✓ 車 4 - 12 替企业工人口产品的亚松单计管理

及 4 − 13 条正亚工人 P/ 量的 中间左 I 异农					
按日产量分组(件)	工人数(人)f	组中值X	各组日产量(件)xf	$\chi - \bar{\chi}$	$\chi - \bar{\chi}$ f
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)
60以下	10	55	550	-27.62	276. 20
60~70	19	65	1 235	-17.62	334.78
70~80	50	75	3 750	-7.62	381.00
80~90	36	85	3 060	2, 38	85, 68
90~100	27	95	2 565	12. 38	334.26
100~110	14	105	1 470	22. 38	313. 32
110 & E	8	115	920	32. 38	259.04
合計	164	_	13 550	_	1650.02

工人日产量的平均数为:
$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{r} x_i f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i} = \frac{13.550}{164} = 82.62$$
 (件)



工人日产量的平均差为:
$$A.D = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} |x_i - x| f}{\sum\limits_{i=1}^{n} f_i} = \frac{1.650.02}{164} - 10.06$$
 (件)

即该企业工人日产量平均差为10.6件

平均差的优占有,平均差章义明确,计算的依据是总体所有变量值,具有普遍性,能 够准确反映总体变量的状况。其缺占是,由于平均差是用总体各单位变量值与总体算术平 均数的离差的绝对值来计算的。难以进行深入的数学运算。在实际应用上受到很大限制。

5. 标准差

标准差是总体各单位标志值与其管术平均数的离差平方的管术平均数的平方根,又称 均方根差或均方差,一般用 σ 表示。方差是标准差的平方,通常以 σ 表示。依据所掌握的 资料不同,标准差的计算分为简单平均式和加权平均式两种。

1) 简单平均式

如掌握的是未分组原始资料,采用简单平均公式计算标准差:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{y} (x_i - \overline{x})^i}{n}}$$
(4.32)

【例 4.24】 5 名工人日产零件数为 12、13、14、14、15 件,要求计算工人日产量的 标准差。

解, 先计算出5名 [人的平均日产量、例4.22 中已计算出平均日产量 元= 13.6件。 E人日产零件数的标准差具体计算过程见表 4-11, 然后将计算结果代入公式。

工人序号	日产零件数(件)	$(\chi_i - \bar{\chi})$	$(\chi_i - \bar{\chi})^2$
1	12	-1.6	2. 56
2	13	-0.6	0.36
3	14	0.4	0.16
4	14	0.4	0.16
5	15	1. 4	1.96
合计	68		5. 20

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - x)^2}{n}}$$
$$= \sqrt{\frac{5.2}{5}} = 1.02(44)$$

2) 加权平均式

如果掌握的是变量数列资料,采用加权平均公式计算标准差:

$$\sigma = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} \frac{(x_i - x)^2 f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i}}$$

$$(4.33)$$

【例 4.25】 根据表 4 13 中第(1)(2)列资料, 计算工人日产量的标准差。

解: 在例 4.23 中已计算得到 「人日产量的平均数为 82.62 件, 具体计算过程见 表 4-15。

水 · 10 米亚亚二八日,三山加水155年至月并水							
按日产量分组(件)	工人数(人)f	组中值 X	X-X	$(X - \overline{X})^2 f$			
60以下	10	55	-27.62	7 628. 644 0			
60~70	19	65	-17. 12	5 898. 823 6			
70~80	50	75	17,62	2 903, 220 0			
80~90	36	85	× \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	203. 918 4			
90~100	27	95	12.38	4 138, 138 8			
100~110	14	105	22. 38	7 012. 101 6			
110以上	8	118	32. 38	8 387. 715 2			
合计	164	1111		36 172, 561 6			

表 4-15 某企业工人日产量的加权标准差计算表

$$\text{ I.人日产量的标准差为: } \sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2 \text{ }}{\sum_{i=1}^{n} (x_i)^2}} = \sqrt{\frac{36 \ 172.5616}{164}} = 14.85(件)$$

方差和标准差利用了全部数据信息、因而能准确反映变量分布的离散程度。方差或标准差愈大、表示变量分布离散程度愈大。方差或标准差愈小、则变量分布离散程度愈小。 尤其是标准差与平均差相化。不仅具有平均差的优点。而且弥补了平均差的不足。方差的 计量单位和量纲不便于从经济愈义上进行解释。而标准差的计量单位与变量值相同、愈义 比方差明确,所以标准差在实践中得到了广泛的应用。

在实际工作中有时也可用标准差件为衡量指标来说明数据的分布情况。当一组数据对称分布时,经验法则表明;约有 68%的数据落在平均数加上和减去 1 个标准差的范围内;约有 95%的数据落在平均数加上和减去 2 个标准差的范围内;约有 99%的数据落在平均数加上和减去 3 个标准差的范围内。由此可见,一组数据中低于或高于平均数 3 个标准差 以上的数据很少。几乎所有的数据项与平均数的距离都在 3 个标准差之内。因此,在统计上,往往将平均数加减 3 个标准差以外的数据称为异常值或离群值。

标准差指标值的大小会受到数列水平的影响。分布数列水平较高,则平均数水平也较大,则标准差的数值也会较大,标准差只能说明变量值之间的绝对差异。因此,如果要比较不同水平数列或不同类型数列的变异程度的大小时,就不能直接用标准差指标进行比较,而是要通过变异系数进行比较,反映出不同水平数列的相对差异。



6. 是非标志的比率(成数)、平均数和标准差

是非标志的表现只有"是"与"非"两种结果,如人口总体按性别分为"男性"和 "女性"两部分、产品按质量标准分为"合格品"和"不合格品"两部分、居民对某事件 的看法分为"特同"和"不赞同"等等。将其数量化、通常以1代表具有所研究特征的变 量值,以0代表不具有所研究特征的变量值。当总体单位数为N时,假定具有所研究特征 变量值的单位数为 N_1 ,不具有所研究特征变量值的单位数为 N_2 ,目 N_1 , N_2 ,总体 中"具有"及"不具有"所研究特征变量值的单位数占全部单位数的比率称为成数或比 重,以字母 π 或P、Q表示。即:

具有所研究特征变量值的比率: P 或 π

不具有所研究特征变量值的比率: Q 或 $(1-\pi)$ $\frac{N}{N}$

样本比率的计算公式和总体比率的计算公式相同,公式表示为:

$$P - \frac{n_1}{n}, \quad q = \frac{n_0}{n} = \frac{n - n_0}{n}$$

表 4-16 为是非标志频数分布表,根据此资料可计算是非标志的平均数和标准差。是 非标志的算术平均数为:

車 4 - 16 単北松士振松公士車

是非标志 X	- 00	单位数		占总体单位数的比率	
1	37.1	N_1	V. R.	P	
0	2.3	N_0	KAT	Q	
合计		N		1	

$$\bar{x} = \sum x \frac{f}{\sum f} = 1 \times p + 0 \times q = p$$

县非标志的标准差为.

$$\sigma_{p} - \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \overline{x})^{2} \frac{f_{i}}{\sum_{i=1}^{n} f}} = \sqrt{(1-p)^{2}p + (0-p)^{2}q} = \sqrt{p(1-p)}$$

是非标志的方差为:

$$\sigma_p^2 = p(1-p)$$

7. 变异系数

前面所述的全距、平均差和标准差指标是测定标志变异程度的绝对指标,它们用名数 表示, 其数值的大小与数列中各变量值的水平高低有关。而变量系数指标是一种相对数, 它能反映数据的相对差异程度,也称为离散系数。它是标志变异绝对指标与算术平均数的 比值、主要有全距系数、平均差系数和标准差系数等。常用的是标准差系数。它是标准差 与总体平均数对比所得到的比值称为标准差系数,计算公式为:

$$V_{\sigma} = \frac{\sigma}{r} \times 100\% \tag{4.34}$$

标准差系数主要用于平均水平不同或计量单位不同的数列的差异程度的比较。

【例 4.26】 有两组 [人日产量(单位:件)如下,要求比较其平均产量代表性的大小。 甲组:60、65、70、75、80

乙组: 2、5、7、9、12

解:根据资料分别计算这两组工人目产量的平均数和标准差。

甲组平均产量: $\bar{x} = 70$ (件) Z.组平均产量: $\bar{x} = 7$ (件)

甲组产量标准差: $\sigma = 7.07$ (件) 乙组产量标准差: $\sigma = 3.41$ (件)

由于这两组数列水平不同,即平均产量不等,所以不能直接用标准差进行比较,而需 要用标准差系数进行比较。分别将资料代人式(4.34),得到:

$$V_{\text{m}} = \frac{7.07}{70} \times 100\% = 10.1\%$$
 $V_{\text{L}} = \frac{3.41}{7} \times 100\% = 48.7\%$

计算结果表明, 乙组的标准差系数大于甲组的标准差系数, 所以甲组产量的变异程度 较小, 因而甲组平均产量的代表性高于乙组。

可以总结出两点结论,第一,要比较两组数据的离散程度时,如果两组平均数相等。 可以直接用标准差进行比较;如两组平均数不等,则需用离散系数进行比较。第二,标准 差或标准差系数与标志变异程度的大小成正比,与平均数的代表性或社会经济活动的均衡 性成反比。标准差系数大,说明数列中各变量值的离散程度也大;标准差系数小,说明数 列中各变量值的高散程度也小。

【例 4.27】 某管理局抽查了所属的 8 家企业,其产品销售数据见表 4-17。试比较产 品销售额与销售利润的离散程度的太小。

企业编号	产品销售额(万元)X ₁	销售利润(万元)X2	
N Ja	1730	8. 1	
3	220	12. 5	
3	390	18.0	
4	430	22.0	
5	480	26.5	
6	650	40.0	
7	950	64.0	
8	1 000	69.0	

表 4-17 草管理局所属 8 家企业的产品销售数据

解: 先分别计算 8 个企业的平均产品销售额和平均销售利润额:

平均产品销售额。 z = 536, 25(万元) 平均销售利润额。 z = 32,512 5(万元)

由于销售额与利润额的数据水平不同,不能直接用标准差进行比较,需要计算标准差 系数。根据表4-17中数据,分别计算它们的标准差和标准差系数:

产品销售额:

$$V_1 = \frac{309.19}{536.25} = 57.7\%$$

产品销售利润,

$$\sigma_2 = 23.09 (\pi \, \hat{r}_2)$$

$$V_2 = \frac{23.09}{32.512.5} = 71.0\%$$

计算结果表明、 $V_1 > V_1$ 、说明这 8 个企业销售利润的差异程度大于销售额的差异程度。

8. 标准化值

标准化值是一个数值与平均数的离差再除以标准差的值。用公式 4.35 表示。

$$Z = \frac{x_i - \overline{x}}{\sigma} \tag{4.35}$$

式中, x 为某一具体变量值; x 为平均数; σ 为标准差。

当某个变量值低于总体平均数时标准化值为负数、反之则为正数。标准化后不同规测值比较只有相对意义,没有绝对意义。常用来衡量某个总体单位某种成绩在总体所有单位成绩中的相对位置,所以也称为标准分数、称z分数(2—score)。标准分数是一种可以看出某分数在分布中相对位置的方法。标准分数能够真实地反映一个分数距离平均分数的相对标准距离。如果把每一个分数都转换成标准分数,那么每一个标准分数是以标准差为单位表示一个具体分数到平均数的距离。

【例 4.28】 某所级期末考试,全班学生语文课程的平均分数为73分,标准差为7分;数学课程平均分数为80分,标准差为6.5分。某学生语文成绩为78分,数学成绩为83分。问该生哪一门课程的考试成绩相对好一些个

解: 因为两门课程考试的标准差不同,因此不能用原始分数直接比较。需要将原始分数转换成标准分数,然后进行比较。

语文:
$$Z = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma} = \frac{78 - 73}{7} = 0.71$$

数学: $Z = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma} = \frac{83 - 80}{6.5} = 0.46$

结果表明:该生语文成绩在其整体分布中位于平均分之上 0.71 个标准差地位置,而数学成绩在其整体分布中位于平均分之上 0.46 个标准差地位置。由此可见,该生在本次考试中语文课程考试成绩优于数学课程考试成绩。

4.4 数据分布形态度量

在统计分析时,还涉及到分布形态的度量指标,这就是变量分布的偏度和峰度。

4.4.1 偏度及其度量指标

偏度是测定一个变量值次数分布的非对称程度的统计指标。相对于对称分布、偏度有两种:一种是左向偏度、简称左偏(负偏);另一种是右向偏度、简称右偏(正偏)。在本章

的第2节已介绍测定偏度的基本方法,这里还要介绍偏度的测定指标。在坐标系中,以横轴表示各个变量值,纵轴表示各个变量值出现的频数,如图42所示。

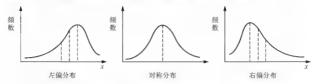


图 4-2 数据分布 3 种形式示意图

测定偏度的方法较多,这里主要介绍其中的两种常用的方法。

1. 利用算术平均数与位置平均数的关系测定

人们已经知道,在次数分布完全对称的情况下,算术平均数与中位数、众数三者数值相等。即 $x = M = M_0$;而在次数分布非对称情况下,算术平均数与中位数和众数发生分离,其中中位数位居中间,算术平均数和众数分居两边。因此,算术平均数与众数之间的距离,可以说明实际分布的绝对偏斜程度,用式(4.36)表示;

算术平均数与众数之间的距离越远,实际分布的绝对偏度越大,表明次数分布的非对称程度越大;算术平均数与众数之间的距离越短,实际分布的绝对偏度越小,表明次数分布的非对称程度越小。。

由于绝对偏度受数列中原有变量值水平高低和计量单位不同的影响,在不同数列之间 不具有可比性,因此,通常是计算相对偏度。相对偏度是绝对偏度与数列原数列变量值的 标准差之比, 称为偏度系数(用 SK 或 a 表示)。计算公式为。

$$SK = \frac{\overline{x} - M_o}{\sigma}$$
 (4.37)

由式(4,37)可知: 当算术平均数等于众数时。偏度系数为零。表明次数分布属于对称分布,当算术平均数大于众数时。偏度系数为正值、表明次数分布属于正偏(右偏)分布;当算术平均数小于众数时。偏度系数为负值、表明次数分布属于负偏(左偏)分布。所以、偏度系数不仅可以说明偏度的程度,还可以说明偏度的方向。

前面已介绍,在分布适度偏斜的情况下,算术平均数与众数的距离约等于算术平均数 和中位数之间距离的3倍,所以偏度也可用算术平均数与中位数之间的关系来测定,即;

$$SK = \frac{3(\bar{x} - M_c)}{\sigma} \tag{4.38}$$

由此,可以确定偏度系数的变动范围一般为 $3 \le SK \le -3$ 。当SK = 0时,表示对称分布;当SK = 3时,表示极右偏度;当SK = 3时,表示极左偏度;其他情况属于一般偏度。

【例 4.29】 表 4 18 资料是某年我国农村居民的纯收入数据、试根据资料计算农村居民纯收入的偏度系数。



表 4	18	某年我国农村居民按纯收入分组资料	
-----	----	------------------	--

按纯收入分组(元)	组中值』	比重{%} <u>f.</u>	$x \frac{f_r}{\sum f_r}$	$(x_i - x)^2 \frac{f}{\sum f}$
1 000 以下	500	11.6	58. 0	51 253 486. 4
1 000~2 000	1 500	30. 7	460.5	37 282 202. 8
2 000~3 000	2 500	24. 6	615.0	255 938. 4
3 000~4 000	3 500	13. 9	486. 5	11 209 015. 6
4 000~5 000	4 500	7.4	333.0	26 657 789. 6
5 000 元及以上	5 500	11.8	649.0	99 101 167. 2
合计	_	100.0	2 602.0	225 759 600.0

解, 先分别计算农村居民家庭人均年纯收入的平均值, 众数和标准差,

$$\overline{x} = \sum_{i=1}^{n} x_i \frac{f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i} = 2 602(\overline{\pi}_{\mathbf{L}}) \qquad \sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2 f}{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2 f}} \sqrt{\frac{2 257 + 9 600}{100}} - 1 503(j\dot{\mathbf{L}})$$

$$M_0 = L + \frac{\Delta_1}{\Delta + \Delta_1} \times d = 1\,000 + \frac{7\,(30,7-11.6)}{(30.7-11.6) + (30.7-24.6)} \times 1\,000 = 1\,758(j\dot{\mathbf{c}})$$

则这一年我国农民家庭人均年纯收入分布的偏度系数为。

$$SK = \frac{\bar{x} - M_0}{7} = \frac{2602 - 1758}{1503} \times 0.5615$$

结果表明,该年我国农民家庭人均年纯收入的分布属于正偏分布,其偏度系数为0.56。

2. 矩法测定

2. 矩法测定 矩又称动差, 是物理学上用以表示力与力臂对重心关系的术语。由于这个关系与统计 学上变量与权数对平均数的关系在性质上很相似。所以统计学上也用矩束测度次数分布的 偏度程度。一般灭说, 若取变量中的 a 值为中点, 所有变量值与 a 之离差 k 次方的平均 数, 称为变量关于 a 的 k 阶矩, 即:

$$M = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - a)^k}{n}$$

当α=0时,即变量以原点为中心,上式称为原点 k 阶矩,以 M 表示。

- 阶原点矩:
$$M_z = \sum\limits_{i=1}^{s} x_i$$
 (即算术平均数) : 阶原点矩: $M_z = \sum\limits_{i=1}^{s} x_i^2$

二阶原点矩,
$$M_i = \frac{\sum\limits_{i=1}^n x_i^3}{n}$$
 四阶原点矩, $M_4 = \frac{\sum\limits_{i=1}^n x_i^4}{n}$

当a-x时,变量以平均数为中心,上式称为中心 b 阶矩,以 m 表示。

在对称分布条件下,高于平均数的离差之和与低于平均数的离差之和必然相等,全部高差的总和等于0,所以奇数阶中心矩 m_1, m_i 等均等于0,而偶数阶中心矩 m_2, m_i 等均为正值。在非对称条件下,奇数阶中心矩 m_1, m_i 等不等于0,由此可见,三阶中心矩可用于测定偏度。

将三阶中心矩 m, 除以标准差的三次方面,就是偏度系数,用 a 表示。

$$\alpha = \frac{m_3}{3} \tag{4.39}$$

当 α 等于0. 说明次数分布属于对称分布;当 α 大于0. 说明次数分布属于正偏(行偏)分布、数值越大右偏的程度越高;当 α 小于0. 说明次数分布属于负偏(左偏)分布、数值越小其左偏的程度越高。

【例 4.30】 根据表 4-18 资料计算我国农村居民纯收入的偏度系数,见表 4-19。

	表 4-19 找国农村店民现収入桐度及疃度订算表						
按纯收入分组(元)	组中値(百元)x,	比重(%) $\frac{f}{\sum_{f}}$	$(x-\bar{x})^3 \cdot \frac{f}{\sum_f}$	$(x-\bar{x})^4 \cdot \frac{f}{\sum f}$			
1 000 以下	15	11.6	-1 077.35	22 645.86			
1 000~2 000	15	30.7	-410.85	4 527. 57			
2 000~3 000	25	24.6	-0.26	0. 27			
3 000~4 000	35	13. 9	100.67	903. 90			
4 000~5 000	45	7.4	505.96	9 603. 21			
5 000 及以上	55	11.9	2 896. 29	83 934, 50			
合计	_	100.0	2 014. 98	121 615.31			

表 4-19 我国农村国民纯收入偏度及峰度计算表

$$\alpha = \frac{m_3}{\sigma} = \frac{2014.98}{15.03} = 0.59$$

计算结果表明:农民家庭人均年纯收入的分布属于正偏分布,其偏度系数为0.59。

峰度是反映某个变量值分布与标准正态分布相比尖峭程度的统计指标。峰度有3种形态;正态峰度、尖顶峰度和平顶峰度。正态峰度为图4 3中的实线图形。当分布数列的次数比较集中于众数位置、次数分布曲线的峰顶较正态分布曲线的峰顶更高隆起时,属于尖峰分布,如图4 3(a)中的虚线图形;当分布数列的次数对众数来说比较分散、次数分布曲线的峰顶较正态分布曲线的峰顶更为平坦时,属于平峰分布,如图4 3(b)的虚线

图形。

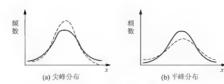


图 4-3 峰度示意图

峰度的测定一般用四阶中心矩 m_1 除以标准差的四次方 σ^1 ,称之峰度系数,用 β 表示。

$$\beta = \frac{m_4}{\sigma^4} \tag{4.40}$$

依经验、当 β 等于3,说明次数分布曲线属于正态曲线、当 β 大于3,说明次数分布曲线属于尖顶曲线、数值越人顶端尖峭程度越大、当 β 小于3、说明次数分布曲线属于平顶曲线、数值越小顶端越平缓、当 β 接近1.8时、次数分布趋向一条水平线、即各组的次数相同、总体分布形态为矩形或均匀分布。而当 β 小于1.8时、次数分布曲线是U形分布。

【例 4.31】 根据表 4-19 资料、计算我国农村居民纯收入的峰度系数。

$$\beta = \frac{121\ 615.31}{15.03^4} = 2.38$$

计算结果表明,农民家庭人均年纯收入的分布属于平顶峰度,其峰度系数为2.38。

4.5 运用 Excel 计算统计指标示例

首先要熟悉统计常用函数及其功能,见表 4-20。

表 4-20 统计常用函数名称

函数	功能	函数	功能	函数	功能
COUNT	记数	NORMSINV	Z值计算	MEDIAN	中位数
MAX	最大值	ABS	绝对值	MODE	众数
MIN	最小值	CHIINV	卡方值	QUARTILE	四分位数
SUM	求和	TINV	T值计算	VAR	样本方差
SUMSQ	平方和	FINV	F值计算	STDEV	样本标准差
AVERAGE	平均值	SQRT	平方根	GEOMEAN	几何平均

【例 4.32】 我国某年 31 个地区人口数资料见表 4 21。要求分别用函数和数据分析 L具计算总和、平均值、中位数、众数、标准差。并对结果指标作简要说明。

地区	总人口	地区	总人口	地区	总人口
北京	1 695	山东	9 417	安徽	6 135
天津	1 176	河南	9 429	福建	3 604
河北	6 989	湖北	5 711	青海	554
山西	3 411	湖南	6 380	新疆	2 131
内蒙	2 414	广东	9 544	江西	4 400
辽宁	4 315	广西	4 816	云南	4 543
占林	2 734	海南	854	西藏	287
黑龙江	3 825	重庆	2 839	陕西	3 762
上海	1 888	四川	8 138	,八宁夏	618
江苏	7 677	贵州	3 793	森甘	2 628
浙江	5 120		64.		

4 5.1 利用计算函数, 逐个求出指标数值

具体操作步骤如下。

- (1) 根据表 4-21 所示, 在新建工作表 A2: B32 中输入或复制数据。
- (2) 使用函数进行统计计算(以求数据的总和为例)。
- ① 在 D2 中输入"总和"、选定 E2 单元格、单击菜单栏上的"插入"→"函数"命令。出现图 4-4 所示的对话框、在"选择类别"后的下拉列表框中选择"全部"、在"选择函数"中选择求和函数"SUM"、然后单击"输定"按钮、



图 4 · 4 利用计算函数求和①

② 将鼠标置于"Number1"右端的编辑框内。在工作表中选择 B2: B32 的单元格区域, 单击"确定"按钮, 如图 4-5 所示。





图 4-5 利用计算函数求和②

则在 E2 单元格中显示的数据"130 827"为所求的数据总和。

③ 使用同样的方法分别求出数据的平均值、中位数、众数、标准差,如图 4-6 所示。

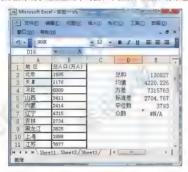


图 4-6 利用计算函数求出有关指标

4.5.2 利用 "工具→数据分析"。 同时求出各个指标数值

【例 4.33】 用分析 [具试计算表 4 19 中 31 个地区人口的总和、平均值、中位数、 众数、标准差、最大值、最小值、偏度和峰度等。

- (1) 单击"□具" ▶ "数据分析"命令,打开"数据分析"对话框,如图 4 7 所示。
- (2) 洗择"描述统计"洗项,单击"确定"按钮,系统打开"描述统计"对话框,如 图 4 8 所示。选定数据的"输入区域"为 B2: B32 单元格;"分组方式"选择"逐列"单 选按钮;选定一个"输出区域"为D9单元格;再选中"汇总统计"复选框,如图4 8 所示。
 - (3) 系统输出该年我国各地区人口描述统计的计算结果。如图 4 9 所示。



图 4 7 利用 Excel 函数功能同时求出各个指标步骤(1)



图 4-8 利用 Excel 函数功能同时求出各个指标步骤(2)



图 4 · 9 利用 Excel 函数功能同时求出各个指标步骤(3)

(4) 在输出结果中,"平均值"即均值,反映了全国各地区人口的平均水平;"标准误



差"为均值的标准差;"众数"即出现次数最多的标志值,由于本例中31个标志值互不相 同,故没有众数;"标准差"为总体标准差;"方差"为总体方差;峰度的值大干零,表示 分布比正态分布更集中在平均数周围,分布呈尖峰状态:偏度的值大于零,说明分布呈正 偏斜,即大部分标志值是大干平均值的。

本音小结

- 1. 运用总量指标对总体规模和水平进行度量运用的是总量指标。总量指标是统计研究中的最 基本指标。对总体相对关系度量运用的是相对指标。相对指标是两个有联系的指标对比的比值。
 - 2. 资量分布特征从变量值分布的集中趋势。离中趋势和分布形款 3 个方面进行度量。
- 3. 集中趋势是指各变量值分布以某一数值为中心的趋势, 用平均指标来度量。平均指标是反 映总体中各变量值一般水平或平均水平的指标。平均指标点称为平均数,检计算方法不同分为数 值平均数和位置平均数两类。数值平均数主要包括算术平均数、调和平均数和几何平均数,位置 平均数主要包括中位数, 企数和四分位数。
- 1. 算木平均数是变量所有取值的总和除以变量值个载。根据已知的数据不同,分为简单算术 平均数与加权算术平均数 调和平均数是变量值的倒数的算术平均数的例数,一般作为算术平均 数的变形形式使用。几何平均数是变量值的连乘积的相应次方根,是计算平均比率或平均速度的 常用方法。中位数是变量的所有变量值排序后,处于中间位置的变量值。众数是变量数列中出现 次数最多或频率最高的变量债.
- 5. 离中趋势就是变量分布中各变量值背离中心值的趋势 用标志变动度指标来度量,常用的 有全距、异众比率、平均差、标准差、离散系数等。
- 6. 从两个方面度量变量分布形状:一是反映变量分布编斜程度,用偏度系数度量;二是反映 变量分布陡峭程度、用峰度系数度量。

习 颞

一、简答题

- 1. 在统计分析时,为什么要将相对指标与总量指标结合应用?
- 2. 什么是平均指标? 有何作用?
- 3. 什么是权数? 它是怎样影响算术平均数的? 如何正确选择权数?
- 1. 在什么情况下, 需用几何平均数反映被研究现象的集中趋势?
- 计算和应用平均指标时应注意哪些问题?
- 6. 如何度量不同数列平均数代表性或社会经济活动均衡性的大小?
- 7. 什么是标志变异指标? 具体有哪几种?
- 8. 什么是是非标志? 其平均数和标准差分别是什么?

二. 单项洗择题

- 1. 总量指标按其反映总体内容不同分为()。
- A. 总体标志总量和总体单位总量



B. 时期指标和时点指标	
C. 实物总量指标和价值总量指标	
D. 动态指标和静态指标	
2. 某产品单位成本报告期计划规定化制	志期下降 3%。实际比基期下降 3.5%,单位成本计划完成程
度为()。	
	C. 100.5% D. 116.7%
3. 平均指标反映了变量值分布的(
	C. 变动趋势 D. 分布特征
	」增长8%。实际增长了20%,则销售收入超额完成程度为
(),	
	C. 150% D. 250%
	某月产值计划完成百分比和实际产值,要求计算该公司平均
计划完成程度, 应采用加权调和平均数法计	
A. 计划产值 B. 实际产值	
6. 计算加权算术平均数过程中, 权数的	9加权作用表现在()。
Λ. 权数绝对数大小	B. 权数相对水平大小
C. 权数平均值大小	D. 权数总和人小
	每组次数都减少13、则算术平均数()
	C. 減少13 D. 不变
8. 对下列资料计算平均数,适宜于采用	
A. 对基桩同学的考试或结求平均数	B. 对 种产品销售价格或平均物
C. 由相对数或平均数求比平均数	D. 计算平均比率或平均速度时
	「理措施、为此、随机抽取了100户居民进行调查、其中表示
	反对的有9户,描述该组数据的集中趋势宜采用()。
	C. 中位数 D. 众数
10 three our apprinting with the both	ARA HILL TO CALEN ON NA AREA HER WEST ME ME A HILL OF A EN
11.9分,可以判底(5)。	B. 二班的平均成绩有较大的代表性 D. 无法判断
A. 一班的平均成绩有较大的代表性	B. 二班的平均成绩有较大的代表性
C. 两个班的平均成绩有相同代表性	D. 无法判断
11. 某组数据分布的偏度系数为正时。	该数据的众数、中位数、均值的大小关系是()。
A. 众数>中位数>均值	B. 均值>中位数>众数
C. 中位数>众数>均值	D. 中位数>均值>众数
12. 峰态通常是与标准正态分布相比较	而言的,如果一组数据服从标准正态分布,则峰态系数的值
().	
	C. 等于1 D. 等于3
三、多项选择题	4,1-
二、多项选择规	
1. 加权算术平均数大小的影响因素有() _a
A. 变量值 B. 样本容量	
D. 分组的组数 E. 数据的类型	
2. 中位数是()。	
A. 由变量值在数列中所处位置决定的	B. 根据变量值出现的次数计算的
C. 总体各单位水平的平均值	D. 总体 一般水平的代表值
F 不恶凸体由极端粉色的影响	



3. 下列关于众数的说法, 正确的是()。

A. -组数据可能存在多个众数

B. 分类数据测度集中趋势用众数

C. ·组数据的众数是唯一的

D. 众数不受极端值的影响

E. 众数受极端值的影响

1. 数据的分布特征可以从()几个方面进行测度。

A. 集中趋势 B. 分布的偏态

D. 离散程度 E. 长期趋势

5. 影响加权算术平均数大小的因素有()。 A. 变量值 B. 样本容量 C. 权重或编率

D. 分组的组数 E. 数据的类型

四、计算分析题

1. 某公司下属 3 个企业上季度生产计划完成情况及一级品率资料如下。

企业	计划产量(件)	计划完成(%)	实际一级品率(%)
甲	500	11/103	96
乙	310	101	98
内	250	98	95

C. 分布的峰态

根据资料计算: (1)产量计划平均完成百分比:

(2) 平均一级品率。

2. 基市基局 2012 年所属 15 个企业产值计划完成情况,如下表所示。

计划完成程度(%)	企业数(个)	实际完成数(万元)
90~100	5	100
100~110	8	800
110~120	2	100
合计	15	1000

根据资料。(1)计算该局所属企业平均计划完成程度。

- (2) 如将资料中的"实际完成数"换为"计划完成数"时,应用什么方法计算该局所属企业平均计划完成程度。
- 3. 某厂对3个年间 -- 季度生产情况分析如下。第一年间实际产量为190件、完成计划95%。第二年间实际产量250件。完成计划100%。第一年间实际产量69件、完成计划105%。3个年间产品产量的均完成程度为(95%+100%+105%)3 100%; 另外, -- 年间产品单位成本为18元件。 二年间产品单位成本为12元件。 三年间产品单位成本为15元件。 则, 全部年间平均单位成本为(18+12+15)/3—15元件。 过时,以上两种平均指标的计算方法是否正确。如不正确。请谈明即由并改正。
- 1. 投资银行某笔投资的年利率是按复利计算的。25 年的年利率分配是,有 2 年 为 5%, 有 5 年 为 6.5%, 有 6 年 为 8%, 有 8 年 为 10%, 有 4 年 为 14%。求平均年利率。
 - J. 某一牧场主每年饲养600头牛。现在有人向他推荐一种个头较小的改良品种牛,每头牛吃草量较

少,这样在原来同样面积的牧场上可以多养150头牛。饲养原品种牛和改良品种牛的利润如下。

96 50 ND (= 78)	原	改良品种	
净利润(元/头)	频数	频率(%)	频率(%)
200	36	6	1
0	12	2	2
200	185	31	57
400	367	61	40
合计	600	100	100

- (1) 牧场主应该洗择哪一种品种? 为什么?
- (2) 改良品种生的利润和频率可能与上表的计算值有差异。当饲养改良品种生的平均利润有什么变化时, 牧场主会改变他在(1)中所做的选择吗?
- 6. 一条产品生产线平均每天的产量为2.600件,标准差为40件 如果某一天的产量低于或高于平均 产量,并落在±2个标准差的范围之外,就认为该生产线失去控制。下面是抽取某一周的各天产量情况, 该生产线哪几天失去了控制?

星期	-	=	Z. K	> 四	五	六	日
产量(件)	2 600	2 650	18 36g	2 500	2 530	2 630	2 580

7. 某公司 100 名职工某年 12 月份工资统计资料如下。

按月工资额分组(元)	职工人数(人)		按月工资额分组(元)	职工人数(人)
900以下 /	5	v.N	1 200~1 300	30
900~1 000	9	17	1 300~1 400	11
1 000~1 100	15		1 400~1 500	8
1 100~1 200	20		1 500 以上	2

要求根据上述数据计算。

- (1) 该公司职工月工资额的算术平均数、中位数和众数,说明数据分布类型。
- (2) 100 名职工月工资额的标准差。
- (3) 工资收入的偏度和峰度系数,判断分布类型是否与(1)的结果一致?
- 8. 已知甲班的概率论课程期末考试成绩,见下表。

按考试成绩分组(分)	人数(人)f	按考试成绩分组(分)	人数(人)f
60以下	4	80~90	27
60~70	15	90以上	10
70~80	30		

又知乙班概率论平均考试成绩为78分,标准差为12分。要求,计算有关指标比较甲乙两班概率论





考试平均成绩的代表性大小。

【实际操作训练】

根据教材"4.5运用 Excel 计算统计指标示例"中的资料,在计算机上完成操作。

第 5 章 统计指数

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
统计指数概述	熟悉	统计指数的相关概念
综合指数	掌握	综合指数编制基本原理、综合指数类型
平均指数	掌握	平均指数编制原理、平均指数的类型
指数体系和因素分析	重点掌握	统计指数体系、因素分析

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
综合指数编制	掌握	根据实际资料编制综合指数
平均指数编制	掌握	根据实际资料编制平均指数
因素分析	重点掌握	对现象总变动或平均变动进行因素分析
几种重要指数	了解	了解常用经济指数的编制方法及其作用



评估中国经济增长的综合指标——克强指数(Li Keqiang Index)

充獲指數是英国著名政经杂志《經濟學人》创造的用于評估中国 GDP 增长量的指标、以中国国务院 包理李克撰的名字命名。 包螺指數是 3 和舒泽清标、耗电量、线路份运量和银行阶载发取量的结合、该 废志认为,克强指數比官方 GDP 数字更能反映中国经济的现实状况。 2007 年,时任辽宁省委书记的 克盛告诉录访的英国驻 华大使、他更喜欢通过 3 个指标来追踪辽宁的经济动向,全省铁原管证量、用电 量和银行已放货款量、以矫掉统计数字的水分。 2010 年末,英国《经济学人》杂志的编辑爱辛克强谈话 启发、得李克强所言的 3 項指标干以综合、带入一个方程式、创选出了一个崭新的"克强指数"。《经济 学人》杂志特别列出一张曲线图、以过去 10 年为时何轴、将充强指数与官方发布的 GDP 走势相对照, 发现趋势上总体一致。但在上下波幅上、前者的表现比后者削烈得多。

克强指数很快被一些国际机构认可。MSCI(摩根上丹利)编制克强指数最终的目的是预测。2013 年, 金融业基本上是用克强指数来预测工业企业利润的增长。然后用工业企业利润的增长再来预测 MSCI 在



中国的罩利 花旗银行用它来对比工业企业利润,认为解释能力更强 在花旗银行编制的宽强指数中, 25~的铁路货运。35~的银行贷款、40~的用申、议是一个简单的回归分析结果。人们把 GDP 增长速 度和议3个指标增长速度间建立一个模型来对比拟合程度。在这3个指标里,用申量是一个影响终序走 势的最重要指标,之后是银行贷款和铁路告运。指数中主要反映的是工业的鲜电量,而农业和第三产业。 特别是服务业。并是有反映出来。如果中国经济整个服务业上的比重提高。那么支强指数中的用由量的 权重需要变得比较小些。

17 世纪中后期,随着欧洲资本主义的发展,对外商品交易的扩大,金银货币大量流 人欧洲,导致市场物价普遍上涨,引起人们忧虑,于是就有了反映物价变动程度的要求, 人们开始研究物价变动情况,这就是物价指数产生的原因。后来指数的方法被应用到经济 领域和社会领域的许多方面。现在世界各国都在编制各种各样的指数、人们在社会经济生 活等许多方面的分析研究中经常用到指数。

5.1 统计指数概述

5.1.1 统计指数的概念



1675 年, 英国经济学家伏亨(Rice Vaughan)将 1650 年的谷物、家畜、鱼类、布帛与 皮革等商品的价格分别与1352年的价格相比较来考察商品价格的变动情况, 这是物价指 数研究的开始。后来,人们把研究物价指数的方法运用到研究其他社会经济现象的变化情 况,编制出多种类型的指数。直到现阶段,人们非常熟悉的指数有物价指数、股票价格指 数等, 也有如和谐指数、平安指数、廉政指数、环境指数、景气指数等社会管理类指数, 还有气象指数、信心指数、人气指数等一些有特殊含义的指数。

从广义上说,统计指数是指用来说明同类事物或现象发展变化程度的相对数。在现实 中,人们总希望能借助一定的统计指标来反映事物发展变化的方向和所达到的程度,以便 能对事物的发展变化进行客观的比较、定位和认识。例如:人们往往会关心"一元人民币 相当于多少美元?","空气质量和以前相比是变好了还是变差了?","我们的生活质量提高 了还是下降了?"、等等问题。要回答这些问题,就必须把事物在不同时间上。空间上进行 对比,变成某一个指标来反映,这个指标就是指数。

从狭义上说,统计指数是指用来反映复杂现象总体某一方面数量综合变化方向和程度 的相对数。所谓复杂现象总体就是不能直接相加计数总体。例如、要研究商品零售价格水 平的变化, 这时研究的对象不是某一种商品, 而是一定范围内或全部的商品, 即商品零售 价格指数是反映某一类别范围内或所有商品的价格综合变化方向和程度的指标。并且这些 若干种商品的零售价格是不能直接相加的。人们在研究其整体变动情况时,称它们为复杂 现象总体。本章所要研究的指数主要是指狭义概念上的指数。

5.1.2 统计指数的作用

统计指数的作用 主要可以表现为以下几个方面:

(1) 统计指数能综合反映由多种事物组成的复杂现象总体某一方面数量的综合变动方 向和程度。例如,我国某年全国居民消费数量总水平比上年增加3.8%,就表明了居民消 费品这个复杂总体数量的总变动方向和程度。

- (2)利用统计指数可以对研究现象总体数量综合变动进行因素分析。在现实中,一种现象是方面数量变动是受弃阳对条影响的结果。例如,企业生产总成本的变动受到产品总产量和产品单位成本这两个基本因素变动的影响。这出指数分析法可以反映企业生产总成本的变动情况,还可以分别从产品总产量变动和产品单位成本变动这两个方面,对总成本影响的存向、影响的程度和影响的绝对效果作出分析。
- (3) 利用统计指数可以研究和反映事物的长期变动趋势。可以通过编制指数数列,分析 事物的发展变化过程所显示的趋势或规律。例如,把历年的居民消费价格指数加以排列,就 可以清楚地表明居民消费品价格的长期变化过程,所呈现的规律和可能的发展趋势。

5.1.3 统计指数的种类

对统计指数按照不同的标志分类,可以分为若十类型, 主要有以下几种分类。

1. 按所研究范围不同, 可以分为个体指数与总指数

如,某商品个体价格指数为:

$$k_p = \frac{p_1}{p_0} \chi \chi^{-1} \chi^{-1}$$

式中 $,k_{p}$ 表示个体价格指数,p表示价格;下标1表示报告期;下标0表示基期。

某商品个体销售量指数为。

体销售重信数为:
$$k_q = \frac{q_1}{q_0}$$

式中, kg 表示个体销售量指数; q1 为报告期销售量; q1 为基期销售量。

总指数是通过总体数量对比关系来反映总体某种数量综合变动情况的相对数。如商品零售价格指数、居民消费价格指数等。根据计算的方式不同.总指数可分为简单指数和加权指数两种。简单指数是用总体中各个项目指数化因素的报告期数值之和与基期数值之和的对比,或者是总体中各个项目指数化因素的个体指数平均数的对比,而加权指数则是赋予总体各个项目不同的权数,采用适当的加权方法计算出总指数。在实际工作中采用的主要是加权指数。按照编制的方法不同。选指数(加权指数)又分为综合指数和平均指数两种。综合指数是应用综合法将两个总量指标对比而形成的指数,平均指数是应用加权平均法格若于个个体指数或类指数)加权平均而形成的指数。平均指数是应用加权平均法格若于个个体指数或类指数)加权平均而形成的指数。

2. 按指数化指标的性质不同,可以分为数量指标指数与质量指标指数

所谓指数化指标也称为指数化因素, 就是指数中要反映的数量变化或对比关系的指标。例如, 在居民消费价格指数中, 价格就是指数化指标, 在股票成交量指数中, 成交量就是指数化指标。由于指标按性质可以分为数量指标和质量指标两种, 因此, 按指数化指标的性质不同, 统计指数也可以分为数量指标指数与质量指标指数两种。

统计学

数量指标指数就是指数化指标为某一数量指标的指数、也称物量指数。也称质量指 数, 它是反映总体某种数量指标变动的指数, 常用的有产品产量指数, 商品销售量指数, 能源消耗量指数, 等等。质量指标指数就是指数化指标为某一质量指标的指数, 也称质量 指数。它是反映总体某种质量指标变动的指数。常用的有商品零售价格指数。产品单位成 本指数, 劳动生产率指数, 等等。

3. 按对比基础不同。可以分为动态指数与静态指数

动态指数是通过不同时间上的同类现象水平对比计算得到的指数,考察同类现象的某 种数量在不同时间上的发展变化情况。动态指数是最为常见的指数,如商品零售价格指 数、产品产量指数、居民消费价格指数、产品成本指数等都是动态指数。在编制指数数列 时,动态指数按照所采用基期是否固定,又可分为定基指数和环比指数两种,各个时期数 值分别与某一固定时期数值对比所编制的指数就是定基指数,各个时期数值分别与它的前 ·期数值对比所编制指数就是环比指数。

静态指数句括空间指数与计划完成指数两种。空间指数是通过不同空间(如不同国家、 不同区域、不同企业)上的同类现象水平对比来计算的指数, 考察的是同类现象的某种数 量在不同空间上的发展变化情况或差异程度。例如,不同地区人均 GDP 指数,不同地区 价格指数等都是空间指数。计划完成指数则是现象的实际水平与计划水平对比的结果、考 察的计划目标实现的程度。

此外,为了分析的需要,有时还编制或计算平均指标指数,例如某企业、某行业职工 平均工资指数,即通过同类平均指标在不同时间上的水平对比来计算动态相对数,以便对 其变动的原因进行因素分析。

5.1.4 统计指数的性质

统计指数具有以下--此件质,

- (1) 综合性。即统计指数是综合反映由多个项目组成的复杂现象总体某一方面数量总 变动方向和程度的相对数,是对多个项目数量变动综合反映的结果。
- (2) 平均性。即统计指数所反映的综合变动实际上是多个项目某一数量的平均变动。 是各项目某一数量变动的平均结果。例如,某月居民消费价格指数同比上涨了3%,可以 理解为居民各种消费品价格平均比去年同期上涨了3%。
- (3) 相对性。所谓相对性有两层含义: 是指统计指数是用相对数或比率来表示,属 于相对数的范畴。 二是在编制总指数时要在假定其他指标或因素不变的情况下来反映指数 化指标的变动情况, 其结果准确性是相对的。
- (4) 代表性。即在编制总指数时,有时由于所涉及到的事物或项目太多,难以全部加 以考虑, 多数情况下是选择部分有代表性的项目作为编制指数的依据。

5.2 综合指数

统计研究的对象主要是总体现象,因此,编制的指数主要是指总指数。总指数从编制 方法看,分为综合指数和平均指数两种形式,运用加权指数法。因此,总指数的编制方法 分为加权综合指数和加权平均指数两大类形式。本节介绍加权综合指数。

5.2.1 综合指数编制的基本原理

综合指数是通过两个具有经济意义并紧密联系的总量指标对比求得的指数。在编制综 合指数时,首先要明确两个概念,一是指数化因素,二是同度量因素。计算综合指数的分 子和分母都是由两个或两个以下因素(或指标)所决定的总量指标(尤其是价值总量指标)。 其中的一个因素(或指标)就是编制综合指数所要测定的因素,称为指数化因素或指数化指 标、其他因素则是押不能直接相加的指数化因素转化为能直接相加的量的因素。称为同度 量因素。编制综合指数的目的是测定指数化指标的变动程度,因此,在对比的过程中对同 度量因素所属时期应加以固定。

编制综合指数的特点是,先综合,后对比,所谓先综合就是要先通过同度量因素,把 总体中不能直接相加的各个项目的指数化因素转化成为能直接相加的总量指标,解决复杂 现象总体内各个项目的数量不能直接相加或相加后不可比的问题。所谓后对比就是在得到 可比的总量指标的基础上,通过固定同度量因素的时间(或空间),选择两个合适的总量指 标进行对比得到所需要的指数。在对比时,处于分子的指数化因素属于报告期(或属于要 考察的空间),处于分母的指数化因素则属于基期(或属于作为参照的空间)。

现以某企业三种商品的销售量和销售单价资料(见表 5-1)为例,说明在编制销售量综 合指数(物量指数)和销售价格综合指数(质量指数)时,确定同度量因素的方法。

	表 5 - 1	呆企业二种代表的	旧商品销售重和销	售单价资料	
产品类别	计量单位	1 销售	HE V	销售价格(元)	
广响失剂	刘重本应	基期 qo	报告期 qo	基期 po	报告期 P1
中	件	450	300	700	770
Z	7 44	500	520	350	350
丙	八十十	900	1080	100	110
合计	N -	_	_	_	_

由于商品的种类不同, 因而各种商品的销售量或各种商品的销售价格不能直接相加, 不能得到商品的销售量总和或单价总和的数值。也就无法将报告期和基期的销售量总和或 单价总和进行对比。这时,要解决它们不能直接相加的问题,就要考虑引入某个因素,使 之变为能够相加的量。

编制销售价格综合指数的目的是要反映多种商品价格综合变化的方向和程度,由于各 种商品价格不能直接相加、但各种商品的销售额是可以相加的。这时要借助商品销售量议 个因素,把商品价格与销售量相乘就可转化为商品销售额。这里所引入的商品销售量就是 同度量因素,所要观测的商品价格是指数化因素。由于是要观测价格(指数化因素)变动情 况, 进而转化后分子是以报告期价格资料计算的商品销售总额, 分母是以基期价格计算的 商品销售总额。而分子和分母中的商品销售量(同度量因素)资料必须是相同时期的,这样 分子与分母对比后,就能反映价格的变动情况。商品价格综合指数的一般公式为:

$$I_p = \frac{\sum p_1 q}{\sum p_0 q}$$

统计学

式中, I. 表示价格总指数; P表示商品价格因素; g表示销售量因素, ba表示销售额。下 标 1 表示报告期(或所要考察的空间)。下标 (表示基期(或参昭的空间)。

同样、编制销售量综合指数的目的基要反映多种商品销售量综合变化的方向和程度。 由于各种商品销售量不能直接相加、但各种商品的销售额是可以相加的。这时要借助商品 价格的这个因素,把销售量与商品价格相乘就可转化为商品销售额。这里所引入的商品价 格是同度量因素,所要观测的商品销售量是指数化因素。由于是要观测销售量(指数化因 素) 变动情况, 讲而转化后分子是以报告期销售量计算的商品销售总额, 分母是以基期销 售量计算的商品销售总额。而分子和分母中的商品价格(同度量因素)资料必须是相同时期 的,这样分子与分母对比后,就能反映销售量的变动情况。商品销售量综合指数一般公 式为:

$$I_q = rac{\sum q_1 p}{\sum q_0 p}$$

式中, L. 为销售量总指数。

同度量因素确定在哪个时期、理论上有许多不同的观点、实际工作中也有不同的做 法。关于同度量因素还需要说明以下几点:

一是在总量指标的各因素中,指数化因素与同度量因素的区分是相对的,在编制过程 中它们是互为同度量因素。例如在决定商品销售总额的因素中、考察商品的价格变化时、 以销售量为同度量因素、考察商品销售量变化时、以价格为同度量因素;在决定生产总成 本(生产多种不同产品)的因素中、考察产品单位成本变化时,以产量为同度量因素、考察 产品产量变化时,以单位成本为同度量因素。

二是同度量因素可以有多种因素可供选择。例如,在反映工业产品产量的综合变动 时,同度量因素可以选择出厂价格、单位产品成本,也可以选择劳动量(如单位产品所消 耗的工时)等因素。穷意洗释什么因素作为同度量因素。应该根据现象之间的联系情况、 所研究问题的目的和掌握资料的情况等因素综合确定。

三是在编制综合指数时、分子、分母总量指标中的同度量因素是对应的。分子与分母 在时间、空间、研究对象、资料范围等必须保持一致,只有这样才能反映指数化因素的变 化情况。

四是同度量因素在起到同度量作用的同时, 也起到一定的加权作用, 如果同度量因素 的数值较大,所计算出总指数的值就受其影响较大;如果同度量因素的数值较小,所计算 出总指数的值就受其影响较小,这也就是把综合指数称为加权综合指数的原因。因此,将 同度量因素确定在不同的时期, 所计算出来的总指数是有一定差别的, 这是同度量因素的 权数作用引起的。

五是确定同度量因素的性质(数量化因素还是质量化因素)必须根据各因素的内在联系 而定。在两因素的问题中比较容易确定,而在超过两个因素的问题中,确定同度量因素的 性质时就要根据具体情况分析确定。

5.2.2 综合指数的类型

由于对如何固定同度量因素的时期,在理论上有很多种不同的观点,使综合指数有多 种不同的形式或编制方法,其中最主要的有拉氏指数、帕氏指数、马 埃指数、费希尔指 108

数和杨格指数这5种形式,其中拉氏指数和帕氏指数为基本形式。

1. 拉氏指数

拉氏指数是德国经济统计学家拉斯佩雷斯(E. Laspeyres)在1864 年提出的。拉氏指数公式的特点是将同度量因素固定在基期水平上,因此也称基期加权综合指数,其公式如下;

物量指数.

$$I_{q} = \frac{\sum q_{1} p_{0}}{\sum q_{0} p_{0}}$$
 (5.2)

质量指数:

$$I_{p} = \frac{\sum p_{1}q_{0}}{\sum p_{0}q_{0}} \tag{5.3}$$

【例 5.1】 根据表 5-1 资料,用拉氏指数公式计算该企业三种产品销售量和销售价格综合指数。

解:根据式(5,2)和式(5,3), 计算出销售额,见表 5-2,将合计行数据分别代人公式。

销售量综合指数(物量指数):

$$I_q = \frac{\sum q_1 p_2}{\sum q_1 p_2} = \frac{6400}{5800} = 110.34\%$$

表 5-2 某企业三种产品综合指数计算表

********	· 计量单位		销售量 销售价格(元)		格(元)	销售额(百元)			
广确失剂	八重中位	q_0	q_1	p ₀	pı	po qo	p. q.	po q:	p1 q0
甲	件	450	500	700	770	3 150	3 850	3 500	3 165
乙	件/	500	520	350	350	1 750	1 820	1 820	1 750
丙	台	900	1 080	100	110	900	1 188	1 080	990
合计	_	_	_	_	_	5 800	6 858	6 400	6 205

结果表明: 3 种商品销售量综合指数为 110.34%, 也可理解为各种产品销售量报告期 比基期平均增加了 10.34%。

式中, $\sum q p = 6400$ 是假定的总销售额,可将其理解为:如果该企业报告期与基期 甲、乙、丙 3 种商品的销售价格相同,则总销售额应为 6400 百元。在这种假定下,报告期较基期销售额的总变动为;

$$\sum q_1 p_0 - \sum q_0 p_0 = 6400 - 5800 = 600 (百元)$$

可以理解为由于销售量增加,使销售额报告期比基期增加了600百元。 价格综合指数(质量指数):

$$I_{p} = \frac{\sum p_{1}q_{0}}{\sum p_{0}q_{0}} = \frac{6}{5} \frac{205}{800} = 106.98\%$$



结果表明3种商品价格综合指数为106.98%,也可理解为各种产品价格报告期比基期 平均上涨了6.98%。

式中、 $\sum p_1q_1 = 6205$ 是假定的总销售额,可将其理解为;如果该企业报告期与基期 甲. 7. 丙3种商品的销售量相同,则总销售额应为6205百元。在这种假定下,报告期 较基期销售额的总变动为:

$$\sum p_1 q_0 - \sum p_0 q_0 = 6205 - 5800 = 405 \text{ (fix)}$$

可以理解为由于价格上涨,使销售额报告期比基期增加了405百元。

从消费者角度来分析拉氏公式计算的价格指数,它说明了在保持基期生活水准以及消 费结构不变的条件下价格的综合变动程度。赞成这一计算方法者认为。编制价格指数的目 的就是为了测定纯价格的相对变动, 应该将商品价格变动影响需求量或供给量变动这种 "价格效应"剔除掉,因此,价格指数中使用基期的物量资料(q,)作为同度量因素是合适 的。并且, 基期的物量资料 (q.) 在实际工作中常较报告期的物量资料 (q.) 容易获得。

不赞成这一公式者则认为,拉氏价格指数中的分子项 \(\sum_{p,q}\) 实际上是表示基期消费 商品数量(q)按报告期价格(p)去购买时的货币支出额。这显然是一种纯粹的假定,缺 罗理实的经济意义。因为在实际生活中,人们总是根据市场上价格的现状和预期来调整自 己的购买行为,随着收入、生活水平以及消费习惯等的变化。人们会不断地改变自己的消 费数量和消费构成,而这些在拉氏价格指数中却被完全忽略了。

此外、依据拉氏公式编制的定基指数数列、因使用固定基期的同度量因素、从而可用 于现象发展的对比分析。这些数列加下:

价格指数数列,
$$\frac{\sum_{p,q_0}}{\sum_{p,q_0}}$$
, $\frac{\sum_{p,q_0}}{\sum_{p,q_0}}$, $\frac{\sum_{p,q_0}}{\sum_{p,q_0}}$, \dots , $\frac{\sum_{p,q_0}}{\sum_{p,q_0}}$, 物量指数数列, $\frac{\sum_{q_0,p_0}}{\sum_{q_0,p_0}}$, $\frac{\sum_{q_0,p_0}}{\sum_{q_0,p_0}}$, $\frac{\sum_{q_0,p_0}}{\sum_{q_0,p_0}}$, \dots , $\frac{\sum_{q_0,p_0}}{\sum_{q_0,p_0}}$

2. 帕氏指粉

帕氏指数是德国的另一位经济统计学家帕舍(H. Paasche)在1874年提出的。与拉氏指 数不同之处是、帕氏指数将同度量因素固定在报告期水平上、因此也称报告期综合指数、 其公式如下:

物量指数:

$$I_{q} = \frac{\sum q_{1} p_{1}}{\sum q_{0} p_{1}}$$
 (5.4)

质量指数:

$$I_{p} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum p_{1}q_{1}} \tag{5.5}$$

【例 5.2】 以表 5 2 的资料,按帕氏指数公式计算该企业:种商品销售量综合指数和 价格综合指数。

解:销售量综合指数(物量指数):

$$I_q = rac{\sum q_1 p_1}{\sum q_0 p_1} = rac{6.858}{6.205} = 110.52\%$$

结果表明: 3 种商品销售量综合指数为 110.52%, 即 3 种产品销售量报告期比基期平均增加了 10.52%。

 $\sum_{q,p}$ 6 205 是假定的总销售额,可将其理解为:如果该企业报告期与基期甲、 乙、丙 3 种商品的销售价格相同,则总销售额应为 6 205 百元。在这种假定下,报告期较 基期销售额的总令动为。

$$\sum q_1 p_1 - \sum q_0 p_1 = 6858 - 6205 = 653 \ (\overline{1})$$

可以理解为由于销售量增加,使销售额报告期比基期增加了653百元。

价格综合指数(质量指数):
$$I_{\scriptscriptstyle P} = \frac{\sum p_{\scriptscriptstyle 1}q_{\scriptscriptstyle 1}}{\sum p_{\scriptscriptstyle 0}q_{\scriptscriptstyle 1}} = \frac{6.858}{6.400} = 107, 16\%$$

结果表明: 3 种商品价格综合指数为 107.16%, 即 3 种商品价格报告期比基期平均上涨了 7.16%。

 $\sum p_q = 6$ 400 是假定的总销售额,可将其理解为,如果该企业报告期与基期甲、乙、丙 3 种商品的销售量相同,则总销售额应为 6 100 百元。在这种假定下,报告期较基期销售额的总变动为;

$$\sum p_1 q_1 - \sum p_0 q_1 = 6858 - 6400 = 458$$
 (百元)

可以理解为由于价格上涨,使销售额报告期比基期增加了 158 百元。

由此可见,根据相同的数据资料,帕氏指数与拉氏指数的计算结果是有一定差异的。帕氏公式与拉氏公式相比,帕氏公式最显著的特点就是它具有现实的经济意义。例如,帕氏价格指数公式中,分子 $\sum p_{(q)}$ 是报告期的实际总销售额;分母 $\sum p_{(q)}$ 是假定的总销售额,它表示报告期消费的商品数量 (q_0) 若按基期的价格 (p_0) 购买时所需支付的金额,两者之比反映了价格变化对居民货币支出额的相对影响,两者之差则表示价格变化使报告期居民乡支付或少支付的货币额。如果所研究的是单位成本或劳动生产率的变动,就能表示经济效益的变动状况。

但不赞成这一公式者认为,帕氏价格指数 I, 所采用的同度量因素是报告期的物量资料 q1, 它本身经常是价格、收入及心理预期等因素共同作用的结果。这其中也包括价格的影响,从基期角度看,商品销售量已经由基期的 g. 变化到报告期的 g. 了。因此,帕氏价格指数 I, 不能反映纯价格的变动,其中包含着价格和销售量的共变影响,其大小还可以通过下列分解式具体表示;

$$I_{p} = rac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum p_{0}q_{1}} - rac{\sum p_{1}q}{\sum p_{0}q_{0}} + rac{\sum p_{1}(q_{1}-q_{1})}{\sum p_{0}(q_{1}-q_{0})}$$

式中, $\frac{\sum p_1(q_1-q_0)}{\sum p_2(q_1-q_0)}$ 为共变影响指数。

从另一方面看,由于报告期的物量资料 q_1 常常难以迅速获得,因此,将它作为同度量因素也不便于指数的编制。



此外,依据帕氏公式编制的指数数列虽然具有较现实的意义,但因它使用的是可变的 同度量因素,从而使指数之间缺乏可比性。其价格指数的数列如下;

环比指数数列:
$$\frac{\sum p_1q_1}{\sum p_1q_1}$$
, $\frac{\sum p_2q_2}{\sum p_1q_1}$, $\frac{\sum p_3q_4}{\sum p_1q_1}$, ..., $\frac{\sum p_3q_4}{\sum p_1q_1}$, ..., $\frac{\sum p_3q_4}{\sum p_0q_1}$, $\frac{\sum p_2q_2}{\sum p_0q_2}$, ..., $\frac{\sum p_0q_4}{\sum p_0q_4}$

对帕氏物量指数,也可以进行类似的分析。

从上面关于拉氏公式和帕氏公式的讨论可以看出,编制综合指数的主要环节在于综合、同度量因素的引入是关键。同度量因素不仅具有过渡或媒介作用,使原来不能直接综合对比转化为可综合对比,而且,同度量因素本身也是一种权数,通过其数值的不同,就可以衡量各种商品不同的相对重要程度,从而避免了简单综合指数实际上将各种商品同等看待的不合理性。从这个角度来归纳,拉氏指数和帕氏指数可以统称为加权综合指数,其数据计算结果可以表述为综合升(降)的百分数,也可以称之为平均升(降)的百分数。若只从计算形式上看,拉氏指数和帕氏指数的不同也仅仅是因为同度量因素所属的时期不同,前者属于基期加权综合指数,后者则属于报告期加权综合指数。

在实际工作中, 习惯上人们采用拉氏指数公式来编制数量指标指数,采用帕氏指数公式来编制质量指标指数。关于拉氏指数与帕氏指数究竟哪一种形式最合适,在理论界争论已久,各有道理,读者也可以根据自己的思考提出看法。

3. 马-埃公式和理想公式

1) 写-埃公式

这是由英国大经济学家马歇尔(A. Marshall)和埃奇沃斯(F. Y. Edgeworth)于 19 世纪未提出的, 故被称为马-埃指数或马-埃公式。该指数对拉氏指数和帕氏指数的同度量因素进行简单平均。公式具体形式如下:

$$I_{p} = \frac{\sum p_{i}(\frac{q_{i} + q_{1}}{2})}{\sum p_{i}(\frac{q_{0} + q_{1}}{2})}$$
 (5.6)

$$I_{q} = \frac{\sum q_{1}(\frac{p_{0} + p_{1}}{2})}{\sum q_{v}(\frac{p_{v} + p_{1}}{2})}$$
 (5.7)

2) 理想公式

理想公式(简记为 F)由美国经济学家沃尔什(G. M. Walsh)和庇古(P. C. Pigou)等人 F 1901—1902 年先后提出。20 世纪 20 年代左右,英国统计学家费希尔(R. Fisher)对各种各样的指数公式进行了研究和总结、成为指数研究领域的集大成者。他认为拉氏公式和帕氏公式都存在者偏误,并且偏误的方向相反。提出了对拉氏指数和帕氏指数的几何平均公式,在费希尔比较验证了其所具有的优良性后,将它命名为理想公式,也有人称其为费希尔指数。具体公式如下;

$$I_{p} = \sqrt{\frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum p_{0}q_{1}}} \times \frac{\sum p_{1}q_{0}}{\sum p_{0}q_{0}}$$
(5.8)

$$I_{q} = \sqrt{\frac{\sum q_{1} p_{1}}{\sum q_{0} p_{1}}} \times \frac{\sum q_{1} p_{0}}{\sum q_{0} p_{0}}$$
(5.9)

对于费希尔指数, ·般都认为它缺乏直观的经济解释, 更多的是数理逻辑而非经济分析的产物。事实上, 它在实践中采用也是较少的, 只有, ·些国家在计算进(出)口价格指数时用到它, 因此, 人们常称之为费希尔公式而非理想公式。

4. 固定权數综合指數(杨格指數)

固定权数综合指数由英国经济学家杨格(A. Young)提出,因此也称杨格指数。在固定加权综合指数中,同度量因素所属时期既不固定在报告期也不固定在基期,而是固定在一个特定的水平上。公式具体形式如下:

$$I_{\rho} = \frac{\sum p_1 q_n}{\sum p_n q_n} \tag{5.10}$$

$$I_{q} = \begin{cases} q_1 \, p_n \\ q_0 \, p_n \end{cases} \tag{5.11}$$

式中, q.和 p. 分别表示特定的物量资料和价格水平。

由于固定权数综合指数的同度量因素不因比较时期(报告期或基期)的改变而改变,因此 采用固定权数综合指数,它不但方便指数的编制,而且便于观察现象长期发展变化的趋势。

从上述综合指数的几种典型计算形式来看、它们因为同度量因素的不同而有别;无问度量因素者就是简单综合指数,有同度量因素者就是加权综合指数;同度量因素为基期的就是拉氏指数,同度量因素属于报告期的就是帕氏指数;以基期和报告期的简单算术平均数作为同度量因素就成为另一埃指数;同度量因素固定在某一特定时期的水平上就成为杨格指数;拉氏指数和帕氏指数的几何平均数被称为费希尔指数。

在实际指数计算中,把不需要借助同度量因素就能够直接加总的总量指标进行对比,属于简单综合指数,也属于广义指数概念。用式(5.12)表示;

$$I_{p_0} = \frac{\sum q_1 p_1}{\sum_i q_0 p_0} \tag{5.12}$$

如.表5 2 中各种商品的销售额(pq)可以直接相加,在计算过程中,不需要同度量 因素、因此,它属于简单综合指数。例如,将报告期与基期各种商品的总销售额直接对比 的结果称为销售额指数,计算结果如下:

$$I_{Pq} = \frac{\sum q_1 p_1}{\sum q_0 p_0} - \frac{6.858}{5.800} = 118.24\%$$

结果表明,三种商品的总销售额指数为118.24%,即销售额报告期比基期增加了18,24%。它反应了销售总额的相对变化程度。

5.3 平均指数

5.3.1 平均指数编制的基本原理

平均指數是个体指數的加权平均數,是计算总指數的另一种形式。平均指數按平均的 形式不同,又分为加权算术平均指數和加权调和平均指數两种。需要指出的是,在计算总 指數中,平均指數是与综合指數这两种方法是并列的,是由于编制总指數的资料条件不同 而采用的一种方式,从某种意义上说,平均指數是综合指數的变形和发展。平均指數并不 是对平均數求指數,而是对若干个个体指數进行加权平均。

编制平均指数的特点是:先对比、后综合。所谓先对比就是先计算出所研究现象总体中各种事物或各个项目的指数化因素的个体指数,获得反映单个事物或单个项目指数化因素数是变动的相对数;所谓后综合就是通过选择适当的权数,采用适当的加权方法、对指数化因素的个体指数进行加权平均,把单个的个体指数综合成为总指数。可见,在平均指数的编制过程中,加权平均只是获得总指数的一种方法。是把个体指数综合成为总指数的一种手段,综合的过程就是中均的过程。实际上,封对同一现象总体和相同的指数编制范围、综合指数与平均指数的结果是一致的。如果能够具备编制范围内各种事物或各个项目的所有各因素的基期、报告期数据资料。可用综合指数公式计算。如果只能掌握各项目的个体指数数据以及相应的权数资料,则要通过平均指数的形式来编制。

5.3.2 平均指数的类型

在总指数的计算过程中, 习惯上以 k_u — $\frac{\Omega}{q}$ 表示个体数量指标指数, 以 k_p — $\frac{D}{p}$ 表示个体质量指标指数。对个体指数进行平均有简单平均和加权平均两类方法。简单算术平均法虽然具有计算简便、资料容易获得等优点,但未考虑到各种平均对象的相对重要程度, 因此不常使用。使用较多的是加权平均法, 具体分为加权算术平均指数与加权调和平均指数两种。

1. 加权算术平均指数

所谓加权算术平均指数就是个体指数的加权算术平均数、即采用加权算术平均的方法,对个体指数进行加权平均。如果以M表示绝对数形式的权数,那么加权算术平均指数的基本形式为;

$$I_q = \frac{\sum k_q M}{\sum M} \tag{5.13}$$

$$I_{p} = \frac{\sum k_{p}M}{\sum M} \tag{5.14}$$

确定权数 M 需要注意以下几个方面。

第一,要从相关因素的内在联系出发,根据指数编制的目的来确定。在编制综合指数时,人们已经知道,指数化因素与同度量因素是相互联系的,共同决定了可相加的量,因

而在编制平均指数时、虽然不掌握间度量因素的任何资料。但在对指数化因素的个体指数 进行平均时、只有以指数化因素与同度量因素共同决定的可相加的量为权数、才符合指数 编制的一般原则和意义。因此、用可以加总的总量作权数 M, 在综合指数中就是 ab。

第二,要采用真实的数据作为权数。因为编制指数的目的就是为了反映客观现象数量的真实变动的,作为可以相加的作为权数的总量(qp),真实的资料包括基期资料和报告期资料。

第三,要与编制综合指数的一般习惯相一致,以便保证计算结果的同一性。由于在习惯上,编制综合数量指标综合指数一般采用拉氏形式,所以在计算数量指标加权算术平均数指数时常用的权数为 6.6.4,根据式(5.13)得到式(5.15);

$$I_{q} = \frac{\sum \frac{q_{1}}{q_{0}} p_{1} q_{0}}{\sum p_{0} q_{0}} = \frac{\sum k_{q} p_{2} q_{0}}{\sum p_{0} q_{0}}$$
(5.15)

也可以将基期 p q 作为权数代入式(5.14),得到计算质量指标指数加权算术平均数式(5.16);

$$I_{p} = \frac{\sum \frac{p_{1}}{p_{0}} p_{0} q_{0}}{\sum p_{0} q_{0}} = \sum \frac{k_{p} p_{0} q_{0}}{\sum p_{0} q_{0}}$$
(5.16)

【例 5.3】 根据表 5-1 资料,运用加权算术平均数指数公式计算销售量总指数和价格总指数。计算资料见表 5-3。

解: 在表 5-3 中, 先计算出 3 种产品销售量个体指数和基期销售额, 然后将有关数据代人式(5.15), 计算销售量总指数;

$$I_{s} = \frac{\sum \frac{q_{1}}{q} p_{0} q_{0}}{\sum p_{0} q_{0}} = \frac{\frac{500}{450} \times 3}{3} \frac{150 + \frac{520}{500} \times 1}{3} \frac{1750 + \frac{1080}{900} \times 900}{3150 + 1750 + 900} = \frac{6400}{5800} = 110.34\%$$

表 5-3 其企业三种产品加权首求亚约指数计算法

* B # BI	5 M m 1 5 5 4 4	销售量 q ₀ q ₁		销售价	格(元)	销售量个体指数	基期销售额
产品类别	计量单位			p ₀	<i>p</i> ₁	$k_q = rac{q_+}{q_0}$ (%)	po qo(百元)
甲	套	450	500	700	770	111.11	3150
Z	套	500	520	350	350	104.00	1750
丙	套	900	1 080	100	110	120.00	900
合计	_	_	_	_	_	- 1	5 800

或:

$$I_{q} = \frac{\sum k_{q} p_{q} q_{q}}{\sum p_{q} q_{q}} = \frac{111.11\% \times 3150 + 104\% \times 1750 + 120\% \times 900}{3150 + 1750 + 900} = \frac{6400}{5800} = 110.34\%$$

同样,将表5 3资料代人式(5.16),即用个体价格指数 $k_p = \frac{P_1}{P_1}$ 运用加权算术平均法计算价格总指数;



$$I_{P} - \frac{\sum \frac{p_{1}}{p_{0}} p_{0} q_{0}}{\sum p_{1} q_{1}} - \frac{\frac{770}{700} \times 3}{3} \frac{150 + \frac{350}{350} \times 1}{3} \frac{1750 + \frac{110}{100} \times 900}{150} - \frac{6400}{5800} = 106.98\%$$

不难发现,式(5.15)和式(5.16)这两式的计算结果和前面综合指数中的拉氏指数式 (5, 2)和式(5, 3)的计算结果分别相同。这是因为当个体指数与总值权数之间存在严格的 一对应关系时,采用基期总值加权的平均指数,实际上是拉氏综合指数的变形。如下列 推导关系式.

$$I_{q} = rac{\sum rac{q_{1}}{q_{0}}
ho_{0} q_{0}}{\sum p_{0} q_{0}} = rac{\sum q_{1}
ho_{0}}{\sum q_{0}
ho_{0}}$$
 $I_{p} = rac{\sum rac{\dot{p}_{1}}{\dot{p}_{0}} p_{0} q_{0}}{\sum \dot{p}_{0} q_{0}} = rac{\sum \dot{p}_{1} q_{0}}{\sum \dot{p}_{0} q_{0}} \left\langle ... \right\rangle$

需要指出的是, 算术平均指数不仅仅是综合指数的变形, 在许多场合下它还是一种相 对独立的总指数编制方法、具有比综合指数更广泛的适用性。以价格指数为例、其计算公 式可变形为:

$$I_{p} = \frac{\sum \frac{p_{1}}{p_{0}} p_{0} q_{0}}{\sum p_{0} q_{0}} \times \sum \frac{p_{0} q_{0}}{p_{0}} \times \sum \frac{p_{0} q_{0}}{\sum p_{0} q_{0}} = \sum k_{p} w$$
 (5.17)

上式表明質术平均指数不仅可以用绝对数权数加权, 也可以用相对数权数 业加权。而 相对数权数可以根据全面资料确定也可以根据非全面资料确定。

在实际工作中,还可以将相对数权数(权重)证加以固定,便利指数编制工作,一般权 重 亚确定之后,一般要使用较长时间(加3年,5年,10年等), 然后才调整一次, 所以 称它为固定权数。权重可以根据有关的普查资料、抽样调查资料或典型调查资料来确定。 国内外的一些重要指数。如商品零售价格指数、消费者价格指数、生产者价格指数以及工 业生产指数等, 多是采用固定权数的算术平均数指数形式来编制的。

2. 加权调和平均指数

所谓加权调和平均指数就是个体指数的加权调和平均数,即采用加权调和平均的方 法,对个体指数进行加权平均。如果以 M 表示绝对数形式的权数,那么加权调和平均指 数的基本形式为,

$$I_q = \frac{\sum M}{\sum \frac{M}{k_q}}$$
 (5.18)

$$I_{p} = \frac{\sum M}{\sum \frac{M}{h}} \tag{5.19}$$

这里同样的问题是如何确定权数 M,由于在习惯上,编制质量指标综合指数一般采用 帕氏形式, 所以在计算质量指标加权调和平均数指数时常用的权数为 p.q., 根据式(5.19) 得到式(5.20):

$$I_{p} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{p_{1}q_{1}}{k_{p}}} \quad \text{iff} \quad I_{p} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{1}{p_{1}}p_{1}q_{1}}$$
 (5. 20)

式(5.20)是以报告期数据 p_1q_1 为权数的加权调和平均指数, 称之为质量指标报告期加 权调和平均指数。也就是说,一般采用报告期加权调和平均指数来编制质量指标指数。

也可以将权数 p₁q₁ 代入式(5.18), 也可得到数量指标加权调和平均数指数式(5.21);

$$I_{q} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{p_{1}q_{1}}{k_{q}}} \quad \Re \quad I_{p} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{1}{q_{1}}p_{1}q_{1}}$$
 (5.21)

从式(5.20)、式(5.21)分别可以推导出

$$\begin{split} I_{\rho} &= \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{p_{1}q_{1}}{k_{\rho}}} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{1}{p_{1}}p_{1}q_{1}} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum p_{1}q_{1}} \\ I_{q} &= \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{p_{1}q_{1}}{k_{\rho}}} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{1}{q_{1}}p_{1}q_{1}} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum p_{1}q_{0}} \end{split}$$

上述推导结果分别和式(5.4)、式(5.5)相同,说明报告期加权调和平均指数是帕氏综 合指数的变形。

【例 5.4】 根据表 5-1 资料,运用加权调和平均数指数公式计算价格总指数和销售量 总指数。资料计算见表 5~4-

解: 在表5-4中,先计算出3种产品价格个体指数和报告期销售额,然后将有关数 据分别代人式(5,20)和式(5,21),得到价格总指数:

产品类别	* F # W 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	销售量		销售价格(元)		价格个体指数	报告期销售额
厂前尖剂	计量单位	q_0	q ₁	p ₀	p ₁	$k_p = \frac{p_1}{p_0} (\%)$	p, q, (百元)
甲	件	450	500	700	770	110.00	3 850
Z	件	500	520	350	350	100.00	1 820
丙	台	900	1 080	100	110	110.00	1 188
合计	_	_	Ī —	_	_	_	6 858

$$I_{p} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{p_{1}q_{1}}{k_{s}}} = \frac{3850 + 1820 + 1188}{\frac{3850}{1.1} + \frac{1820}{1.0} + \frac{1188}{1.1}} = \frac{6858}{6400} = 107.16\%$$

用加权调和平均方法,根据销售量个体指数 $k_u = q_1/q_u$,也可计算出销售量总指数;

$$I_{q} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{p_{1}q_{1}}{k_{q}}} = \frac{3\,850 + 1\,820 + 1\,188}{3\,850 + 1\,820 + 1\,188} = \frac{6\,858}{6\,205} - 110.52\%$$



这两个公式的计算结果和前面综合指数中帕氏指数的计算结果对应相同。不难发现, 这也是因为当个体指数与总值权数之间存在严格的一一对应关系时,采用报告期总值加权 的平均指数实际上是帕氏综合指数的变形。

在实际编制指数工作中,加权调和平均指数与编制加权算术平均指数一样,公式中的 权数由可以采用相对数权数。

平均指数与综合指数都是计算总指数的形式,它们之间既有联系又有区别。两者的联 系是在 , 定条件下两种指数公式存在变形关系。两者的区别是编制指数的出发占不同, 综 合指数是从复杂现象总体总量出发,固定同度量因素,以观察指数化因素的变动情况,而 平均指数则是从独立的个体事物出发,对个体数量的变化比率进行加权平均,以观察总体 数量的平均变化程度。因此,平均指数有其自身的特占与应用价值。

5.4 统计指数体系和因素分析

5.4.1 统计指数体系

1. 统计指数体系的含义

许多客观现象之间是相互联系、彼此制约的。一种现象的变动往往会受到两个或更多 因素共同变动的影响, 这种变动与影响可以通过数量关系表现出来。在经济分析中有许多 等量关系,常以乘积的形式表示,例如,

这两个等式表明, 销售价格和销售量的共同变动会引起商品销售额的变化, 单位产品 成本和产品产量的增减共同影响着产品总成本的变动。这种以乘积形式表现的现象之间的 数量联系,不仅在单个事物上是成立的。而且在多种事物上也是成立的。不仅在静态上是 成立的,而且它们在动态上也是成立的。在动态上成立的等量关系就形成为多个指数之间 的等量关系。

以商品销售额等量关系为例。

对单个产品,上述关系可以表示为个体指数之间的联系,即:

$$\frac{p_1q_1}{p_0q_0} = \frac{q_1}{q_0} \times \frac{p_1}{p_0}$$

对全部产品而言,上述关系还可讲一步演变为总指数之间的联系,即:

$$\frac{\sum_{q_1 p_1}}{\sum_{q_0 p_0}} = \frac{\sum_{q_1 p_0}}{\sum_{q_0 p_0}} \times \frac{\sum_{q_1 p_1}}{\sum_{q_1 p_0}}$$

上述单个产品和全部产品两个式子中的各现象之间的这种动态联系表现为指数之间的 关系,分别形成个体指数的指数体系和总指数的指数体系,它们的含义是:

商品销售额指数一销售量指数×销售价格指数

因此,统计指数体系就是由3个或3个以上具有内在联系的指数构成的有一定数量对 等关系的整体,

2. 统计指数体系的表现形式

$$\frac{\sum q_1 p_1}{\sum q_0 p_0} = \frac{\sum q_1 p_0}{\sum q_0 p_0} \times \frac{\sum q_1 p_1}{\sum q_1 p_0}$$
(5.22)

$$\sum q_1 p_1 - \sum q_1 p_1 = (\sum q_1 p_1 - \sum q_2 p_1) + (\sum q_1 p_1 - \sum q_1 p_2)$$
 (5.23)

在构建统计指数体系时要注意两点。

第一,指数体系的形式不是随意的,它是由现象之间客观存在的必然联系决定的。客观实际中,类似的以乘积形式表现的等量关系很多,都可以构成相应的指数体系。统计指数体系中的各个指数之间保持等式关系,就可以从相对数和绝对数两方面对现象总变动进行影响因素分析。一般地、相对数之间是乘除的关系,绝对数之间是加减的关系。

第二,指数体系构建具有假定条件。在构建指数体系时,要分析确定各个指数是属于数量指标还是质量指标。为了保持与统计指数、般编制习惯的一致性,在一个统计指数体系中,质量指标指数采用帕氏形式,数量指标指数采用拉氏形式。

3. 统计指数体系的作用

- (1)统计指数体系对编制综合指数具有一定的指导意义。从国内外目前的指数编制实践来看,国家和区域一级的宏观经济指数的计算方法一般是采用平均指数形式的,综合指数方法则基本局限在微观领域对股票价格、单位产品成本等现象的变动考察。在这种情况下,综合指数的应用宜遵从这样的原则:质量指标指数编制采用报告期的数量指标作为同度量因素,数量指标指数编制则应以基期质量指标作为同度量因素。换言之,质量指标指数的计算宜采用帕氏公式。数量指标指数的编制须采用拉氏公式。因为在微观领域中,人们通常首先关心诸如价格、单位成本、原材料单耗、劳动生产率等具有质量指标属性的内容,而此时指数的计算结果能否较好地体现出现实经济意义,就成为主要的考虑。并且、对微观领域来说,统计和会计等经济核算也相对比较及时,获得资料的难度相对较小。因此、质量指标指数的编制选取帕氏公式是合适的。而为了保证指数体系的成立、数量指标指数的编制成具得采用拉氏公式。
- (2) 利用指数体系可以进行现象之间数量关系的相互推算。在实际工作中,有时会出现缺少一些必要的统计资料的情况,这时可按照现象之间的动态联系,利用指数体系将必要的资料推算出来。
- 【例 5.5】 某超市上年销售额为 500 万元, 今年计划要求达到 600 万元。预计今年的 销售价格会平均下降 2%。问该超市商品销售量要增加百分之多少, 才能达到今年的销售 额计划目标?

解:根据题意,可以建立如下指数体系:

商品销售额指数一销售价格指数×商品销售量指数

由此可推得:商品销售量指数 商品销售额指数

商品销售额指数-600-120%

商品销售量指数=120%=122.45%

结果表明,该超市本期商品销售量至少要增加22.45%,才能使销售额达到计划目标。 (3)可以利用指数体系进行因索分析。利用指数体系可以分析总量指标变动中的受各个因素影响的程度和影响的绝对量。如一个企业的产品总成本主要是由产量和单位产品成本这两个直接因素的影响,通过指数体系可以分析这两个因素分别对总成本的影响程度和影响的独对额

5.4.2 因素分析

1. 因素分析及其分类

所谓因素分析、就是利用统计指数体系中各个指数之间的数量联系关系、对现象总体总变动的各个影响因素进行分解、分析各因素变动对现象总体总变动的影响程度和绝对效果。可见,因素分析是针对受多因素影响的复杂现象总体而言的。最基本的因素分析是两因素分析。在因素分析中,必须借助统计指数体系的等式关系、遵循统计指数编制的一般原则,理清各影响因素之间的联系关系、必要时要对各个影响因素按性质进行排序。当然、由于统计指数体系具有一定的假定性、因而因素分析的结果也具有一定的假定性,即在所利用的统计指数体系的前提下说明各因素的影响程度和效果。

综合指数因素分析就是要利用综合指数体系, 对现象总体某种总量指标的变动原因进行分析。因素分析按其分析的指标性质不同,可分为总量指标变动的因素分析、相对指标 变动的因素分析和平均指标变动的因素分析。按其分析因素的多少不同, 又可分为两因素 分析和多因素分析。

2. 因素分析的步骤

因素分析的步骤可以分为;首先,要明确分析研究的目的和要求,确定各影响因素之 间的相互关系,构建合适的统计指数体系;其次,计算指数体系中反映现象总体总变动和 各影响因素变动的各个指数;最后,从相对数和绝对数两方面对影响总变动的各个因素进 行综合分析说明。

3. 总量指标变动的两因素分析

所谓两因素是指等式右边的影响因素是两个,其中一个为数量指标指数,另一个为质量指标指数,总量指标两因素分析主要形式为式(5,22)和式(5,23)。

【例 5.6】 根据表 5 1 资料,对销售额总变动进行因素分析。具体计算见表 5 5。

解:根据上述因素分析的步骤,确定资料等量关系为;商品销售额等于商品销售量乘 以销售价格,建立指数体系,如式(5,22)和式(5,23)所示,再分别计算销售领指数、销售

		表 5 5	某企业3利	中产品销售额	顶变动因素分	分析计算表		
产品类别	计量单位	销	售量	销售价	格(元)		销售额(百元	Ē)
厂加尖剂	11 重丰辺	q_0	q ₁	p_0	<i>p</i> ₁	$p_0 q_0$	$p_1 q_1$	Po q1
甲	件	450	500	700	770	3 150	3 850	3 500
Z	件	500	520	350	350	1 750	1 820	1 820
丙	台	900	1 080	100	110	900	1 188	1 080
V.71						F 800	0.050	C 400

量指数和价格指数、并求出分子与分母的差额。

销售额指数:
$$I_m = \frac{\sum q_1 p_1}{\sum q_0 p_0} = \frac{6858}{5800} = 118.24\%$$

销售额报告期比基期变动的绝对额 $-\sum_{\mathbf{q},\mathbf{p}_1} -\sum_{\mathbf{q},\mathbf{p}_2} -6.858$

销售量总指数:
$$I_t = \frac{\sum q_1 p_0}{\sum q_1 p_0} = \frac{6400}{5800} = 110.34\%$$

由于销售量增加使销售额增加的绝对额:

$$\sum q_1 p - \sum q_2 p = 6 \ 100 - 5 \ 800 = 600 \ (\% \ \mathring{\mathcal{H}})$$

价格总指数:
$$I_p - \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_1 q_1} - \frac{6.858}{6.400} - 107.16\%$$

由 F价格提高使销售额增加的绝对额,

$$\sum p_1 q_1 - \sum p_0 q_1 = 6.858 \neq 6.400 = 458 \, (\overline{B} \, \overline{L})$$

再列出相对数和绝对数等量关系式、进行影响因素综合分析说明。

分析说明,从相对数方面看,该企业的销售额报告期比基期增长18.24%,是由于3种 产品销售量增长 10.34%和销售价格上涨 7.16%这两个因素共同作用的结果; 从绝对数方面 看,该企业销售额报告期比基期增加1058百元,是由于销售量上升使销售额增加600百元和 销售价格上涨使销售额增加 458 百元这两个因素共同作用的结果。

4. 总量指标变动的多因素分析

所谓多因素是指等式右边的影响因素有3个或3个以上因素。在构建指数体系时要注 意等式右边的各因素指数的编制要遵循3个原则,一是在排列各个影响因素时,先排列数 量指标因素,后排列质量指标因素; 二是相邻两个因素的乘积要有实际意义; 三是要据编 制综合指数的习惯做法,即编制质量指标指数采用帕氏指数形式,编制数量指标指数采用 拉氏指数形式。

如要对企业的利润额进行因素分析,可将利润额按下述方式分解为如下3个因素,这 3 个因素作如下排列:

利润额 销售量(g)×销售单价(b)×利润率(r)

式中, ap 的乘积为销售额; pr 的乘积为单位产品的利润额。





可得到下列指数体系:

$$\frac{\sum q_1 p_1 r_1}{\sum q_0 p_0 r_0} = \frac{\sum q_1 p_0 r_0}{\sum q_0 p_0 r_0} \times \frac{\sum q_1 p_1 r_0}{\sum q_1 p_0 r_0} \times \frac{\sum q_1 p_1 r_0}{\sum q_1 p_1 r_0}$$
(5.24)

$$\sum q_1 p_1 r_1 - \sum q_0 p_0 r_0$$

$$= (\sum q_1 p_0 r_0 - \sum q_0 p_0 r_0) + (\sum q_1 p_1 r_0 - \sum q_1 p_0 r_0) + (\sum q_1 p_1 r_1 - \sum q_1 p_1 r_0)$$

【例 5.7】 某企业 3 种产品的利润额资料见表 5 6, 试分析销售量(a)、销售价格 (b)、利润率(r)对利润总额(abr)的影响。

			AK.	3 0 3	E TE AE AU	們心飲用		11 34 48			
产品	计量	销售	手 量	销售价	格(元)	利润	年(%)		利润額	(百元)	
类别	单位	90	q,	p ₀	p ₁	F0	r1	$q_1p_1r_1$	q1p1r0	$q_1 p_0 r_0$	qo po ro
甲	件	450	500	700	770	8	9/	346.5	308.0	280.0	252.0
Z	件	500	520	350	350	7	TK-	200. 2	127.4	127.4	122.5
内	台	900	1080	100	110	12	10	118.8	142.6	129.6	108.0
合计		_	_	_		X	41.	665.5	578.0	537.0	482.5

解: 首先, 资料中的等量关系为, 利润额一销售量×销售价格×利润率, 由此建立指 数体系,如式(5,24)和式(5,25),分别计算利润额指数、销售量指数、销售价格指数和利 润率指数,并求出分子与分母的差额。

(1) 利润额总指数:
$$I_{\text{All II}} = \frac{\sum q_{\circ}p_{\circ}r_{\circ}}{\sum q_{\circ}q_{\circ}r_{\circ}} = \frac{665.5}{482.5} = 137.93\%$$

利润额报告期比基期增加37,93%,绝对额为,

$$\sum q_1 p_1 r_1 - \sum q_0 p_1 r_2 = 665.5 - 482.5 = 183 (fix)$$

(2) 销售量指數:
$$I_q = \frac{\sum q_1 p_0 r_0}{\sum q_0 q_0 r_0} = \frac{537.0}{482.5} = 111.30\%$$

销售量报告期比基期增长了11.30%,由此而增加的利润额为;

$$\sum q_1 p_0 r_0 - \sum q_0 p_0 r_0 = 537.0 - 482.5 = 54.5 (百元)$$

(3) 销售价格指数:
$$I_p = \frac{\sum q_1 p_1 r_0}{\sum q_1 q_0 r_0} = \frac{578}{537} = 107.64\%$$

销售价格报告期比基期提高7.64%,由此而增加的利润额为:

$$\sum q_1 p_1 r_0 - \sum q_1 p_0 r_0 = 578 - 537 = 41(\vec{p}_1 \vec{r}_2)$$

(4) 利润率指数:
$$I_r = \frac{\sum q_1 p_1 r_1}{\sum q_1 q_1 r_0} = \frac{665.5}{578} = 115.14\%$$

利润率报告期比基期提高 115, 14%, 由此而增加的利润额为:

$$\sum q_1 p_1 r_1 - \sum q_1 p_1 r_0 = 665.5 - 578 = 87.5$$
(百元)

根据上述计算结果,列出等量关系式如下:

分析说明:从相对数方面看,报告期和基期相比利润额增长了 37.93%,这是由于销售量增加 11.3%、销售价格提高 7.64%和利润率提高 15.14% 3 方面因素综合作用的结果;利润总额增加 183 万元,这是由于销售量增加而增加利润 54.5 万元、销售价格提高而增加利润 87.5 万元这:个因素共同影响的结果。

5. 平均指标变动的因素分析

前面介绍的平均指数,它是对个体指数进行加权平均的结果,是总指数计算的方法之一。这里介绍的平均指标指数和前面的平均指数是不同的。

平均指标指数也称总平均数指数,它是两个不同时期的平均指标数值对比形成的指数。如 平均工资指数、劳动生产率指数就属于平均指标指数。计算平均指标指数的目的并不是仅仅为 了了解平均指标本身数值的变动程度,有时也需要了解平均指标的数值变动的影响因素。

平均指标指数是对总体平均指标变动的测定,平均指标指数有两个特点,第一,它是 利用分组资料计算的指数。它所测定的总平均数是对组平均数的加权平均,其权数是各组 的单位数。总平均数即加权算术平均数,其表现形式为;

$$\overline{x} = \frac{\sum x_i f_i}{\sum f_i}$$

式中,被平均标志,为各组平均水平;权数 / 为各组单位数。

平均指标指数所综合的是可以同度量的变量,是不同地区、不同单位的某一变量值, 无需采用同度量因素。

第二,从作用看,总平均数指数除了测定总体平均指标变动程度之外,还测定了总体内部各组平均数变动和各组权数(结构变动)对总平均指标变动的影响。

分析平均指标的变动,需要计算以下3种指数。

1) 可变构成指数

可变构成指数也就是平均指标指数,它是分析总平均数的变动程度的。计算形式为:

$$I_{\tau} = \frac{\overline{x}_1}{\overline{x}_0} = \frac{\sum_{x_1} f_1}{\sum_{x_0} f_0}$$

$$\sum_{x_0} f_0$$
(5. 26)

2) 固定构成指数

固定构成指数是分析总体内部各组平均水平变动对总平均指标的影响程度大小的。计 管形式为:

$$I_{x} = \frac{\sum_{x_{1}f_{1}}}{\sum_{x_{0}f_{1}}}$$

$$\sum_{x_{0}f_{1}} f_{1}$$
(5. 27)



3) 结构变动影响指数

结构变动影响指数是分析总体内部各组权重(结构变动)对总平均指标变动的影响的。 计算公式为:

$$I_{f} = \frac{\sum_{r_{0}} f_{1}}{\sum_{x_{0}} f_{0}}$$

$$(5.28)$$

在分组情况下,算术平均指标的总变动受两个因素的影响,它们是各组平均水平和各 组单位数占总体单位总数的比重。因此,可以采用指数体系来分析这两个因素对总平均指 标变动的影响程度,指数体系的形式如下;

相对数形式: $I_{\tau} = I_{\tau} \times I_{\tau}$

$$\frac{\overline{x}_1}{\overline{x}} = \frac{\sum_{x_1 f_1} x_1 f_1}{\sum_{x_2 f_1} x_2 f_1} = \frac{\sum_{x_1 f_1} x_1 f_1}{\sum_{x_2 f_1} x_2 f_1} \times \frac{\sum_{x_2 f_2} f_1}{\sum_{x_2 f_2} x_2 f_2}$$

$$(5.29)$$

或令 $: x_a = \frac{\sum_{i=1}^{n} f_i}{\sum_{f_i}}$,则平均指标变动因素分析的指数体系可用如下简明形式表示。

绝对数形式:
$$\frac{\underline{x}_1}{\bar{x}_0} = \frac{\underline{x}_1}{\bar{x}_n} \times \frac{\underline{x}_n}{\bar{x}_0}$$
绝对数形式:
$$\frac{\sum_{x} x f}{\sum_{f_0} f_0} = \left[\frac{\sum_{x} x f_1}{\sum_{f} f_0} \sum_{x} f_1 \right] + \left[\frac{\sum_{x} x f_1}{\sum_{f} f_0} - \frac{\sum_{x} x f}{\sum_{f} f_0} \right] \quad (5.30)$$
或: $\underline{x}_1 \leq \underline{x}_0 \leq (\underline{x}_1 - \overline{x}_n) + (\underline{x}_n - \overline{x}_n)$

下面以某厂工人奖金总额为例说明总量指标多因素分析的步骤。

【例 5.8】 某厂厂的熟练工和非熟练工的人数构成及其月奖金水平见表 5-7。试据此分析该厂工人总平均奖金变动的程度和影响总平均奖金变动的原因。

表 5-7	某工厂	工人构成及奖金水平情况

+ 1 60 Bil	工人数(人)		月平均奖金(元)		奖金总额(元)		
工人组别	基期 fo	报告期fi	基期 x。	报告期 x1	基期 x ₀ f ₀	报告期 x ₁ f ₁	假定 x ₀ f ₁
熟练工	600	550	700	780	420 000	429 000	385 000
非熟练工	400	850	400	450	160 000	382 500	340 000
合计	1 000	1 400	580	579.4	580 000	811 500	725 000

解:根据表5-7资料,经计算可知该厂基期和报告期工人的月总平均奖金分别为:

$$\vec{x}_0 = \frac{\sum x_0 f_0}{\sum f_0} = \frac{58\ 000}{1\ 000} = 580\ (\vec{x}_0)$$

$$\bar{x}_1 = \frac{\sum x_1 f_1}{\sum f_1} = \frac{811500}{1400} = 579.64 \,(\bar{\pi})$$

$$\bar{x}_n = \frac{\sum x_0 f_1}{\sum f_1} = \frac{725\ 000}{1\ 400} = 517.86\ (\dot{\pi})$$

(1) 计算可变构成指数 I-

$$I_x = \frac{\overline{x}_1}{\overline{x}_0} = \frac{\sum_{x_1 f_1} f_1}{\sum_{x_0 f_0} f_0} = \frac{579.64}{580} = 99.94\%$$

这里,月平均奖金可变构成指数 I_{τ} 是熟练 Γ 和非熟练 Γ 报告期月总平均奖金 (Σ_{τ}) 与其基期月总平均奖金 (Σ_{τ}) 的比率,反映了组平均奖金 (x) 和 Γ 人数构成 $\left|\sum_{f}\right|$ 两个因素 变动的共同影响。两者的绝对差额为,

$$\bar{x}_1 - \bar{x} = 579.64 - 580 = -0.36 (元)$$

说明该厂工人报告期的月总平均奖金比基期下降 0.36 元。而从表 5-7 中看出,熟练工和非熟练工各自的情况来看,他们的月平均奖金均提高了。所以要进一步分析其变动原因。

(2) 计算固定构成指数 1,

$$I_{c} = \frac{\overline{x}_{1}}{\overline{x}_{w}} = \frac{\sum x_{1} I_{1}}{\sum I_{1}} = \frac{579.64}{517.86} = 111.93\%$$

这里,月平均奖金固定构成指数 I,将熟练工和非熟练工的人数结构固定在报告期水平 $\frac{f_1}{\sum f_1}$ 上,从而反映了组平均奖金的变动由基期水平 x_1 到报告期水平 x_1 对熟练工和非熟练工月总平均奖金水平变动的影响程度。计算结果表明,由于熟练工和非熟练工类金水平的提高应使其总平均奖金增加 11.93%,增加的绝对额为;

$$\bar{x}_1 - \bar{x}_n = 579.64 - 517.86 = 61.78 \, (\vec{\pi}_1)$$

(3) 计算结构影响指数 1,

$$I_f = \frac{\overline{x}_u}{\overline{x}_0} = \frac{\frac{\sum x_0 f_1}{\sum f_1}}{\sum x_0 f_0} = \frac{517.86}{580} = 89.29\%$$

这里,月平均奖金构成影响指数 I, 将熟练 Γ 和非熟练 Γ 的月平均奖金固定在基期水 平 (x) 上,从而反映了工人人数结构的变动,即从基期的 \sum_{f}^{f} 到报告期的 \sum_{f}^{f} 对熟练工和非熟练 Γ 上 点 平均奖金水平变动的影响程度。 计算结果表明, 非熟练 Γ 基期所占的

统计学

比重为40%,而报告期却增加到60,71%,由于其奖金基数较低,从而使全厂报告期的总 平均奖全减少10.71%,减少的绝对额为。

$$\bar{x}_n - \bar{x}_0 = 517.86 - 580 - 62.14 \ (\vec{E})$$

(4) 诵讨指数体系讲行综合分析

将数据代入 $I_r = I_r \times I_r$ 得:

 $99.94\% = 111.93\% \times 89.29\%$

同样,绝对量之间存在的等式关系为,

$$\overline{x}_1 - \overline{x}_0 = (\overline{x}_1 - \overline{x}_0) + (\overline{x}_0 - \overline{x}_0)$$

代人数据可得,

分析说明,该厂职工的月总平均奖金报告期比基期下降了0,06%,绝对额减少了 0.36 元 其具体原因是,由于熟练工和非熟练工各自的具平均奖金的提高。使其增加 11.93%,增加的绝对数额为61.78元;还由于奖金水平相对较低的非熟练工在报告期的 人数比重上升幅度较大和收金水平较高的熟练工人数比重下降。使其下降10.71%,下降 的绝对数额为62.14元,是这两个原因共同影响的结果。

在分析现象总量的变动情况时,有时仅仅使用总指数体系或平均指标指数体系进行分 析是不够的,因此,还要把两种指数体系结合起来应用

5.5 几种重要的经济指数简介

5.5.1 工业生产指数 (IRL)

工业生产指数用来反映工业产品产量的总体增长情况,测算。国或地区的工业生产的 发展速度, 该指数是进行经济预警分析的基本指标, 是衡量经济运行杰势的重要指针之 一。世界大多数国家和地区都编制有自己的工业生产指数,联合国统计部门也编制世界工 业生产指数,在国际货币基金组织(IMF)建立的数据公布通用系统(GDDS)中也要求其加 人者按月发布制造业或工业的生产指数。

在商品分类和代表品选择上,大多数国家的工业生产指数包括矿业(初级产品)、制造 业和公用事业(电、煤气和自来水供应等)3个部门,个别国家还将建筑业纳入其中,而有 此国家则只编制制造业的生产指数。在公式洗择上,一般洗用基期加权算术平均指数或其 修正形式。即:

$$I_{q} = \frac{\sum \frac{q_{1}}{q_{0}} pq}{\sum pq} = \frac{\sum k_{q}pq}{\sum pq}$$
 (5.33)

这里, 权数 pg 是某一特定时期(常为普查年份)的 L业增加值, 即总产出扣除各种中 间消耗后的余额,但包括固定资产折旧在内。利用增加值而不是总产出作为权数,能更准 确地反映出工业生产量的变化情况,这种做法已成为一种国际惯例。

我国现行的工业生产指数编制过程是。先用报告期现行价格工业总产值乘以上年工业 增加值率得到报告期现行价格工业增加值;再除以报告期工业品出厂价格指数,从而消除 价格变动因素,得到报告期可比价格 L业增加值;最后,用报告期的可比价格 L业增加值 除以基期现行价格 T业增加值,就得到 L业发展速度,即可比价 L业增加值发展速度。用 公式表示为;

5.5.2 牛产者价格指数 (PPI)

商品从生产者到消费者转移的过程、形成了流通领域中的批发和零售活动。批发的商品不仅包括消费品、也包括生产资料。因批发价格的敏感性较强、据此编制的指数受到世界各国政府和企业的重视、是历史最悠久和最重要的价格指数之一。按照商品的流通环节,批发有第一次、第二次、……不同阶段、各国在编制批发价格指数时所采用的价格形式也不尽相问,指数的多少和繁简程度也相差较大、但一般都编制有第一次批发价格(即生产者所得价格)指数、并称之为生产者价格指数(Producer Price Index)。

在公式选择上、生产者价格指数一般也采用基期加权算术平均法或其修正式来计算,即:

$$I_{\nu} = \frac{\sum_{b_1} p_0 q_0}{\sum_{b_0} p_0 q_0} = \frac{\sum_{b_1} p_0 q_0}{\sum_{b_0} p_0 q_0}$$
 (5.36)

πÿ

$$\lambda = \frac{\sum \frac{p_1}{p_0} p_0 q}{\sum p_0 q} = \frac{\sum k_0 p_0 q}{\sum p_0 q}$$
 (5.37)

式中, q 为某一特定时期的生产者产品销售量。

美国劳工部劳工统计局按月公布的美国生产者价格指数所采用的权数就是生产者第一次的销售额,即生产、加工或进口商品的净销售额。

5.5.3 消费者价格指数 (CPI)

消费者价格指数是用来测定城乡中等收入家庭(有些国家称之为"平均人")生活用品和服务价格的变化情况。通过它可以衡量通货膨胀程度、并作为工资、津贴调整的依据,是国际上通用的分析。国或地区的价格总水平和宏观经济形势的重要指标之一。它也是GDDS 所要求的按目公布的基本经济指数之一。

我国现行居民消费价格指数的编制要点如下。

1. 代表规格品的选择

现行国家统计制度规定将居民消费的商品分为8大类;①食品;②烟酒及用品;③衣着;④家庭设备用品及维修服务;⑤医疗保健及个人用品;⑥交通和通信;①娱乐教育文化用品及服务;⑧居住等。每个大类包括若下个中类、中类之下又有基本分类,基本分类中包括若下代表规格品并确定权数,见表5-7。

2. 基本分类商品价格指数的计算

对所选代表性商品使用的是全社会综合平均价。一种商品的综合平均价是该商品在一



定时期内的牌价、议价、市价的加权平均, 其权数是各种价格形式的商品零售量或零售 额。根据每种代表品基期和报告期的综合平均价, 计算每种商品的价格指数。

3. 权数的确定

我国目前的零售价格总指数是采用加权算术平均形式计算的。其权数是根据上年商品 零售额资料、并根据当年住户调查资料予以调整后确定的。在确定权数时、先确定各大类 权数,然后确定小类权数,最后确定商品权数。权数均以百分比表示,各层权数之和等于 100。为便于计算权数一律取整数。

4. 指数的计算

甘计算公式为,

$$k_h = \frac{p_h}{p_{i-1}}$$
 $i=1, 2, \dots, n$ (5.38)

式中, k。代表 t 期第 i 种代表规格品的环比价格指数, 如果所属代表规格品有 n 种, 就可以分别计算n个环比价格指数。

$$I_{p} = \frac{\sum k_{p} x_{p}}{\sum x_{p}} \tag{5.39}$$

式中, k, 为个体指数或各层的类指数; w 为各层零售额比重权数。

具体计算过程是, 先分别计算出各代表规格品基期和报告期的全社会综合平均价, 并 计算出相应的价格指数;然后分层逐级计算小类、中类、大类和总指数。

【例 5.9】 现以表 5-8 中食品类部分数据和其他各大类数据资料,说明价格总指数的 编制和计算过程。

表 5-8 零售价格总指数计算表						
* - * - 7 - 7	代表规	1 = 44	平均价	格(元)	权数(w) /	abside (or) (
商品类别及名称	格品	计量单位	p ₀	ρ_1	(%)	指數 (%)1,
总指数	_	_	_	_	100	115.1
1. 食品类	_	_	_	_	51	117.5
1) 粮食	_	_	_	_	35	105.3
细粮	_	_	_	_	65	105.6
面粉	标准	kg	2.40	2, 52	40	105.0
大米	梗米标一	kg	3.50	3.71	60	106.0
粗粮		_	_	_	35	104.8
2) 副食品	_	_	_	_	45	125. 4
3) 烟酒茶	_	_	_	_	11	126.0
4) 其他食品	_	_	_	_	9	114.8
2. 衣着类	_	_	_	_	20	115. 2
3. 日用品类	_	_	_	_	11	109.5
4. 文化娱乐用	_	_	_	_	5	110.4

******	代表规	计量单位	平均价	格(元)	权数(w) /	Hamb (nc)
商品类别及名称	格品	九重丰江	p ₀	p 1	(%)	指数 (%)//
5. 书报杂志类	_	_	_	_	2	108.6
6. 药及医疗用品类	_	_	_	_	6	116. 4
7. 建筑装潢材料类	_	_	_	_	2	114.5
8. 燃料类	_	_	_	_	3	105.6

(1) 计算出各代表规格品的价格指数。如面粉个体价格指数为:

$$k = \frac{p_1}{p_0} = \frac{2.52}{2.40} = 105.0\%$$

(2) 根据各代表规格品的价格指数及给出的相应权数,加权算术平均计算小类指数。 如细粮类价格指数为;

$$I_{p} = \frac{\sum kw}{\sum w} = \frac{105\% \times 40 + 106\% \times 60}{100} = 105.6\%$$

(3) 根据各小类指数及相应的的权数,加权算术平均计算中类指数。如粮食类价格指数为:

$$I_{p} = \frac{\sum kw}{\sum w} = \frac{105.6\% \times 65 + 104.8\% \times 35}{100} = 105.3\%$$

(4) 根据各中类指数及相应的权数、加权算术平均计算大类指数。如食品类价格指数为:

$$I_{p} = \frac{\sum kw}{\sum w} = \frac{105.3\% \times 35 + 125.4\% \times 15 + 126.0\% \times 11 + 114.8\% \times 9}{117/5\%}$$

$$= 117/5\%$$

(5) 根据各大类指数及相应的权数,加权算术平均计算总指数。即

$$I_{h} = \frac{\sum kw}{\sum w} = \frac{117.5\% \times 51 + 115.2\% \times 11 + 109.5\% \times 11 + 108.6\% \times 2 + 116.4\% \times 6 + 114.5\% \times 2 + 105.6\% \times 3}{100}$$

$$= 115.1\%$$

5.5.4 货币购买力指数

货币购买力是指单位货币所能购买商品或非商品性穷务的数量。货币购买力的变化对城多居民生活具有直接的意义,当居民的生活费收入不变、而货币购买力提高时,则居民消费水平也会提高。相反,当货币购买力降低时,则居民消费水平也随之降低。因此、居民消费水平与货币购买力的变化成正比。货币购买力与商品价格和劳务价格的变动成比、当消费品与穷务价格修低,则单位货币所能购买的商品和服务的数量增加;若消费品与穷务价格提高、单位货币所能购买的商品和服务的数量则减少。由此可见、货币购买力与消费品价格及劳务价格是倒数关系。利用这种关系可推算货币购买力指数为;



货币购买力指数反映的是每单位货币中商品及劳务含量的变化,居民消费价格指数反 映的是每单位商品及劳务中货币含量的变化。两者分别从两个不同的侧面反映商品、劳务 与货币的关系。

5.5.5 股票价格指数

股票作为一种特殊的金融商品也有价格。广义的股票价格包括票面价格、发行价格。 账面价格、清箕价格、内存价格、市场价格等、狭义的股票价格即通常所说的市场价格。 也称股票行市。它完全随股市供求行情变化而涨落。股票价格指数是根据精心洗择的那些 具有代表性和敏感性强的样本股票某时点平均市场价格计算的动态相对数、用以反映某一 股市股票价格总的变动趋势。股价指数的单位习惯上用"点"表示,即以基期为100(或 1000),每上升或下降1个单位称为1点。股价指数计算的方法很多、但一般以发行量为 权物进行加权综合。 其公式为,

$$I_{\rho} = \sum p_{1i}q_{i} / \sum p_{0i}q_{i} \tag{5.41}$$

式中, p 和 p 分別为报告期和基期样本股的平均价格; a 第 i 种股票的报告期发行量(也 有采用基期的)。

股价指数是反映证券市场行情变化的重要指标。不仅是广大证券投资者进行投资决策 分析的依据,而且也被视为一个地区或国家宏观经济态势的"睹雨表"。世界各地的股票 市场都有自己的股票价格指数。在一个国家里,同一股市往往有不同的股票价格。

常见的股票价格指数有。道一琼斯股票价格平均指数、香港恒生指数、上海证券交易 所股价指数、深圳证券交易所股价指数、央视 50 指数等。

5.5.6 农副产品收购价格指数

农副产品收购价格指数可以考察收购价格变化对农业生产者收入和商业部门支出的影 响。我国的农副产品收购价格指数的编制方法是、各类农副产品中选择若干种主要产品。 以它们各自的报告期收购额作为权数,加权调和平均得到各类别的农副产品收购价格指数 和农副产品收购价格总指数,公式为:

$$I_{p} = \frac{\sum p_{1}q_{1}}{\sum \frac{1}{k_{s}}p_{1}q_{1}}$$
 (5.42)

式中, k。为人编指数的各种农副产品的个体价格指数。

采用加权调和平均法的原因在于,农副产品的收购季节性强,时间比较集中,产品品 种相对较少,在期末能够较迅速地取得各种农副产品收购额和代表规格品的价格资料。

本音小结

1、 狭义的统计指数是指反映复杂现象总体某一方面数量综合变化方向和程度的相对数。指数 具有综合性、平均性、相对性和代表性的特点。统计指数按研究的范围不同,分为个体指数和总 指数统计指数:按指数化指标的性质不同,分为数量指标指数和质量指标指数:统计指数按对比的

性质不同,可以分为动态指数与静态指数。总指数按计算方式不同,分为综合指数和平均指数。

- 2. 综合指数的特点是: 先综合, 后对比。综合指标常用的编制方法是拉氏指数和帕氏指数。 习惯上一般用拉氏指数形式编制数量指标指数, 用帕氏指数形式编制质量指标指数。
- 3. 平均指数的特点是先对比、后综合。平均指数是个体指数的加权平均数。它具体又分为加 权算水平均指数和加权调和平均指数两种。
- 4. 统计指数体系就是由3个或3个以上具有内在本质联系的统计指数所组成的有机整体。利用统计指数体系可以对复杂现象总体的数量变化进行因素分析。
- 3. 因素分析的步骤为; 首先是要明确分析研究的目的和要求、确定各影响因素之间的相互关系, 构造合适的统计报数体系, 其次是适用合适的指数形式计算出反赎现象总体总变动和各影响因素变动的指数; 最后是从相对数和绝时数两方面对各影响因素进行综合分析和验证。 建立多因素指数体系时要遵循两个原则; 一是在排列各个影响因素时,先排列数量指标因素,后排列质量指核因素,二是相邻两个因素的乘职要有实际含义。

习 题

一、简答题

- 1. 什么是统计指数? 其主要作用是什么?
- 2. 统计指数是如何分类的? 1,
- 3. 编制总指数有哪两类方法? 对于同一资料,它们之间有何联系
- 4. 编制数量指标综合指数和质量指标综合指数时、确定同度量因素的习惯做法是什么?
- 5. 什么是统计指数体系? 有何作用?
- 6. 什么是因素分析《其步骤有哪些?
- 7. 平均数指数和平均指标指数有什么不同。如何进行平均指标变动的影响因素分析。

二、单项选择新

- 1. 统计指数根据研究的范围不同,可分为(
- A. 个体指数和总指数 B. 综合指数和平均指数
- C. 数量指数和质量指数 D. 动态指数和静态指数
- 2. 综合指数的特点是()。
- A. 先综合后对比 B. 先对比后综合
- C. 只对比不综合 D. 只综合不对比 3. 编制质量指标综合指数的习惯上是采用()作同度量因素。
- 5. 海町県里市伊弥市市県以内づ原工定本用(7下門及里四)
- A. 报告期数量指标 B. 基期数量指标
- C. 报告期质量指标 D. 基期质量指标
- 4. 在掌握基期几种产品产值和几种产品产量个体指数资料的条件下, 计算产量总指数应采用(公式。
 - A. 综合指数 B. 加权调和平均数指数
 - C. 加权算术平均数指数 D. 可变构成指数
 - 5. 某地区职工工资水平本年比上年提高了5%、职工人数增加了2%,则工资总额增加了()。
 - A. 7% B. 7.1% C. 10% D. 11%





6、单位产品成本报告期比基期下降5%。产量增加5%。则生产费用()。

A. bé 加 R. 降低 C. 不变 D. 推U判断

7. 某地区居民以同样多的人民币,报告期比基期少购买 5%的商品,则该地的物价()。

A. 上涨了5% B. 下降了5% C. 上涨了5.3% D. 下降了5.3%

8. 若劳动生产率可变构成指数为134.5%。职工人数结构影响指数为96.3%。则劳动生产率固定构 成指数为()。

A. 39, 67% B. 139, 67% C. 71, 60 % D. 129, 52%

三、多项选择题

1,2012 年全国 [业品出厂价格指数 104,9%, 这是()。

A. 数量指数 B. 质量指标指数 C. 总指数 D. 个体指数

E. 平均指标指数

2. 编制综合指数时,同度量因素的作用是().

A. 同度量作用 B. 比较作用 C. 权数作用

D. 稳定作用 E. 平衡作用

3. 平均指数()。

A. 悬对个体指数的加权平均

B. 计算形式有加权算术平均和加权调和平均

C. 权数有实际总量指标或固定权数

D. 可以用非全面资料计算

E. 也称为平均指标指数

4. 加权综合指数的转点是().

A. 它是由两个总量指标对比而得到的

B. 分子或分母中有一个假定指标

C. 固定一个或一个以上因素, 仅观察其中一个因素的变动

D. 编制时不需要同度量因素。

E. 编制时需要全面资料

5. 加权算术平均指数是一种()。

A. 平均指数 B. 综合指数 C. 总指数

D. 个体指数平均数 E. 平均指标指数

四、计算分析题

1. 某公司下属三个企业生产某种产品、其报告期和基期的产量及单位成本的资料如下。

A .II.	产品产业	■(万件)	单位成本(元/件)		
企 业	基期	报告期	基期	报告期	
甲	20	30	10	9.5	
۷	15	15	11	10	
丙	15	20	9	8.8	

要求:(1)计算产量总指数、单位成本总指数和总成本指数。

(2) 对公司总成本变动的原因进行因素分析。

2. 假设某企业3种商品的销售额及价格资料如下。

nto El	销售額	报告期价格比基期	
商品	基期	报告期	增(+)或减(-)%
甲	50	90	+10
۷.	70	100	+8
丙	80	60	-4
合计	200	250	_

试计算价格总指数和销售量总指数。

3. 假设某企业3种商品的销售额及价格资料如下。

÷ =	销售	报告期销售量比		
商品	基期	报告期	基期十、一%	
甲	50	1387	+10	
Z	70	- 17/1700	+8	
丙	80	FV' 60	-4	
合计	200	250	_	

要求运用指数体系对该企业商品销售额的变动进行因素分析。

4. 某地区今年农副产品收购额 10 亿元, 化去年增长 10 、农副产品价格比去年提高 5.6%。 试推算 今年农副产品收购量指数,并分析收购量的变动对农户收入的影响。

5. 某企业 2013 年第 ·季度生产量及劳动资料资料如下表。

指标	计量单位 1	基期	报告期
某产品产量 /	万件	175	186. 3
平均生产工人数	人	1 000	900
平均每工人工作天数	Ħ	25	23
平均每天工作小时数	时	7	7.5
平均每工时产量	件/时	10	12

要求、根据上表资料、建立指数体系、从相对数和绝对数两方面对产量变动进行因素分析。

6. 宏发公司基期和报告期员工人数及工资资料如下。

	员工	数(人)	平均工资	(万元)
	基期	报告期	基期	报告期
部门经理	16	10	2	2. 4
-般职员	100	150	1.2	1.4

试分析各类员工结构和平均工资水平的变动对点平均工资变动的影响情况。

第6章 抽样与参数估计

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
抽样推断基本问题	熟悉	参数、统计量、抽样组织方式
抽样推断数理基础	理解	正态分布、大数定律与中心极限定理
抽样分布与抽样误差	重点掌握	抽样分布、抽样误差
参数估计	重点掌握	点估计、区间估计、样本容量的确定

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
抽样组织方式	熟悉	抽样的组织
大数定律与中心极限定理	了解	大数定律与中心极限定理的应用思想
参数估计	重点掌握	对总体均值、比率、方差进行估计
Excel 在参数估计中的运用	掌握	利用 Excel 进行区间估计



正态分布与面包重量

第二次世界大战后期,德国生活物资特别系缺。政府决定对面包实行配给制。具体做法是、政府有关部门集把面粉发给增定的面包房。然后持端好的面包分发给易限。有一个懂得统计如识的人,外顾他所在社区的面包房价格各面粉,于是贱每天称一下安给自己面包的重量。几个月以后。他去找面包邮牌。说:"政府建設给的面包是 100 矣。因为提展和其他因素。你做的面包可能是 398、399 克。也可能是 401、402 兔,按照统计学的正驾分布原理。这么多天的面包重量平均应该等于 100 兔。可是仿发给我的面包平均重量是 398 克。我有理由怀疑你使用容量权小的模具。私吞了面粉。"面包饰得承认确实私吞了面粉,再口道歉,并保证马上更换正常容量的模块。又过了几个月、这个人又去找这个面包饰簿、说:"虽然这几个月你给我的面包都在 100 克以上,这可能是因为你没有私专面粉。也可能是因为你以商品会面给

是转弯给了我比较大的面包, 而不是更换了正常容量的模具。我会立刻要求政府检查你的模具。"面包饰僧只好哥众认错消勤,接受处罚。

在日常生活中人们经常会自觉或不自觉地用到抽样推断的思维方法。例如、当人们想 灭某种水果时,往往想知道这种水果的味道如何,通常会从中挑一个品尝一下,再决定是 否购买;又如人们在做菜时,有时要尝一尝菜的味道如何,并不需要把整盘菜都吃完;等 等。这些习惯做法虽然不是真正意义上的抽样推断,但它已经包含着抽样推断的思维了。 本书所介绍的抽样推断,是一种基于严密数理逻辑基础的现代统计方法,它包括抽样技术 和统计推断两个方面,而统计推断又可分为参数估计和假设检验两种形式。

6.1 抽样推断的基本问题

6.1.1 抽样推断的概念及特点

抽样推断就是从研究对象总体的所有单位中,按照随机性原则抽取部分单位作为样本,然后以样本的观测结果、对总体的数量特征作出具有一定可靠程度和精度的估计或推断的一种统计方法,它也称统计推断。例如,玉业企业要了解某种产品的质量,只需从中抽取一小部分产品进行检验,并用计算出来的合格率来估计全部产品的合格率,或是根据合格率的变化来判断生产过程是否出现了异常。

抽样推断方法与其他统计调查方法相比,有以下一些主要特点。

- (1) 根据样本资料对总体的数量特征作出具有一定可靠性的估计和推断。可以用样本的平均数或比率来估计总体的平均数或比率。抽样调查与全面调查相比,虽然目的一致,都是为了达到对总体数量特征的认识,但是达到目的的手段和途径完全不同;抽样推断是通过科学的推断达到目的的,全面调查是通过综合汇总达到目的的。
- (2)按照随机性原则从全部总体中抽取样本单位。所谓随机性原则、就是在抽选样本单位时、总体中每一个单位都有相等被抽中的机会、也称为同等可能性原则。遵循随机性原则抽取样本是为了保证样本对总体具有充分的代表性、避免人为的误差。也只有按随机性原则抽样、才能根据样本的数量特征对总体的数量特征进行科学的估计、从而达到推断总体的目的。
- (3) 抽样误差可以事先通过一定的资料加以计算和控制。抽样推断必然会产生抽样误差,这是抽样推断方法本身所决定的。在抽样过程中可以采取一定的措施来控制误差的范围,从而保证抽样推断的结果达到一定的可靠程度,但抽样误差是不可能避免的。
- (4) 抽样推断运用的是概率估计的方法。抽样推断是利用从总体中随机抽取的样本得到的观察值来估计总体参数。由于抽样的随机性、用样本观察值所决定的样本指标值作为相应总体参数的估计值就必须指明这种估计的可靠程度究竟有多大。

6.1.2 抽样推断的作用

抽样推断是一种科学实用的统计方法,在自然科学与社会科学领域都有广泛的应用。 主要表现在以下一些方面。



--是对某些现象不可能讲行全面调查。对有破坏性或消耗性的产品讲行质量检验,如 对炮弹的杀伤半径的检验。对灯泡的使用寿命的检验等。只能进行非全面调查。

"是某些理论上可以讲行全面调查,但实际实施时工作量很大的现象。如要了解全国 城乡居民的家庭收入状况,从理论上讲可以挨门逐户进行全面调查,但是调查范围太大, 调查单位太多, 实际上难以做好。

三是对全面调查的结果进行评价和修正。由于全面调查涉及范围广,调查单位多,工 作量 //、参加人员多、因而发生登记性和计算性的误差就多。所以,在全面调查后,还需 再抽取 部分单位重新调查 次、计算差错比率、并以抽样结果为准对全面调查资料进行 修正, 以补充全面调查的不足,

四是可用于工业生产过程中的质量控制。在工业产品成批或大量连续生产过程中。采 用数据分布规律性可以检验生产工艺过程是否正常。

五是可以对某些总体的假设进行检验,来判断假设的真伪,为决策提供依据。

6.1.3 抽样推断中的基本概念

- 1. 全及总体和抽样总体
- 1) 全及总体

全及总体简称总体,它是指人们所要研究对象是由具有同一性质的许多个别单位组成 的集合体、全及总体按其各单位标志性质不同。可以分为变量总体和属性总体两类。全及 总体的单位数常用字母 N 来表示。

2) 抽样总体

抽样总体也称为样本, 它是按一定方法从全及总体中随机抽取出来, 作为全及总体代 表的部分单位组成的集合体。抽样总体的单位数常用字母 n 表示。一般说来、样本单位数 认到或超过30个称为大样本。而在30个以下称为小样本。对社会经济现象进行抽样调查 多采用大样本

- 2. 参数和统计量
- 1) 参数

参数就是总体指标,也称为全及指标。由于全及总体是唯一确定的,所以全及指标也 是唯一确定的。但它通常又是未知的、需要用样本指标来估计。抽样推断中常用的全及指 标有总体均值 μ 、总体方差 σ 、标准差 σ 、总体比率P或 π 等。

2) 统计量

统计量就是样本指标。也称为抽样指标。统计量与参数相对应。有抽样平均数 r . 样 本方差 S2、样本标准差 S、抽样比率 b 等。由于从一个全及总体中可以抽取许多个样本, 样本不同,统计量的数值也就不同,所以统计量的取值不是唯一的。实际上统计量是样本 变量的函数,哪一个样本被抽到完全是随机的,所以统计量是随机变量。

3. 抽样框

抽样框又称抽样结构,是指可以作为抽选样本单位的抽样范围,表现为全部总体单位 的名册或排序编号。确定了抽样框以后,便可采用一定的方法从中抽洗必要的单位数。在 抽样时最理想的情况是要达到概率抽样,即总体中的每个单位都有相等的概率被抽中。抽 样框是实施概率抽样的前提条件。抽样框的形式有3种:一是名单抽样框,即是列出总体全部单位名单的一览表;二是区域抽样框、即是总体范围按地理位置划分为若干小的区域,以小区域为抽样单位;一是时间表抽样框,即是将总体全部单位按时间顺序排列,把总体的时间分为若干小段时间,以各个小段的时间单位为抽样单位。

4. 重复抽样和不重复抽样

重复抽样又称有放回的抽样,是指从全及总体 N 个单位中随机抽取一个容量为n 的样本,每次抽中的单位经登录其有关标志表现后又放回总体中重新参加下一次的抽选。每次从总体中抽取一个单位,连续进行n次抽取就构成了一个样本。因此,重复抽样时每次抽取均是在相同的条件下按照随机原则进行的。

不重复抽样又称无放回的抽样,是指从全及总体 N 个单位中随机抽取一个容量为n 的样本,每次抽中的单位登录其有关标志表现后不再放回总体中参加下一次的抽选。经过连续n 次不重复抽选单位构成样本,实质上相当于一次性同时从总体中抽中n 个单位构成样本。上一次的抽选结果会直接影响到下一次抽选,因此,不重复抽样的样本是经n次相互联系的连续抽取形成的

5. 样本总个数

样本总个数又称样本的可能数日,是指从总体 N 个单位中随机抽选 n 个单位构成样本,可以组成的样本总数。

由于抽样方法和样本容量的不同,从一个总体中可以抽出许多个不同的样本。在抽样时,通常有多种抽选方法,每一种抽选结果实际上是n个总体单位的一种排列组合,一种排列组合便构成一个可能的样本,n个总体单位的排列组合总数,就是样本总个数,具体见表 6-1.

抽样方法	重复抽样	不重复抽样
考虑顺序	N"	$P_N^n = \frac{N!}{(N-n)!}$
不考慮顺序	$C_{N-n-1}^n = \frac{(N+n-1)!}{(N-1)!}$	$C_N^n = \frac{N!}{n! (N-n)!}$

表 6-1 经本总个勒计算公式

注意在实际抽样调查中, 仅从总体中随机抽取一个或少数样本进行调查。

6.1.4 抽样组织方式

抽样组织方式有两大类、概率抽样和非概率抽样。

1. 概率抽样

概率抽样是指按随机原则从调查对象中抽取样本单位. 使总体中每个单位都有相等的 概率被抽取。

从理论 [讲, 概率抽样是比较科学的抽样方法,它能保证样本对总体的代表性,而且 它能够将调查误差中的抽样误差限制在一定范围之内,并能通过一定方法控制误差的大 小。但相对于非概率抽样来说,它在抽样时要具备抽样框,抽样程序较为复杂, 花费较



大,要求较高。概率抽样有以下几种形式:

(1) 简单随机抽样(Simple Random Sampling)又称为纯随机抽样。它在对总体单位不 作任何外理的情况下, 完全随机地直捻从抽样框中洗择调查单位组成样本。

简单随机抽样是最基本的抽样方式。它的优点是简单易行,能保证总体中每个个体在 抽洗时都有同等概率被抽中。调查结果具有较高的可靠性。简单随机抽样适用于规模不 大, 内部各单位标志值差异较小的总体。简单随机抽样抽取样本单位的具体做法主要有 3种。

- ① 抽签法。抽签法是所有随机抽样技术中最简便的方法。用抽签法抽取样本,其具 体做法是,将调查总体的每个单位编号,如有 N 个单位,则将其编成从 1 到 N 的号码, 即 1. 2, 3, ···, N-1, N; 将每一个数字号码写在一张卡片上, N 个数字就有 N 个卡 片: 将写好的所有卡片扔在纸箱中, 搅拌均匀, 然后从中任意抽洗一张卡片, 每洗中一张 卡片、卡片上的号码数字就代表了一个样本单位的产生、抽取达到规定的样本数目为止。
- ② 随机数字表法。随机数字表法就是利用随机数字表抽取样本的方法。随机数字表 又称为乱数表。随机数字表格式见本书后附录部分。它是将 0~9 的 10 个自然数,按编码 位数的要求、利用特制的摇码器或电子计算机、自动地逐个摇出或生成一定数目的号码编 成表,以备查用。这个表内任何号码的出现都有同等的可能性。通过随机数字表进行抽 样,可以简化抽样程序。应用随机数字表的步骤是: 将调查总体单位 · · · 编号: 在随机表 上任意规定抽样的起点和抽样的顺序、依次从随机数字表上抽取样本单位号码。凡是抽到 编号范围内的号码。就是样本单位的号码。直至抽满事先确定的样本单位数为止。
- ③ 计算机确定号码法。先将总体单位编号,再运用计算机随机函数软件产生随机数 字。随机数字中遇到与意体单位编号相同的,就将这些单位作为样本单位。如果意体的抽 样框编制起来比较困难,还可直接由计算机生成所需的样本,Excel、SPSS 和 SAS 等统计 分析软件都提供了这一实用的随机样本生成功能。
- (2) 分层抽样(Reduced Sampling) 又称为分类抽样。它是按与研究目的有关的某个主 要标志将总体单位划分为若干层(也称类或组),然后从各层中按随机原则分别抽取一定数 目的单位构成样本、分层抽样基应用于总体内各单位在被研究标志上有明显差别或差别悬 殊的总体的抽样。运用分层抽样法、提高样本代表性,降低影响抽样平均误差的总体方 差。具体在各层可按等比例抽样或不等比例抽样。
- (3) 系统抽样(Systematic Sampling)又称为等距抽样。它是先将总体所有单位按某一 标志排队, 计算出抽样间隔, 并在第一个抽样间隔内确定一个随机抽样起点, 再按固定的 顺序和相同的间隔来抽洗样本单位。具体抽样时分为两类, 一是按无关标志排序抽样。它 是指排序的标志与研究的标志无关。如:观察学生考试成绩,用姓氏笔划排序;观察产品 的质量,按生产的先后顺序,等等,它实质上相当于简单随机抽样。二是按有关标志排序 抽样。它是指排序的标志与被研究标志相关。如家庭消费水平调查中,按家庭收入额排 序等。
- (4) 整群抽样(Cluster Sampling)又称为集团抽样。它是将总体全部单位分为若干部 分,每一部分称为一个群,然后以群为抽样单位,从总体中随机抽取部分群作为样本,对 中选群的所有单位进行全面调查。

2. 非概率抽样

非概率抽样是指不按随机原则, 由调查人员主观确定样本单位的抽样方式。在缺少抽样框或调查准确性要求不高的情况下可使用非概率抽样抽取样本。它的优点是操作方便, 省时省力, 若使用得当, 抽样调查同样能获得成功。它的缺点是无法计算其误差, 难以检查调查结果的准确性, 主要形式看,

- (1) 任意抽样,也称为方便抽样。它是调查人员根据自己的方便去选择样本。采用这种方式的依据是,认为被调查总体的每个单位都是大致相同的,因此把哪个单位选进样本进行调查,其调查结果都是基本相同的。只有在调查总体中各个单位大致相同的情况下,才适宜应用任意抽样法。任意抽样法。经常证明,
- (2) 判断抽样。它是指根据调查人员的主观经验去选定样本。判断抽样法具有简便易行的优点,可以充分利用已知的调查总体资料。使所选的样本具有代表性、典型性。判断种样法还有被调查者配合较好、资料回收率高等优点。但它容易发生主观判断失误而产生抽样偏差。这就要求调查人员对总体情况必须相当了解、熟悉调查内容、调查经验丰富。
- (3) 配额抽样,也称为定额抽样。它是指调查人员将调查总体按一定标志分类或分层,确定各类(层)中抽取的单位数额,在配额内任意抽选单位。

配额抽样和分层抽样有相似之处,都是事先对总体中所有单位按某种标志特征分类。 两者的区别是,分层抽样是按随机原则在层内抽选样本单位,而配额抽样是由调查人员在 各层按配额主观判断选定样本单位。

(1) 推荐抽样。它主要用于对某些特殊群体进行调查时的抽样。调查人员对这些群体 的成员不全部了解或熟悉,难以实施抽样。先找到属于调查对象中的部分人员,再由这些 人员推荐,找到另外符合条件的被调查者。这样通过不断的推荐,就得到符合调查目的要 求的调查单位数目。

6.2 抽样推断的数理基础

概率论和数理统计研究大量随机现象的数量规律性. 而样本统计量就属于随机变量。 因此,抽样推断的理论基础就是以概率论与数理统计理论为主的。这里介绍其主要内容。

6.2.1 正态分布

正态分布是最重要、最常用的一种连续型随机变量分布,由 C. F. 高斯(Carl Friedrich Gauss, 1777~1855)作为描述误差相对频数分布的模型而提出。它在抽样和统计推断中居于特别重要的地位。正态分布之所以重要主要是由于以下几个原因、第一、它是最常见的一种分布、许多随机变量服从或近似服从正态分布。例如同龄人的身高、体重、智商、肺活量;一批产品的长度、宽度、强度;测量误差;某类设备的使用寿命等。如本章开始的案例,就是运用了正态分布知识,发现了面包师的问题。这些随机变量的共同点是它们与其均值较接近的数值分布的次数较多、离均值近的数值分布的次数较少,即属于"中间多,两头少"的分布形态。第二、许多分布可以用正态分布近似计算,如大样本下的"项



分布、1分布都服从或近似服从正态分布。第三,有许多分布形式,如 Z 分布、1 分布、F 分布、y2 分布等是由正态分布推导或变化而来的。

1. 正杰分布的密度函数及其性盾

设连续性随机变量 X 的概率密度为.

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{\frac{(x-y)^2}{2x^2}} - \infty < x < \infty$$
 (6.1)

则称 X 服从参数为 (u,σ^2) 的正态分布, 记为 $X \sim N(u,\sigma^2)$,

正态分布的密度函数图形一般称为正态分布曲线(如图 6-1 所示)。



图 6-1 正态分布曲线基本形式

从图 6-1 可看出,正态分布函数具有如下性质。

- (1) 图形是关于 $x-\mu$ 对称的钟形曲线,且峰值在 $x-\mu$ 处,均值 μ 和标准差 σ 一旦确 定,分布的具体形式也唯一确定,不同参数正态分布构成"正态分布族"。
- (2) 均值 # 是该分布的中心,均值 # 可取实数轴上的任意数值,决定正态曲线的具体 位置; σ 是标准差,反映分布的离散程度, σ 越大,分布曲线越平缓,离散程度越大; σ 越 小,分布曲线越陡峭,说明分布越集中。
- (3) 当立的取值向横轴左右两个方向无限延伸时,曲线的两个尾端也无限渐近横轴, 理论上永远不会与榜轴相交。
- (4) 正态随机变量在特定区间上的取值概率由正态曲线下的面积给出,而且其曲线下 的总面积等于1.
 - 2. 正杰分布的分布函数

正态分布的分布函数为,

$$F(x) = P(X \leqslant x) = \int_{-\infty}^{x} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{\frac{(x-x)^2}{2\sigma^2}} dx$$
 (6.2)

分布函数是曲线下小干上的面积。如图 6-2 所示。

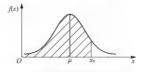


图 6 2 正态分布的分布函数曲线

3. 正杰分布的数学期望和方差

正态分布 X 的数学期望、方差分别为:

$$E(X) = \mu \tag{6.3}$$

$$D(X) = \sigma^2 \tag{6.4}$$

4. 参数μ和σ对正态曲线的影响

平均数 μ 决定密度函数f(x)的中心位置。如图 6-3 所示。

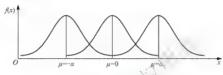


图 6-3 均值 μ决定密度函数 /(刈的甲心位置

标准差 σ 决定 f(x) 曲线的陡缓程度、 σ 越大曲线越平缓、 σ 越小曲线越陡峭。如图 6-4 所示。

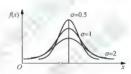


图 6-4 标准差 σ决定 f(x)曲线的陡缓程度示意图

5. 标准正态分布

如果一个正态分布的 $\mu=0.\sigma-1$,则称该正态分布为标准正态分布,相应的随机变量称为标准正态随机变量,记为 $X\sim N(0,1)$ 。

常用 $\phi(x)$, $\phi(x)$ 分别表示标准正态分布函数的概率密度和分布函数,即:

$$\phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}e^{\frac{x^2}{2}} - \infty < x < + \infty$$

$$\phi(x) = P(X \leqslant x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}\int_{-\infty}^{x} e^{\frac{x^2}{2}} dx$$
(6.5)

一般的正态分布取决于均值 μ 和标准差 σ 、计算概率时、每一个正态分布都需要有相应的正态概率分布表、这种表格是无穷多的、若能将一般的正态分布转化为标准正态分布,计算概率时只需要在一张标准正态分布概率表即可。

对于 · 殷的正态分布 · $X \sim N(\mu,\sigma')$ · 若令 $Z - \frac{X - \mu}{\sigma}$ · 分 $f X - \mu$ 表示将 · 殷正态分 布随机变量 X 与其均值 μ 之差平移到标准正态分布中,再除以标准差 σ 表示变形,这样就



把随机变量 X 由服从一般正态分布转换为服从标准正态分布,用 $Z \sim N(0.1)$ 表示,如 图 6-5 所示。

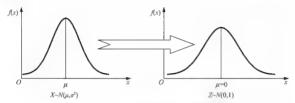


图 6-5 正态分布转换为标准正态分布示意图

要求出服从标准正态分布的随机变量 X 在某一区间的概率、即可通过式(6.5)求出。

$$P(a \leqslant X \leqslant b) = \Phi(b) \leftrightarrow \Phi(a)$$

式中,a,b为实数且 $a < b; \Phi(x)$ 的值可以查标准正态分布概率表(见附录部分)得到。

$$\Phi(+x) = 1 - \Phi(x) \tag{6.7}$$

(6, 6)

计算服从标准正态分布随机变量取值的概率,可以通过查标准正态分布概率表得到结果,因此将一般正态分布转化为具有重要的现实意义。

【例 6.1】 假定某公司销售人员每周销售的产品服从均值为 50 件、标准差为 10 件的 正态分布。问:全公司销售人员中有多少比例的销售人员每周的销售量会超过 70 件?又 有多少比例的销售人员每周的销售量在 40 件~60 件?

解:
$$\psi_{\mu} = 50, \ \sigma = 10, \ X \sim N(50, \ 102)$$

$$P(X > 70) = 1 - P(X \le 70) = 1 - \Phi(\frac{70 - 50}{10}) = 1 - \Phi(2) = 1 - 0.977 \ 25 = 0.022 \ 75$$

$$P(40 \le X \le 60) = \Phi(\frac{60 - 50}{10}) - \Phi(\frac{40 - 50}{10}) = \Phi(1) - \Phi(-1) = 2\Phi(1) - 1$$
$$= 2 \times 0.843 \ 1 - 1 = 0.682 \ 6$$

6.2.2 大数定律

在随机试验中,每次出现的结果不同,但是大量重复试验出现的结果的平均值却几乎总是接近于某个确定的值。其原因是,在大量的观察试验中,个别的、偶然的因素影响而产生的差异将会相互抵消,从而使现象的必然规律性显示出来。例如,观察个别或少数家庭的婴儿出生情况,发现有的生男,有的生女,没有一定的规律性,但是通过大量的观察就会发现,男婴和女婴占婴儿总数的比重均会趋于50%。大数定律是阐述大量随机变量的平均结果具有稳定性的一系列定律的总称。大数定律有若干个表现形式。这里仅介绍其中常用的两个重要定律。

1. 切贝雪夫大数定律

独立同分布大数定律:独立随机变量 x_1,x_2,\cdots,x_a 具有相同分布、且存在有限的数学

期望 μ 和方差 σ^2 ,则对于任意小的正数 ϵ ,有

$$\lim_{n\to\infty} P\left\{ \left| \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i - u \right| < \epsilon \right\} = 1$$
 (6.8)

该定律表明: 当 n 足够大时, 独立同分布的一系列随机变量的均值接近(依概率收敛于)教学期望, 即平均数具有稳定性。

将该定律应用于抽样调查,就会有如下结论;随着样本容量 n 的增加,样本平均数将 接近于总体平均数。从而为统计推断中依据样本平均数估计总体平均数提供了理论依据。

2. 贝努里大数定律

设m 是n 次独立随机试验中事件 Λ 发生("成功")的次数、p 是事件 Λ 在每次试验中发生的概率、则对于任意小的正数 ε ,有

$$\lim_{n \to \infty} P\left\{ \left| \frac{m}{n} - p \right| < \varepsilon \right\} = 1 \tag{6.9}$$

该定律是切贝雪夫大数定律的特例,其含义是;当 n 足够大时,事件 A 出现的频率将几乎接近干比发生的概率,即频率具有稳定性。

在抽样调查中,用样本比率(成数)去估计总体比率(成数),其理论依据即在于此。

6.2.3 中心极限定理

大数定律揭示了大量随机变量的平均结果,但没有涉及到随机变量的分布的问题。中心极限定理是关于大量随机变量之和的极限分布是正态分布的一系列定理的总称。一般说来,如果一个随机变量是由大量相互独立的随机因素的影响所造成,而每个因素的作用又是很微小的,那么这一随机变量趋于正态分布。中心极限定理有多个,这里介绍最常用的两个中心极限定理。

1. 独立同分布中心极限定理(辛钦中心极限定理)

随机变量 $_{2}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{6}$ $_{7}$ $_{7}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{7}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{7}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{7}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{7}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{7}$ $_{1}$ $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ $_{4}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{7}$ $_{5}$ $_{5}$ $_{7}$ $_$

示),即:
$$\sum x_i \sim N(n\mu, n\sigma^2)$$
 。由于 $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$,显然有 $\bar{x} \sim N(\mu, \frac{\sigma^2}{n})$ 。

该定理为均值的抽样推断奠定了理论基础。将该定理应用到抽样调查、结论为:如果抽样总体的数学期 μ 和方差 σ 。是有限的、无论总体服从什么分布、从中抽取容量为n的样本时、只要n足够大、其样本平均数的分布就趋于数学期望为 μ 和方差 σ i i n 的正态分布。

2. 正态分布的再生定理

- (2) 设随机变量X 服从二项分布B(n,p),那么当 $n \rightarrow -$ 时,X 服从均值为np、方差为np(1-p)的正态分布,即; $X \sim N(np,np(1-p))$ 。

也可以表述为: 设m 是n 次独立试验中事件 Λ 发生的次数、事件 Λ 在每次试验中发生的频率为 p,则当n 无限大时,频率设m/n 趋于服从参数为 $\left(p,\frac{p(1,-p)}{n}\right)$ 的正态分



布。即:
$$n$$
→∞时, $\frac{m}{n}$ $\sim N(p, \frac{p(1-p)}{n})$.

该定理是辛钦中心极限定理的特例。定理表明: 若总体服从二项分布, 当样本容量 n 充分大时,样本比率的抽样分布可用正态分布近似。

【例 6.2】 100 台机床被此独立地工作, 每台机床的实际工作时间占全部工作时间的 80%。试求: (1)任一时刻有70~86台机床在工作的概率: (2)任一时刻有80台以上机床 在工作的概率。

解:设X表示 100 台机床中工作的机床数,则 $X\sim B(100,0.8)$ 。现用正态分布近似 计算, np=80, npq=16。

(1) 任一时刻有70~86 台机床在工作的概率为:

$$P(70 \leqslant X \leqslant 86)$$
 $P(\frac{70-80}{4} \leqslant \frac{X-80}{4} \leqslant \frac{86-80}{4})$ $\Phi(1.5) - \Phi(-2.5)$ 0.927

(2) 任一时刻有80台以上机床在工作的概率为:

$$P(X \ge 80) - P(\frac{X-80}{4} \ge 0) - 1 - \Phi(0) = 0.5$$

6.2.4 抽样分布

1. 抽样分布概念

由于统计量提随机变量,是样本的函数,因此,用统计量推断总体参数就不能仅仅依 靠一个样本的统计量的值,而必须在统计量概率分布基础上进行,即在大量重复抽样试验 的基础上建立起统计量的概率分布。根据统计量的概率分布对总体参数进行推断。抽样分 布就是从给定的总体中按照一定抽样方式抽取样本容量为 n 的所有可能样本的概率分布。

抽样分布反映了样本统计量的分布特征,是进行统计推断的理论基础,它揭示了样本 统计量和总体参数之间的关系、是估计抽样误差、进行科学推断的重要依据。然而要求出 一个统计量的精确分布是十分困难的。在实际问题中,统计量的抽样分布往往是通过数学 推导或计算机模拟来得到。在轴样推断中、依据中心极限定理的结论、经常用到正态分布 形式。此外,经常用到的正态分布的变化形式, 主要有1分布、F分布和y2分布等分布, 这些分布都是假定总体服从正态分布的条件下导出的小样本的抽样分布。有美抽样分布的 密度函数比较复杂, 所以本书仅从应用的角度对几种常用的分布函数作简略介绍。

2. 常见的几种抽样分布

1) y2 分布

デ 分布最早由阿贝于 1863 年提出, 后来由海尔默特(Hermert)和卡·皮尔逊 (K. Pearson)分别于1875年和1900年椎导出来。

定义: 设 $X \cdot X \cdot \cdots \cdot X$ 是来自总体 $X \sim N(0,1)$ 的一个样本,则称统计量 γ $\sum_{i=1}^{n} X^{2}$ 所服从的分布是自由度为n (n 指所含独立变量的个数)的 χ^{2} 分布, 记为 $\chi^{2} \sim \chi^{2}$, 。 当总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 从中抽取容量为 n 的样本, 则;

$$\chi = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n-1)$$
 (6.10)

$$\chi^{\circ} = \frac{(n-1)S^{2}}{\sigma^{2}} \sim \chi^{\circ}(n-1)$$
 (6.11)

y² 分布有以下性质和特点。

- (1) χ 分布的可加性; 设 $\chi_1^i \sim \chi^2(n_1)$, $\chi_1^i \sim \chi^2(n_2)$, 且 χ_1^i 与 χ_2^i 相互独立,则: $\chi_1^i \leftarrow \chi_2^i \sim \chi^2(n_1+n_2)$ 。
 - (2) 若 $\gamma^2 \sim \gamma^2(n)$, 则 $E(\gamma^2) = n$, $D(\gamma^2) = 2n$.
 - (3) 水 分布的变量值总是为正。
- (4) χ ₀。分布的形状取决于自由度n的大小、通常为不对称的右偏分布、随着自由度n的增大逐渐趋近于对称分布。下面给出当n-1、n-4、n-10、n-30 时、 χ 分布的概率密度函数曲线如图 6-6 所示。

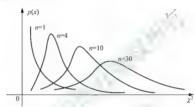


图 6-6 χ2 分布密度函数曲线与自由度的关系



图 6-7 γ2 分布的上α临界值

2) t 分布

t分布是高赛特(W.S. Gosset)于 1908 年首次提出的。t分布的诞生对于统计学中小样本的理论和应用有着重要的促进作用。

定义: 若 $X \sim N(0.1)$, $Y \sim \gamma_{co}$, 且X 与Y 相互独立, 则称随机变量

$$T = \frac{X}{\sqrt{Y/n}} \tag{6.12}$$

服从自由度为n的t分布,记作: $T\sim t(n)$ 。

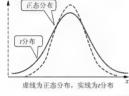
由此也可以推论出关于t分布的如下定义方式。若 $U\sim N(\mu,\sigma'),\sigma'$ 未知、则

$$X - \frac{\bar{x}}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0,1), Y = \frac{(n-1)s^2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n-1)$$

$$T = \frac{X}{\sqrt{Y/n - 1}} = \frac{\frac{\bar{x} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}}}{\sqrt{(n - 1)S^2/n - 1}} = \frac{\bar{x} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim t(n - 1)$$
 (6.13)

称随机变量 T 服从自由度为n-1 的 t 分布,记作。 $T\sim t(n-1)$,其中。

$$S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2$$
, $\text{mod } 6-8$, $\text{Mod } 6-9$ $\text{mod } 6$.



正态分布 #df=30)的t分布 #df=5)的t分布 图 6-9 不同自由度的 t 分布

图 6-8 t分布与标准正态分布的比较

从图 6-8 和图 6-9 可以看出, / 分布有以下性质和转点。

(1) t 分布是类似标准正态分布的一种对称分布,它通常要比正态分布平坦和分散。 ·个特定的 t 分布依赖于参数自由度的大小。随着自由度的增大(一般地、当 n > 30 时), 分布也逐渐趋于标准正态分布。

(2) 若
$$T \sim t(n)$$
, 则 $n > 1$ 时, $E(T) = 0$; $n > 2$ 时, $D(T) = \frac{n}{n-2}$.

(3) t 分布的临界值。设 $T \sim t(n)$,若对 α : $0 < \alpha < 1$,存在 $t_*(n) > 0$,满足 $P \setminus T > t_*$ $\{n\}$ = a, 则称 $t_s(n)$ 为 t(n)的右侧临界值(如图 6 - 10 所示)。

双侧临界值为: $-t_*(n)$, $t_*(n)$, 如图 6-11 所示。

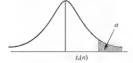


图 6~10 t分布的上α临界值

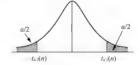


图 6-11 t 分布的临界值

3) F 分布

F分布是由统计学家费舍(R. A. Fisher)提出的,以其姓氏的第一个字母来命名,F分 布在方差分析、回归方程的显著性检验中有着广泛的应用。

定义: 若U 为服从自由度为 n_1 的 χ^2 分布,即 $U \sim \chi^2(n_1)$,V 为服从自由度为 n_2 的 χ^2

分布,即 $V\sim \chi^2(n_2)$,且U和V相互独立,且为随机变量。

$$F = \frac{U/n_1}{V/n_2} \sim F(n_1, n_2) \tag{6.14}$$

所服从的分布是自由度为 (n_1,n_2) 的F分布,记作; $F \sim F(n_1,n_2)$,其中; n_1 为第一自由度, n_2 为第二自由度,且两个自由度的位置是不可互易的。

F 分布的密度函数曲线如图 6-12 所示。

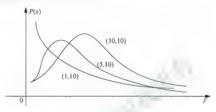


图 6-12 F分布的密度函数曲线

F分布的性质和特点如下。

(1) 密度曲线不对称, 呈偏态分布形态。

(2) F 分布的临界值,对于 α , $0 < \alpha < 1$,若存在 $F_{\alpha}(n_1,n_2) > 0$,满足 $P_{\alpha}(F > F_{\alpha}(n_1,n_2)) - \alpha$,则称 $F_{\alpha}(n_1,n_2)$ 为 $F_{\alpha}(n_1,n_2)$ 的右侧 α 临界值(如图 6 – 13 所示)。

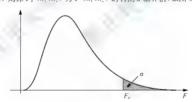


图 6-13 F 分布的上α 临界信

(3)
$$F_{1-\alpha}(n_1, n_2) = \frac{1}{F_{\alpha}(n_2, n_1)}$$
 (6.15)

$$F = \frac{U/(n_1 - 1)}{V/(n_2 - 1)} = \frac{\frac{(n_1 - 1)S_1'}{\sigma_1^2}/(n_1 - 1)}{\frac{(n_2 - 1)S_2'}{\sigma_2^2}/(n_2 - 1)} = \frac{S_1^2/\sigma_1^2}{S_2^2/\sigma_2^2} \sim F(n_1 - 1, n_2 - 1) \quad (6.16)$$



3. 一个样本统计量的抽样分布

在抽样推断中,经常用样本均值、样本比率和样本方差推断总体均值、总体比率和总体方差。因此,有必要讨论样本均值、样本比率和样本方差的抽样分布特点,为参数估计和假设检验打下基础。

1) 样本均值的抽样分布

在选取容量为n的样本时,由样本均值的所有可能取值形成的概率分布就是样本均值的抽样分布,它是推断总体均值 μ 的理论基础。

假设总体 X 有 N 个单位,其均值为 μ 、方差 σ ,采用重复抽样的方法抽取的样本容量 为 n。下面从以下几个方面讨论样本均值的抽样分布。

- (1) 总体服从正态分布。
- ①假设 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 且 σ^2 已知。

根据正态分布再生定理、 \overline{x} 服从正态分布、 $E(\overline{x}) - \mu$ 、 $D(\overline{x}) - \frac{\sigma}{n}$

 $\mathbb{D} \, \overline{x} \sim N(u, \sigma^2), \, \mathbb{D}$

$$z = \frac{\overline{x} - \mu}{\underline{\sigma}} \sim \lambda(0.17) \tag{6.17}$$

② 假设 X ~ N(u,o'), 且 o' 未知。

由于 σ 未知。要用样本方差替代总体方差、 $S^* \approx \sigma$,此时 π 服从自由度为(n-1)的 t 分布, $E(\pi) = \mu$, $D(\pi) = \frac{\sigma^*}{n} \approx \frac{S^2}{n}$

$$T = \frac{\overline{x} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim (n - 1) \tag{6.18}$$

(2) 总体分布未知, 当 n 充分大时。

尽管总体分布未知,但样本容量很大,根据独立同分布中心极限定理,样本均值服从总体均值为 μ ,方差为 $\frac{\sigma^2}{n}$ 的正态分布。即, $\overline{x}\sim N\left(\mu,\frac{\sigma^2}{n}\right)$

$$z = \frac{\overline{x} - \mu}{\underline{\sigma}} \sim N(0, 1) \tag{6.19}$$

2) 样本比率的抽样分布

比率是总体(或样本)中具有某种属性的单位数与全部单位总数之比。在重复选取容量为n的样本时、由样本比率的所有可能取值形成的相对频数分布就是样本比率的抽样分布,它是推断总体比率的理论基础。

当n很大时,样本比率p的抽样分布可用正态分布近似。对于样本比率p. 若 $np \geqslant 5$. $n(1-p) \geqslant 5$. 就可以认为样本容量足够大了。

对任意一个比率为p的二项分布总体,当样本容量n足够大($np>_0$, $n(1-p)>_5$)时,根据棣党佛 拉普拉斯中心极限定理,则样本比率p趋于服从正态分布。

其均值为
$$E(p) = P$$
, 方差 $D(p) = \sigma_p^2 = \frac{P(1-P)}{n}$, 即: $p \sim N(P, \frac{P(1-P)}{n})$.

$$Z = \frac{p - P}{\sqrt{\frac{P(1 - P)}{n}}} \sim N(0, 1)$$
 (6.20)

上述是在重复抽样下的样本比率的抽样分布。若为不重复抽样,抽样方差要乘以修正系数($\frac{N-n}{N-1}$)。

3) 样本方差的抽样分布

用样本方差推断总体方差,必须知道样本方差的抽样分布。样本方差的抽样分布就是 在重复选取容量为n的样本时,由样本方差的所有可能取值形成的相对频数分布。

当总体 $X \sim N(0,1)$ 时,从中抽取容量为n的样本,则:

$$\chi^{2} = \frac{(n-1)S^{2}}{\sigma^{2}} \sim \chi^{2}(n-1) \tag{6.21}$$

6.3 抽样误差

6.3.1 抽样误差概述

調查误差是调查结果与现象实际情况之间的偏差。调查误差分为两大类,一类是登记性误差,一类是代表性误差。登记性误差是指由于调查人员的工作责任心、工作能力和工作条件等原因造成的差错。它在所有的统计调查方式中都有可能存在。代表性误差是在非全面调查中存在的。它是由于调查单位的代表性不足而造成的差错。在抽样调查中,代表性误差按照形成原因的不同,又分为系统误差和随机误差。系统误差是指调查人员在抽样时不按随机原则抽取样本而造成的差错。但称为偏差。如产品质量检验中,有意抽取质量明显差的产品进行检验,结果会造成产品质量数据偏差。随机误差是指在遵守随机原则下进行抽样,结果仍会出现的样本与总体实际数据偏差。随机误差是指在遵守随机原则下进行抽样,结果仍会出现的样本与总体实际数据问的差别。这种误差是由样本的随机性造成的,所以也称之为随机误差。抽样误差通常就是指随机误差。

在计算和考察抽样误差时,通常将其分成两类:一是实际抽样误差;二是抽样平均误差。

1. 实际抽样误差

样本估计值与总体真实值之间的绝对离差称为实际抽样误差。假设样本统计量 $\hat{\theta}$ 是总体参数 θ 的估计量,其实际抽样误差为 $|\hat{\theta}-\theta|$,具体来说,通常有两种形式,即,样本均值 x 是总体均值 μ 或 X 的估计量,其实际抽样误差为 $|x-\mu|$,样本比率 p 是总体比率或比率 π 或 P 的估计量,其实际抽样误差为 $|p-\pi|$ 。由于在抽样过程中总体参数总是一个未知的常数,所以,样本估计值与总体参数的真实值之间究竟有多大的差距,实际上是无法得知的,实际抽样误差是无法计算的;由于样本估计值随样本而变化,因此实际抽样误差是一个膨机变量。

2. 抽样平均误差

由于样本估计值是一个随机变量,它随着每次抽出的样本不同而不同,某一次抽样结



果的误差,仅仅是反复抽样中一系列抽样结果可能出现的误差数值中的一个,显然不能用 它来概括 - 系列可能抽样结果所产生的所有空际误差。所以, 在抽样调查理论中, 采用抽 样平均误差作为参数估计时衡量抽样误差大小的尺度。抽样平均误差是所有可能出现的样 本的统计量与总体参数的平均离差。也是样本统计量的标准差。对于一个特定的总体来 说,抽样平均误差可以根据数理统计方法在调查之前计算出来。还可以通过设计调查方 案,如改变抽样组织方式和抽样方法和样本单位数等措施控制其大小。要注意的是在抽样 湖杏时, 抽样误差是不能完全消除的

6.3.2 抽样平均误差的计算

1. 抽样平均误差的理论公式

一般地, 若ê 是总体参数 f 的一个统计量, 其抽样平均误差的理论公式为,

$$\sigma_{\theta}^{2} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{m} (\hat{\theta} - \theta)^{2}}{m}}$$
(6.22)

对于给定的总体 X, 总体均值和比率分别为 α , π 。假设从中抽取m个样本,即可能出 a (i=1, 2, ···, n)都是从意体中随机抽出的,都是与意体同分布的随机变量,并且是相 互独立的。假设总体的平均数为μ. 方差为σ. 则样本平均数的期望值与方差分别是:

$$\begin{split} E(\overline{x}) &= E(\frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}) = \mu = X \\ D(\overline{x}) &= D(\frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}) = \frac{D(x_1) + D(x_2) + \dots + D(x_n)}{n^2} = \frac{n\sigma^2}{n^2} = \frac{\sigma^2}{n} \end{split}$$

叮知,样本平均数分布的中心与总体的分布中心完全相同,方差是总体分布方差的 $\frac{1}{2}$

设样本均值为 z, 样本比率为 p, 由于样本均值的数学期望就是总体均值 u, 样本比率 的数学期望就是总体比率 π, 所以将式(6,22)分为计算样本均值和比率两种情况。

$$\sigma_{\pi} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{m} (\bar{x}_{i} - \mu)^{2}}{m}}, \sigma_{p} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{m} (p_{i} - \pi)^{2}}{m}}$$
(6.23)

通过式(6.23)。可以发现抽样平均误差的特点有: 是抽样平均误差反映所有样本统 计量对其推断总体参数的离散程度,是所有可能的样本统计量的标准差;二是所有样本统 计量分布在总体参数的周围,抽样平均误差反映了样本统计量与相应总体参数的平均差量 程度; 是抽样平均误差越小,样本统计量值的分布越集中在总体参数的附近,样本统计 量值对总体的代表性越高。

2. 抽样平均误差的应用公式

若利用上述抽样误差理论公式计算抽样误差必须满足两个条件, 是总体参数 0 已 知: 二是把所有可能的样本都要列出。这两个条件是达不到的, 因为总体参数往往是待估 计的量,是未知的,如果数据是在大样本条件下,所有可能的样本数量是非常多,难以一 一列举、计算出各个统计量、即使在小样本条件下、要列举出每个样本工作量也是很大的。因此、用式(6,23)计算抽样平均误差是不可行的、实际工作中是根据数理统计有关理论推导的公式计算。

通常用字母 μ_r 或 σ_r 表示样本均值的抽样误差,用字母 μ_b 或 σ_r 表示样本比率的抽样误差。在随机抽样方式下,样本平均数和比率(成数)的抽样平均误差可以按下述公式来计算。

- 1) 样本均值的抽样误差 45 计算公式
- ①在重复抽样情况下,公式为:

$$\mu_{\mathbb{F}} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{n}} \tag{6.24}$$

②在不重复抽样情况下, 公式为:

$$\mu_{\tau} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{n} \times (\frac{N-n}{N-1})}$$

$$(6.25)$$

式(6.24)和式(6.25)在具体运用时,要注意;第一,如果总体方差 σ 未知,可用样本方差S 代替,第二, $\sqrt{\frac{N-n}{N-1}}$ 为调整重复抽样与不重复抽样的修正系数,当总体单位数很

大时,分母中的1可以忽略不计、因此、它的形式可为: $\sqrt{1-\frac{n}{N}}$ 。由于该系数在0~1之间,所以,不重置抽样平均误差比重置抽样小。当 N 远大于 n 时,修正系数近似 1,修正与否对平均误差几乎没有影响,这时可以不考虑抽样方式的差异,都按重复抽样处理。这样,样本均值抽样平均误差公式可为变为如下形式:

重复抽样情况下:
$$\mu_{\tau} = \sqrt{\frac{s^2}{n}} = \frac{s}{\sqrt{n}}$$
 (6.26)

不重复抽样情况下:

$$\mu_{\bar{x}} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{n} \times (\frac{N-n}{N-1})} = \sqrt{\frac{s^2}{n} (1 - \frac{n}{N})}$$
 (6.27)

2) 样本比率(成数)的抽样误差公式

由于比率或成数的方差为; $\pi(1-\pi)$ 、将此替换式(6.27)和式(6.28)中的 σ 、样本比率(成数)抽样平均误差公式为;

重复抽样情况下:

$$\mu_P = \sqrt{\frac{\pi(1-\pi)}{n}} = \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}$$
 (6.28)

不重复抽样情况下:
$$\mu_p = \sqrt{\frac{\pi(1-\pi)}{n}} \times (\frac{N-n}{N-1}) = \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} (1-\frac{n}{N})$$
 (6. 29)

式中,如果总体比率的方差 $\pi(1-\pi)$ 未知,可以用样本比率的方差p(1-p)代替。

【例 6.3】 某厂从 10000 名 1.人中随机抽取 164 名 1.人登记每人目产量, 见表 6 2。

表	6	2	某企业工	λI	日产量	粉粉:	分布表
---	---	---	------	----	-----	-----	-----

按日产量分组(件)	工人数 f(人)	按日产量分组(件)	工人数 f(人)
60 K F	10	90~100	27
60~70	19	100~110	14
70~80	50	110以上	8
80~90	36	合计	164

要求: (1)利用表中数据计算样本均值的抽样平均误差。(2)如果工人目产量在70件 及以上者为完成生产定额。试计算完成生产定额目产量比率的抽样平均误差。

解: 由颢意知, 总体单位数 N = 10 000, 样本单位数 n - 164, 根据资料计算得, 样本均 值为82.62件,样本标准差S 14.85件,完成产量定额人数比率 p-29 164 17.7%。

样本均值抽样平均误差为:

在重复抽样条件下,

$$\mu_{\pi} = \frac{S}{\sqrt{n}} = \frac{14.85}{\sqrt{164}} = 1.10 \text{ (44)}$$

在不重复抽样条件下,

$$\mu_T = \sqrt{\frac{S^2}{n}(1 - \frac{n}{N})} = \sqrt{\frac{14.85^2}{164}(1 - \frac{164}{10000})} = 1.15 (44)$$

样本比率抽样平均误差为。

在重复抽样条件下:
$$\mu_{p} = \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} = \sqrt{\frac{0.177 \times (1-0.177)}{64}} = 2.98\%$$

在不重复抽样条件下:

$$\mu_p = \sqrt{\frac{n(1-p)}{n}}(1-\frac{n}{N}) = \sqrt{\frac{0.177 \times (1-0.177)}{164}(1-\frac{164}{10.000})} = 2.96\%$$

从计算结果可以看出, 重复抽样的抽样误差要略大于不重复抽样的抽样误差。在抽样 推断中,当总体单位数未知时,常用重复抽样公式计算抽样误差。

- 3. 影响抽样误差大小的因素
- 1) 总体各单位标志值的差异程度

总体内部各单位差异程度愈小,或总体的标准差愈小,在其他条件给定下,则抽样误 差就愈小。反之, 抽样误差就愈大。

2) 样本容量的大小

由于总体内各单位之间总存在着差异。在其他条件不变的情况下、观察的单位数越 多,就越易于发现总体规律或特征,因此,样本容量越大,样本对总体的代表总体越大, 抽样误差就越小。反之,样本容量越小,抽样误差就可能越大。

3) 抽样方法

抽样方法不同,抽样误差也不同。一般来说,重复抽样的误差比不重复抽样的误差要 大,因为对于某一单位来说,有可能多次被抽中,选入样本,这样与不重复抽样相比,样 本的代表性要小。

4) 抽样的组织方式

选择不同的抽样组织形式,也会有不同的抽样误差。一般来说,分层抽样和系统抽样的抽样误差会小些,而简单随机抽样和整群抽样的抽样误差会大些。

6.4 参数估计

抽样推断的目的就是利用样本统计量对总体某个方面特征作出推断,以反映总体情况。由于抽样误差的客观存在,使得这种推断只能是一种估计。参数估计就是依据样本统计量推断总体参数,样本统计量也称为估计量。参数估计方法有两大类;点估计和区间估计。

6.4.1 点估计

1. 点估计基本思想

点估计也称定值估计,就是以样本统计量直接作为总体参数的估计值。例如,在某校 学生身体素质状况调查中,根据抽取的 100 名学生的测算得到其平均体重为 50 千克,则 据此推断该校全部 10 000 名学生的平均体重也是 50 千克。这种推断就是对总体平均数作 了点估计。

点估计方法的优点是简单、直观,可得到总体参数的具体估计值,可以作为决策的依据。例如,在农产品产量调查中,通过抽样调查得知某种作物平均亩产量为1000 千克,这样结合种植面积,就可以推断出总产量,为相关部门决策提供参考依据。点估计不足之处是没有考虑估计的误差大小。因此,它通常在对总体参数估计精确度要求不高时使用。

点估计常用的方法有两种, 矩估计法和极大似然估计法。

矩估计法是英国统计学家 K. Pearson 提出的。其基本思想是;由于样本来源于总体、样本矩在一定程度上反映了总体矩(有关矩的概念在前面第1章已作介绍)、而且由大数定律可知、样本矩依概率收敛于总体矩。因此、只要总体的 k 阶原点矩存在,就可以用样本矩作为相应总体矩的估计量,用样本矩的函数作为总体矩的函数的估计量,即用样本均值来估计总体均值,用样本方差来估计总体方差。矩估计法简单、直观,而且不必知道总体的分布类型,所以矩估计法得到了广泛应用。但矩估计法也有局限性,它要求总体的 k 阶原点矩存在。否则无法估计,它不考虑总体分布类型,因此也没有充分利用总体分布函数提供的信息。

极大似然估计法是由英国统计学家 Fisher 提出的。其基本思想是,设总体分布的函数 形式已知,但有未知参数 θ , θ 可以取很多值,在 θ 的一切可能取值中选一个使样本观察值 出现的概率为最大的 $\hat{\theta}$ 值作为 θ 的估计值,记作 $\hat{\theta}$ 、称为 θ 的极大似然估计值,这种求估计 量的方法称为极大似然估计法。

抽样误差的存在是必然的,点估计不考虑误差范围,因此也就说明不了估计的准确性 和可靠性。但区间估计可以弥补这一不足。



2. 点估计量的优良标准

用样本估计量去推断总体参数,并非只能用一个样本估计量,而可能有多个估计量可 供选择,人们总希望选定的估计量能够推断准确性高一些。一般来说有3个基本的标准, 满足了这3个标准就可以认为该估计量是优良的。

1) 无偏件

无偏性的直观意义是没有系统性误差。虽然每个可能样本的估计值不一定恰好等于未 知总体参数,但如果多次抽样,应该要求各个估计值的平均数等于总体参数,即从平均意 义上,估计量的估计是没有偏差的。这一要求称为无偏性,一般来说,这是一个优良的估 计量必须具备的性质。例如样本平均数 z 和样本比率 p 分別满足:

$$E(\bar{x}) = \mu; \quad E(p) = \pi$$
 (6.30)

式中, E表示数学期望, 即算术平均数, 所以样本平均数(比率)是总体平均数(比率) 的无偏估计。

2) 一致性

一致性要求用样本估计量估计和推断总体参数时要达到,样本容量 n 充分大时,样本 估计量充分靠近总体参数。即随着面的无限增大、样本估计量与未知的总体参数之间的绝 对离差任意小的可能性趋于实际的必然性。根据大数定律式(6,8)和式(6,9)可知,当样本 容量越来越大时,样本平均数(比率)与总体平均数(比率)的偏差小于任意给定的正数 ε 的 可能性趋近于1的概率,即几乎是一定发生的。因此,样本估计量是总体参数的一致估 计量.

3) 有效性

有效性要求样本估计量估计和推断总体参数时, 作为估计量的标准差比其他估计量的 标准差小。设 $\hat{\theta}$, 和 $\hat{\theta}$, 是参数 θ 的两个无偏估计量、若 $\hat{\theta}$, 的方差比 $\hat{\theta}$, 的方差小、则称 $\hat{\theta}$, 比 角,有效。

可以证明: 样本平均数(成数)推断总体平均数(成数)均能满足优良估计的3个标准。

6.4.2 区间估计的基本原理

1. 区间估计的有关概念

区间估计就是以一定的概率保证估计包含总体参数的一个值域,即根据样本指标和抽 样平均误差推断总体指标的可能区间。它包括两部分内容: 一是这一可能范围的大小; 1 是总体指标落在这个可能范围内的概率。区间估计既说明估计结果的准确程度,又同时表 明这个估计结果的可靠程度, 所以区间估计是比较科学的。

设总体参数为0,0,0,0,是由样本确定的两个估计量,对于给定的a,有:

$$P(\theta_L \leqslant \theta \leqslant \theta_U) = 1 - \alpha \tag{6.31}$$

式中 (θ_1, θ_2) 为参数 θ 的置信度为1 α的置信区间。该区间的两个端点 θ_1 θ_2 分别称为 置信下限和置信上限。1 α 为概率保证程度(又称置信度、置信水平或置信概率), 概率保 证程度表达了参数区间估计的可靠性。α 称为显著性水平,表达了参数区间估计的不可靠 性,α的取值范围为0~100%之间。

式(6.31)的盲观意义为:对同一总体,如进行多次同样的抽样,将得到多个置信区

间,其中有 $(1-\alpha)$ %的区间包含了总体参数的真值,有 α %的区间没有包含总体参数的真值。

区间估计必须同时具备估计值、抽样极限误差和概率保证程度这3个基本要素。

2. 抽样估计的误差范围

用样本指标来估计总体参数、要达到100%的准确而没有任何误差几乎是不可能的,所以在估计总体参数时就必须同时考虑估计误差的大小。从人们的主观愿望上看、总是希望调查费用和调查误差越小越好。但是、缩小抽样误差就要采取措施调查资料的准确程度、如扩大样本容量、这就意味着增加调查费用、它们是一对矛盾。因此、在抽样调查时、应该根据研究目的和任务以及研究对象的标志变异程度、科学确定允许的误差范围。

抽样平均误差只是衡量误差可能范围的一种尺度、它并不等同于某一次抽样调查的样本估计量与总体参数之间的真实误差。由于总体参数是一个确定的常数、而样本估计量会随抽取的样本不同,估计量围绕参数左右随机取值。因此,样本估计量与总体参数之间存在一个误差范围。所谓抽样误差范围就是指变动的样本估计量与确定的总体参数之间离差的可能范围。它用样本估计量与总体参数的绝对误差极限来表达、称为抽样极限误差或抽样允许误差,用字母公表示。

一般用 Δ_{τ} 、 Δ_{ρ} 分别表示样本均值 Γ 和样本比率 ρ 的抽样极限误差,则有:

$$\Delta_{\overline{x}} \geqslant \sqrt{\overline{x} - \mu}$$
; $\Delta_{p} \geqslant |p - \pi|$ (6.32)

将(6.32)绝对值不等式展开, 可得:

$$\mu - \Delta_{\overline{x}} \leqslant \overline{x} \leqslant \mu + \Delta_{\overline{x}}, \quad \pi + \Delta_{\rho} \leqslant \overline{x} \leqslant \pi + \Delta_{\rho}$$

$$\tag{6.33}$$

不等式(6.33)表明: 样本平均数 π 是以总体平均数 μ 为中心、在 μ ± Δ τ 之间变动的;样本比率(成数) ρ 是以总体比率(成数) π 为中心、在 π + Δ ρ 之间变动的。抽样误差范围是以 μ 域 π 为中心的两个 Δ 的距离、这是抽样极限误差的原意。

但是,由于总体参数是未知的常数,而样本估计值是可以通过调查求得的,因此,可 以把上面的两个不等式改变为下列形式;

$$\bar{x} - \Delta_{\bar{x}} \leqslant \mu \leqslant \bar{x} + \Delta_{\bar{x}} \quad p - \Delta_{p} \leqslant \pi \leqslant p + \Delta_{p}$$
 (6.34)

式(6.34)表明:抽样极限误差的实际意义就是希望总体平均数 μ 落在抽样平均数 \overline{x} 上 Δ - 的范围之内:总体比率 π 落在抽样比率p 上 Δ ,的范围之内,这是参数估计常用的公式。

依据式(6.34),如果对总体均值进行区间估计,其区间下限 θ_L 就等于 $x - \Delta_x$,区间上限 θ_L 就等于 $x + \Delta_x$ 。如果对总体比率进行区间估计,其区间下限 θ_L 就等于 $p - \Delta_y$,区间上限 θ_L 就等于 $p + \Delta_y$ 。

3. 抽样估计的概率度

抽样平均误差是所有可能样本值与总体指标值之间的平均离差,对于一个总体来说、 当抽样方式以及样本的单位数确定后,抽样平均误差是可以计算出来的一个确定值。抽样 极限误差 △是单个样本值与总体指标值之间的绝对离差用抽样极限误差与抽样平均误差相 比,从而将由单一样本值得到的抽样极限误差标准化,称为抽样标准极限误差或相对误差 范围、也称为概率度,用 z 表示。

$$z = \frac{\Delta_{\overline{\tau}}}{\mu_{\overline{\tau}}} = \frac{\left| \bar{x} \quad \mu \right|}{\sigma / \sqrt{n}} \qquad z = \frac{\Delta_{\overline{\nu}}}{\mu_{\overline{\rho}}} = \frac{\left| \dot{p} \quad \pi \right|}{\sqrt{\frac{P(1 \quad P)}{n}}} \tag{6.35}$$

由此可知,变量、服从标准正态分布。这样就可以在确定的极限误差范围下,求出相 应的概率大小。而抽样极限误差的大小又可确定相应概率度的大小,这样如果先确定概率 度为z,则可求相应概率公式为;

$$P(|\bar{x} - \mu| \leqslant z\mu_{\tau}) = p\left(\frac{|\bar{x} - \mu|}{\mu_{\tau}} \leqslant z\right) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{0}^{z} e^{-\frac{z^{2}}{2}} dz$$
 (6.36)

式(6.36)就是抽样平均数示落在 μ = 24π 之间的概率,概率就是积分值,通过查标准正态分布表得到。现将常用的概率度 z 与相应的概率 F(z) 的几个数值对应列表如下(表 6-3)。

概率面积 F(z)	概率度 Zạ	概率面积 F(z)	概率度 2号	
0, 682 7	1.00	0, 954-5	2, 00	
0.8664	1.50	(0,990.0	2. 58	
0.9000	1.64	18.997 3	3.00	
0, 950 0	1.96	0. 999 94	4.00	

表 6-3 常用的标准正态分布概率面积、概率度对应表(双侧表)

运用此表,也可根据确定的概率查表得到对应的概率度。根据式(6.36)可得:

$$P\left\{-z_{1} \leftarrow \frac{\overline{z} - \mu}{\mu_{T}} < +z_{\frac{1}{2}}\right\} = 1 - \alpha \sqrt{F(z)}$$
(6.37)

在样本估计量已知,而总体平均数 μ 末知时,也可把式(6.37) 看作是 μ 落在 Ξ 工 \simeq μ 区间的概率。将抽样平均误差公式代人,得到式(6.38),它是总体参数区间估计的具体形式。式(6.38) 为总体均值估计的形式,如要估计总体比率等参数,则要对式(6.38)中的有关字母讲行替换即可。

$$P\left\langle \overline{x} - z_{\frac{n}{2}} \sqrt{\frac{\sigma^{2}}{n}} < \mu < \overline{x} + z_{\frac{n}{2}} \sqrt{\frac{\sigma^{2}}{n}} \right\rangle = 1 - \alpha \tag{6.38}$$

1. 抽样估计的精度和置信度的关系

抽样误差范围决定抽样估计的精度,是通过置信区间大小来反映的。抽样估计的置信区间越小、说明估计的精确性越高;置信区间越大、说明估计的精确性越低。置信概率决定抽样估计的可靠性,置信概率越大、估计的可靠性就越大、置信区间的确定总是在一定的概率保证程度下进行的,因为既然抽样误差是一个随机变量、就不能指望样本指标落在置信区间内成为必然事件,只能看作是一个可能事件。这样就必定要用一定的概率来给予保证、这个概率称为置信概率。也称为置信度,用p表示,p是z的函数。而p F(z)表明概率分布是概率度z的函数。确定抽样估计的可靠程度,就是要确定样本估计量落在置信区间中的概率p。F(z)的函数形式为;

$$P(|\bar{x} - \mu| \leqslant z\mu_{\bar{\tau}}) - F(z) \qquad P(|p - \pi| \leqslant z\mu_{\bar{\tau}}) - F(z) \qquad (6.39)$$

由此可知, z增大, Δ 也增大, 这表明所要求的误差范围增大, 说明从总体中随机抽取一个样本, 其样本值落在这个较大的置信区间内可能性或把握性 ρ 愈大; 反之, z 减

小, Δ 也减小, 这表明所要求的误差范围减小, 说明从总体中随机抽取一个样本, 其样本 值落在这个较小的置信区间内的可能性或把握性愈小。

前面已述,总体参数通常是未知的,而样本估计量是通过调查得到的,所以置信概率 也可看成是总体参数 μ 落在 $x \pm z\mu$,或总体比率 π 落在 $p \pm \Delta$,中的概率。所以根据标准正态分布概率表(表6 3),其中常用的总体均值落在 3种胃信区间内的胃信概率为:

$$F(1) = P(|\bar{x} - \mu| \le 1\mu_{\bar{x}}) = 68.27\%,$$

$$F(2) = P\{|\bar{x} - \mu| \leq 2\mu_{\bar{x}}\} = 95.45\%$$

$$F(3) = P\{ |\bar{x} - \mu| \leq 3\mu_{\bar{x}} \} = 99.73\%$$

抽样估计的置信概率与置信区间如图 6-14 所示。

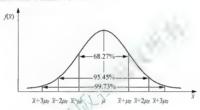


图 6-14 抽样估计的置信概率与置信区间示意图

根据表 6.3 和图 6-11. 可以发现置信概率、概率度和置信区间之间的关系:置信概率越大,即估计可靠性越高,则概率度。也就越大,置信区间也就越大,估计的精确度就越低。反之,类排。所以,在样本容量一定的前提下,要同时提高估计精度与置信概率往往是相互矛盾的,如提高置信概率,则估计区间必然增大,从而会降低估计的精度;若要求估计精度提高,则置信区间会缩小,置信概率必然减小。抽样估计的精度和概率把握程度二者密切联系,但同时又是一对矛盾,所以,对估计的精确度和估计可靠性的要求应综合考虑。如果要同时提高估计的精度和置信概率,只有通过增加样本容量才能实现。

5. 参数估计的基本步骤

抽样推断有多种组织方式,但其基本原理都是相似的。抽样推断的基本步骤如下。

- (1)按照 定的组织方式和抽样方法抽取样本,对样本进行调查,计算出样本均值、 比率和标准差等统计量,选择和计算总体参数的优良样本估计值,进行总体参数的点 估计。
 - (2) 计算抽样平均误差,如果总体标准差未知,则要用样本标准差替代。
- (3) 根据所要求的置信概率。查标准正态分布表、t 分布表或其他分布表获得对应的 概率度,再计算出抽样极限误差。
 - (4) 根据点估计值和抽样极限误差,给出总体参数的置信区间。



6.4.3 一个总体参数的区间估计

对总体参数的区间估计, 可分为对一个总体参数的区间估计和对两个总体参数的区间 估计。从区间估计原理可以看出,其本质就是以样本均值,,样本比率 6 和样本方差。2 来 构造总体均值 μ 、总体比率 π 和总体方差 σ 的置信区间,并说明所构造区间的置信水平。

1. 总体均值的区间估计

关于总体均值的区间估计,存估计时,需要考虑加下几个因素,总体是否为正态分 布、总体方差是否已知、用来构造估计量的样本是大样本还是小样本等几种情况。

1) 总体为正态分布、产已知时,均值的区间估计

若总体服从正态分布目方差已知,样本均值 定的抽样分布服从正态分布。

根据式(6.38). 即
$$P\left\{\overline{z}-z_{\frac{\alpha}{2}}\sqrt{\frac{\sigma'}{n}}<\mu<\overline{x}+z_{\frac{\alpha}{2}}\sqrt{\frac{\sigma'}{n}}\right\}=1-\alpha$$
得到:

在置信水平 $1-\alpha$ 下参数 μ 的置信区间为:

$$\bar{x} \pm \Delta_r$$
, $\bar{x} \pm z_{\uparrow} \mu_r$ \bar{y} , $\bar{x} + z_{\uparrow} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ (6.40)

【例 6.4】 -家生产含装罐头的企业,规定每罐的标准重量为 250 克,为确保每罐重 量符合要求,企业质检部门经常要进行抽检。现从某天生产的一批食品中随机抽取了25 罐、测得每罐重量(单位, 直)加下列数据所示。

已知产品重量的分布服从正态分布,且总体标准差为 0.831 2 克。试在置信概率为 95%条件下、估计该批产品平均重量的置信区间。

解: 已知 $X \sim N(\mu, 0.8342^2)$, n=25, $1-\alpha=95\%$, $z_*=1.96$ 。样本均值: $\bar{x}=$ 250.1(克) 依题意, 得到:

$$P\Big\{250,1-1,96 \times \sqrt{\frac{0,8342^{2}}{25}} < \mu < 250,1+1,96 \sqrt{\frac{0,8342^{2}}{25}}\Big\} - 95\%$$

所以总体均值 u 的置信区间为: 250.1±0.327 克。

- 即,在置信概率为95%时,该批罐头平均重量的置信区间为249.8~250.4点。
- 2) 总体分布未知、水未知、大样本时、均值的区间估计

态分布,可用样本方差S 替代总体方差 σ 。根据式(6.38)作相应替代,得到:

$$P\Big\{\bar{x}-z_{\frac{n}{2}}\sqrt{\frac{S^2}{n}}<\mu<\bar{x}+z_{\frac{n}{2}}\sqrt{\frac{S^2}{n}}\Big\}=1-\alpha$$

因此,在署信水平 $1-\alpha$ 下参数 μ 的署信区间为

$$\vec{x} \pm \Delta_{\tau}$$
, $\vec{x} \pm z_{\frac{\alpha}{2}} \mu_{\tau}$ \vec{x} $\pm z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{n}}$ (6.41)

【例 6.5】 某公司有职 C 3 000 人,按随机重复抽样方式从中抽取 60 人,调查其 L 资收人情况。调查结果表明,职 T 的月 平均 T 资为 2 350 元,标准差为 193 元。试以 95.45%的置信水平推断该公司职工月平均工资所在的范围。

解: 已知 $\bar{x} = 2350$ 元 S = 193 元 n = 60 人, F(z) = 95.45%, 查表得: $z_{\frac{5}{2}} = 2$, 依颜章, 得到.

$$P\left(2\ 350 - 2 \times \sqrt{\frac{193^2}{60}} < \mu < 2\ 350 + 2 \times \sqrt{\frac{193^2}{60}}\right) = 95.45\%$$

全部职工月平均工资的区间为: $(2\ 350-49.84) \leqslant \mu \leqslant (2\ 350+49.84)$ 即: $2\ 300.16 \leqslant \mu \leqslant 2\ 399.84$

计算结果表明: 有 95. 45%的把握说该公司职工月平均工资在 2 300. 16~2 399. 84 元。

3) 总体服从正态分布、矿 未知、小样本时,均值的区间估计

如果总体服从正态分布,无论样本容量大小,样本均值的插样分布都服从正态分布。只要总体方差已知,即便在小样本情况下,也可以按上述方法计算总体均值的置信区间。 但如果总体方差未知且是在小样本情况下,则需用样本方差 S'代替总体方差。'这时样本均值经过标准化以后的随机变量则服从自由度为(n-1)的 1 分布,根据式(6.38)作相应替换。得到:

$$P\left\{\overline{x} - t_{\frac{n}{2}}(n-1)\sqrt{\frac{S^2}{n}}\right\} = 1 - \alpha$$

因此、根据 t 分布性质、在置信水平 1-α下总体均值 μ 的置信区间为:

$$\bar{x} \pm \Delta_r \cdot \bar{x} \pm \iota_r \cdot (n-1)\mu_r$$
 \bar{x} $\bar{y} \pm \iota_r \cdot (n-1) \frac{S}{\sqrt{n}}$ (6.42)

式中:t=(n-1) 是t分布中上侧面积为 $\frac{a}{2}$ 时的t 值(t 值可通过查t 分布表查得)。

【例 6.6】 某零件厂生产一种新型电池、要了解电池的使用寿命,在生产线上按随机 重复抽样方式抽取 10 个电池进行测试,得到下列一组数据(单位;小时)。

4940 5180 5400 5260 5100 5320 5200 5100 5100 5400

如果电池使用寿命服从正态分布,试在置信水平为95%时,求该批新型电池平均使用 寿命的置信区间。

解: 已知 n=10, $1-\alpha=0.95$, $\alpha=0.05$, 查 t 分布表, 得到 $t_{0.025}(9)=2.262$

根据样本数据计算得: $\bar{x} = 5\ 200\ \text{小时}$, $S = 155.6\ \text{小时}$,将数值代人式(6.42), $\bar{x} \pm t_{+}(n-1)\frac{S}{L_{+}}$,得到: $5\ 200\pm2.262\times\frac{155.6}{\sqrt{10}}$,即 $5\ 200\pm111.4$ 。

所以,在置信水平为 95%时,该批新型电池平均使用寿命的置信区间为 5 088.6 \sim 5 311.4 小时。

2. 总体比率的区间估计

总体比率的区间估计与总体均值的区间估计方法类似,所不同的是对总体比率的区间估计只讨论大样本 $(np \ge 5$ 且 $n(1-p) \ge 5$ 情况。

在大样本条件下,样本比率的抽样分布可用正态分布近似。样本均值为E(p) P,样



本方差 $D(p) = \frac{P(1-P)}{n}$,即 $p \sim N(P, \frac{P(1-P)}{n})$,样本比率标准化后的随机变量 z 服从 标准正态分布。根据式(6.38)作相应替换,得到:

$$P\Big\{p-z_{\frac{p}{2}}\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}<\pi< p+z_{\frac{p}{2}}\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}\Big\}=1-a$$

在置信水平 $1-\alpha$ 下,总体比率 π 的估计区间为:

$$p \pm \Delta_p \quad \overrightarrow{\otimes} \quad p \pm z_{\frac{p}{2}} \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} \tag{6.43}$$

【例 6.7】 某公司有职工 3000 人,从中按随机重复抽样方式抽取 60 人,调查其工资 收入情况。调查结果表明, 月收入在2000 元及以上的职工有40人。试以95.45%的置信 水平推断该公司月收入在2000元及以上职工比率的区间。

解: 已知
$$n-60(人)$$
, $p-\frac{40}{60}=0.667$, $F(z)=95.45\%$, 查表得: $z=-2$,

依题意,得到:

放恕息,得到:
$$P\{0.667-2\times\sqrt{\frac{0.667\times(1-0.667)}{60}}<\pi<0.667+2\times\sqrt{\frac{0.667\times(1-0.667)}{60}}\}$$

= 95, 45%

54.5% TS78.9%

计算结果表明,有95.45%的把握说该公司职工月收入在2000元及以上职工比率在 54.8%~78.9%

3. 总体方差的区间估计

在抽样推断中,经常需要对总体数据差异程度作出判断,即需要对总体方差进行估 计。例如, 一批零件的平均使用寿命虽然合乎要求, 但若各个零件寿命和差很大, 即方差 很大,那么这些零件的质量还是有问题的。因此,经常要知道总体方差或标准差的大小。 这里只讨论总体服从正态分布的方差估计问题。

假设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^i)$, 从中抽取容量为n的样本, γ^i 分布形式如式(6.21)所示, 因 此,可以根据 y² 分布和样本方差构造总体方差 o² 的估计区间(如图 6-15 所示)。

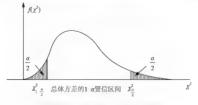


图 6 15 自由度为 n-1 的 x² 分布

由图 6 15 的 χ^2 分布可知、在置信水平 1 α 下、有: $\chi^2_{1,\pm} \leq \chi^2 \leq \chi^2_{\pm}$,将式(6.21)代 人得到:

$$\chi'_{\cdot,\frac{\alpha}{2}} \leqslant \frac{(n-1)s^2}{s^2} \leqslant \chi'_{\frac{\alpha}{2}}$$

根据这一公式,可以推导出总体方差在(1 α)置信水平下的置信区间为:

$$\frac{(n-1)s^2}{\chi_{\frac{1}{2}}^2} \leqslant \sigma^2 \leqslant \frac{(n-1)s^2}{\chi_{\frac{1-\frac{1}{2}}}^2} \tag{6.44}$$

【例 6.8】 家食品生产企业以生产袋装食品为主,为对产品质量进行监测,企业质 检部门经常要进行抽检,以分析每袋重量是否符合要求。现从某天生产的一批食品中随机 抽取了 25 袋,测得每袋重量如下列数据所示。已知产品重量服从正态分布,且总体标准 差为 10g, 试以 95%的置信水平建立该种食品重量方差的置信区间。

解: 已知: n = 25. 根据样本数据计算样本方差: $S^2 = 93.21$. 自由度 n-1=25-1=

24.
$$1-\alpha = 95\%$$
, $\frac{\alpha}{2} = 0.025$, $1-\frac{\alpha}{2} = 0.975$

$$\chi^2_{0.025}(25-1) = 39.364$$
 $\chi_{0.975}(25-1) = 12.401$ 依題意,有: $P\left\{\frac{24\times93.21}{39.364} < \sigma^2 \cdot \frac{24\times93.21}{12.101}\right\} = 95\%$

所以 が 的置信度为 95%的置信区间为 (56.83,180.39)。

在前面所述的参数区间估计中、都是按简单随机重复抽样公式计算抽样平均误差、推导出估计区间的。如果样本单位数点总体单位数的比例很小、可以按重复抽样公式计算抽样平均误差;如果样本单位数点总体单位数的比例较大、则要按不重复抽样公式计算抽样平均误差。还要注意在不同的组织方式下、抽样平均误差的计算公式也不尽相同。下面通过例子介绍在分层抽样和整件抽样方式下区间估计的方法。

4. 分层抽样和整群抽样方式下的参数的区间估计

1) 分层抽样方式下的参数的区间估计

在总体中采用分层抽样或分类抽样方法可以提高样本的代表性,减少抽样误差。对于那些总体情况复杂、各单位之同差异较大、单位数量较多的抽样调查问题。一般都可以采用分层抽样的方法进行抽样调查。由于各个类型组的单位数一般是不相等的,从各个类型组中抽取多少样本单位有种不同的确定方法。一种是按各组标志值变动的大小来确定,设抽税、的抽样比例;另一种是按比例抽样,即保持每组样本单位数与样本容量之比等于各组总体单位数与存及总体单位数之比。

数之和等于样本总容量。第i组的抽样平均数是: $x_i - \frac{1}{n_i} \sum_{i=1}^{j} x_{ij}$; 样本的平均数为:



 $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{n=1}^{k} n_{n} \bar{x}_{n}$; 样本各类型方差的平均数为:

$$S' = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{k} n_i S_i^2 \tag{6.45}$$

重复抽样条件下抽样平均误差公式为

$$\mu_{\overline{x}} = \sqrt{\frac{S^2}{n}} \tag{6.46}$$

不重复抽样误差公式为,

$$\mu_{T} = \sqrt{\frac{S^{2}}{n}}(1 - \frac{n}{N}) \tag{6.47}$$

【例 6.9】 某地有外出务工人员 10 000 名, 其中: 从事工业劳动的有 7 000 人, 从事 农业劳动的有3000人。现按两类人数的比例抽取100人, 计算各相关指标见表6-4, 试 以 95%的置信水平推断该地人均收入的区间。

表 6-4 各组平均收入与标准等

黄荷, 元

类型	全部人数 N,	抽样人数 n,	样本平均数x.	样本标准差 s,
从事工业	7 000	70	10 000	300
从事农业	3 000	1 30	7 500	250

解:具体计算如下。

体计算如下。
$$\overline{x} - \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} n_i \overline{x_i} = \frac{1}{100} (70 \times 10\ 000 + 30 \times 7\ 500) - 72\ 250\ (元)$$

$$\overline{S} - \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} n_i S_i^2 - \frac{1}{100} (70 \times 300^2 + 30 \times 250^2) - 81\ 750$$

由于该题中抽样总体仅占全及总体的1%,故可采用重复抽样公式来计算抽样平均 误差。

$$\mu_{\overline{x}} = \sqrt{\frac{S^2}{n}} = \sqrt{\frac{81750}{100}} = 28.59 \,(\overline{\pi}_{0})$$

∴F(z) = 95%,∴ $z_{7} = 1.96$, $\Delta_{\overline{x}} = z_{7}\mu_{\overline{x}} = 1.96 \times 28.59 = 56$ (元)

所以外出务工人员人均收入的区间为: $x \pm \Delta = \mathbb{D}$ 72 250 ± 56

故有 95%的把握说。该铀外出备工人员人均收入在 72 194~72 306 元。

2) 整群抽样方式下参数的区间估计

整群抽样与简单随机抽样组织方法相比,抽样单位数扩大了,即抽取的基本单位不再 是总体单位而是群(组)。如调查某县小学教育情况,可以从该县中随机抽取若干个小学, 然后对抽中的小学进行全面调查。这里把群看作总体单位。则整群抽样就和简单随机抽样 类似,故整群抽样的误差公式可以通过简单随机抽样的误差公式导出。把一个总体分成 R 个群,然后在R个群中随机抽取 σ '个群,设群间方差为 δ ,由于整群抽样都是采用不重复 抽样的方法,抽样平均数和比率的抽样平均误差公式分别为:

$$\mu_{\overline{r}} = \sqrt{\frac{\delta^2}{r}(\frac{R-r}{R-1})} = \sqrt{\frac{\delta^2}{r}(1-\frac{r}{R})}$$
 (6.48)

其中样本均值的群间方差公式为; $\delta^{s} = \sum_{j=1}^{r} \frac{(\overline{x_{i}} - \overline{x})^{2}}{r - 1}$ $\mu_{b} = \sqrt{\frac{\delta^{s}}{r}} \frac{(R - r)}{(R - 1)} = \sqrt{\frac{\delta^{s}}{r}} (1 - \frac{r}{R})$ (6.49)

其中样本比率的群间方差公式为: $\delta^{2} = \frac{\sum\limits_{i=1}^{r}(p_{i}-p)^{2}}{r-1}$

【例 6.10】 某连续生产企业为掌握 1 月份某种产品的 - 等品率,确定抽出 5%的产品,即在全月连续生产的 720 小时中,每隔 20 小时抽取 1 小时的全部产品进行调查。调查结果 - 等品率为80%,群间方差为7%,试以95.45%的置信度对该企业 1 月份产品 - 等品率进行区间估计。

解: 已知R=720, $r=720\times5\%=36$, $\delta^2=7\%$, p=80%

$$\mu_p = \sqrt{\frac{0.07}{36}(1 - \frac{36}{720})} = 4.3\%$$

: F(z) = 95.45%, : $z_{\frac{\pi}{2}} = 2$, $\Delta_b = z_{\frac{\pi}{2}}\mu_b \Rightarrow 2.4.3\% = 8.6\%$

カ±Δ。即: 80%±8.6%

即有 95.45%的把握说,该企业 1 月份产品一等品率的置信区间为 71.4%~88.6%。

6.4.4 两个总体参数的区间估计。

对于两个总体参数估计主要有两个总体均值之差 u_1-u_2 、两个总体比例之差 $\pi_1-\pi_2$ 、两个总体的方差比 σ_1/σ_2 篑。

1. 两个总体均值之差的区间估计

在实际中,经常需要比较两个总体均值的差别问题。例如,比较两个地区居民的人均 收入、化工厂要比较两种催化剂对生产效率的影响等,这时需要对两个总体均值之差作区 间估计。

1) 两个正态总体的方差 எ'、எ'已知时的区间估计

这里包括两种情况: 一是两个总体服从正态分布, of, cl 口; 二是两个总体分布未知, 但来自两个总体的样本均为大样本, 且总体方差 of, of 已知。这时可以证明得到:

$$\overline{x_1} - \overline{x_2} \sim N(u_1 - u_2, \frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}) \quad \overline{\mathbb{R}} \quad \frac{(\overline{x_1} - \overline{x_2}) - (u_1 - u_2)}{\sqrt{\sigma_1^2 + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} \sim N(0, 1)$$

即得 $u_1 - u_2$ 的一个置信水平为 1-a 的置信区间:

$$(\overline{x_1} - \overline{x_2}) \pm z_{\frac{\pi}{2}} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}$$
 (6.50)

【例 6.11】 某地商业银行要了解所属两个营业部的储蓄存款情况,分别从两个营业部的储户中各随机抽取 25 户, 计算得到样本均值; x₁ 4 500 元, x₂ 3 250 元。设均服从正 宏分布, 日已知它们的方差分别为需。2 500 和需。3 250、试构造两个营业部的储蓄户存



数平均额之差 $(u_1 - u_2)$ 的 95%的置信区间。

 \mathbf{k} : $u_1 - u_2$ 的 95%的置信水平的置信区间

$$(x_1 - x_2) + z_3 \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}} = (4\,500 - 3\,250) \pm 1.96 \times \sqrt{\frac{2\,500^2}{25} + \frac{3\,600^2}{25}} = 1\,250 \pm 30.62 - (1\,219.78, 1\,280.62)$$

结果意味着有 95%的把握认为总体均值之差在 1291.78~1280.62 元。

2) 两个正态总体方差点、点未知时的区间估计

这里包括两种情况: -是两个正态总体方差 of so 未知但是相等; 二是两个正态总体 方差 成 成 未知日不相等。

(1) 当两个总体方差点、σ. 未知但是相等时,则在一定的置信水平1-α保证下两个总 体均值之差的肾信区间为:

$$(\overline{x_1} - \overline{x_2}) \pm t_{\frac{n}{2}}(n_1 + n_2 - 2) S_{p,\sqrt{\frac{1}{N_1}}} \sqrt{\frac{1}{N_2}}$$
 (6.51)

式中,
$$S_p = \sqrt{\frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}}$$
.

S. 是对两个样本 方差加权平均值得到, 权数分别为它们的自由度, 用两个样本的共 同标准差 S。来代替两个总体共同标准差。那么,两个均值之差经标准化后服从自由度为 (n + n - 2) 的 t 分布,即

$$t = \frac{(\overline{x_1} - \overline{x_2}) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt[3]{n_1} + \frac{1}{n_2}} \sim t(n_1 + n_2 - 2)$$
(6.52)

【例 6, 12】 为检验两种化肥对某作物的作用,从施用 1 号化肥的试验基地中抽取了 25 个样本地块,从施用 2 号化肥的试验基地中抽取了 12 个样本地块,测试结果,施用 1 号化肥样本地块的平均产量为44.1 千克, 方差为36, 施用2号化肥样本地块的平均产量 为31.7 千克, 方差为44。根据技术人员经验, 两基地农作物产量近似服从正态分布, 且 两种化肥影响产量的波动基本是相等的。试以 95%的可靠性估计两种化肥对农作物产量影 响的差异。

解;已知 $\vec{n} = \vec{n}$,所以,以 $(\vec{x}_1 - \vec{x}_2)$ 估计 $(\mu_1 - \mu_2)$,可以得到置信区间;

$$(\overline{x_1} - \overline{x_2}) + t_{\frac{1}{2}}(n_1 + n_2 - 2)S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}$$

 $\overline{x_1} - \overline{x_2} = 44.1 - 31.7 = 12.4$

查表得: $t_{7}(n_1+n_2-2)=t_{7}(25+12-2)=2.030$

$$S_{p} = \sqrt{\frac{(n_{\star} - 1)S_{1}^{2} + (n_{2} - 1)S_{2}^{2}}{n_{1} + n_{2} - 2}} = \sqrt{\frac{(25 - 1) \times 36 + (12 - 1) \times 44}{25 + 12 - 2}} = 38.51$$

于是得到置信区间: $12.4 \pm 2.030 \times \sqrt{38.51} \times \sqrt{\frac{1}{95} + \frac{1}{19}}$ 即(7.97, 16.83)。

因此,有95%的把握推测两种化肥对产量影响差异大约在8~17千克。

(2) 当两个正态总体方差 of 、of 未知且不相等时,则可以在一定的置信水平1 α保证 下两个总体均值之差的置信区间为:

$$(\overline{x_1} - \overline{x_2}) \pm t_{\frac{\alpha}{2}} (df) \sqrt{\frac{S_1^2 + S_2^2}{n}}$$
 (6.53)

式中,自由度
$$df = \left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2 / \left[\frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2 + \left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}\right]$$

【例 6.13】 为估计两种方法组装产品所需时间的差异,假定第一种方法随机安排 12 名 L人,第二种方法随机安排 8 名 L人,即 $n_1 = 12$, $n_2 = 8$,所得的有关数据见 L 6-5.

表 6-5 两种方法组装产品时间

单位。分钟

方法 1	37. 6	32. 1	28. 3	30.1	28. 8	29	34. 4	30	36	37. 2	28	38.5
方法2	31.7	31	20	22. 2	26. 5	27.6	30. 2	33. 8	U.			

假定两种方法组装产品的时间服从正态分布,且方差不相等。以 95%的置信水平建立两种方法组装产品所需平均时差值的置信区间。

解:根据样本数据计算得到:

$$\overline{x_1} = 32.5$$
; $S_1^2 = 15.996$; $\overline{x_2} = 27.875$; $S_2^2 = 23.014$

自由度为:
$$df = \left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2 / \left[\frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2}{n_1 - 1} + \frac{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}\right]$$

$$= \left(\frac{15.996}{12}\right)^2 \frac{23.014}{8}\right]^2 / \left[\frac{15.996}{12}\right]^2 + \frac{25.014}{8}\right] \approx 13$$

根据自由度 13 查 t 分布表得: to (13) = 8, 1604

两个总体均值之差 $\mu_1 - \mu_2$ 在 $1 - \alpha$ 置信水平下的置信区间为:

$$\sum_{\overline{X_1} - \overline{X_2}} (1 \pm t_4) \left(\frac{S_1^2}{n} + \frac{S_1^2}{n} \right)$$

$$= (32.5 - 27.875) \pm 2.1604 \times \sqrt{\frac{15.996}{120} + \frac{23.014}{0}} = 4.625 \pm 4.433$$

即两种方法组装产品所需平均时间之差的置信区间为 0, 192~9, 058 分钟。

2. 两个总体比率之差的区间估计

设两个总体的比率分别为 π , 和 π_2 . 分别从两个总体各随机抽取容量为 π 和 π_2 的两个样本,计算出两个样本的比率分别为 π_1 和 π_2 。 当 π_1 和 π_2 很大, π_2 的抽样分布近似 正态分布,且

$$\mu = \pi_1 - \pi_2 \cdot \sigma = \sqrt{\frac{\pi_1(1 - \pi_1)}{n_1} + \frac{\pi_2(1 - \pi_2)}{n_2}}$$
 (6.54)

则两个总体比率之差 $\pi_1 = \pi_2$,在一定置信水平 $1-\alpha$ 下的置信区间为:

$$(p_1-p_2)\pm z_2\sqrt{\frac{p_1(1-p_1)}{n_1}+\frac{p_2(1-p_2)}{n_2}}$$

【例 6.14】 某企业有甲、乙两个车间,为了降低废品率,该企业对乙车间的工人首先



进行了业务培训。5个月后,该企业对两个车间的产品质量进行了检验。从甲车间抽取了 200 件产品,从乙车间抽取了220 件产品。查得废品率甲车间为 5, 15%,乙车间为 5, -3%。 试在 95%的署信水平构造两个废品率之差的署信区间。

解: 当置信水平为 95% 时, == -1.96, 构造两个废品率之差的置信区间为:

$$(p_1 - p_2) \pm z_{\frac{p}{2}\sqrt{\frac{p_1(1 - p_1)}{n_1} + \frac{p_2(1 - p_2)}{n_2}}}$$

$$= (0.15 - 0.03) \pm 1.96\sqrt{\frac{0.15 \times (1 - 0.15)}{200} + \frac{0.03 \times (1 - 0.03)}{220}}$$

 $=0.12\pm1.96\times0.0277=(0.066.0.174)$

因此,有95%的把握说甲车间与/车间的废品率之差在6.6%~17.4%。这说明7.车 间人员的业务培训收到了良好的效果。

3. 两个总体方差比的区间估计

设两个总体方差分别为可,可,分别从两个总体各随机抽取容量为 n, 和 n₂ 的两个样本, 计算出两个样本的方差分别为 S^1 和 S^2 ,通常假定 $S^1 \ge S^2$ 。当两个总体均服从正态分布, 日相互独立时, 有,

$$F = \frac{S_1^2}{S_2^2} \times \frac{\sigma_2^2}{\sigma_2^2} \sim F(u_1 - 1, u_2 - 1)$$
 (6.55)

则在一定的置信水平1一α下,两个总体方差比的置信区间为;

$$\frac{S_1^2/S_2^2}{F_{\frac{1}{2}}(n_1-1,n_2-1)} \leqslant \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} \leqslant \frac{S_1^2/S_2^2}{F_{1-\frac{1}{2}}(n_1-1,n_2-1)}$$
(6.56)

因为F分布表中不含 $1-\frac{\alpha}{2}$ 对应的F 值、计算方法为:

$$F'_{\frac{1}{2}}(n_1-1,n_2-1)=\frac{1}{F_{\frac{1}{2}}(n_2-1,n_1-1)}$$

【例 6.15】 实验室两位化验员独立地对某种聚合物含氯量用相同的方法各做 16 次和 11 次试验,测定的样本方差分别为 $S_1 = 0.36$, $S_2 = 0.28$, 设总体均为正态, 日两个样本 独立。求总体方差比的置信水平为90%的置信区间。

解;
$$n_1=16$$
, $S_1^2=0$, 36 , $n_2=11$, $S_2^2=0$, 28 , $\alpha=0$, 1 , $\frac{\alpha}{2}=0$, 05 , $1-\frac{\alpha}{2}=0$, 95

$$F_{\frac{\alpha}{2}}(n_1-1,n_2-1)=F_{0.05}(15,10)=2.85$$

$$F_{\frac{1-\alpha}{2}}(n_1-1,n_2-1)=F_{0.05}(15,10)=\frac{1}{F_{0.05}(10,15)}=\frac{1}{2.54}=0.39$$
此公式 $\frac{S_1^2/S_2^2}{F_{\frac{1}{2}}(n_1-1,n_2-1)}\leqslant \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2}\leqslant \frac{S_1^2/S_2^2}{F_{\frac{1}{2}+2}(n_1-1,n_2-1)}$ 计算置信区间为: $\left(\frac{0.36}{0.28}\right)$ $\frac{1}{2.85},\frac{0.36}{0.28}\times2.54$, 即为(0.45, 3.27)

由于总体方差比 的置信区间包含了1,在实际中就认为可以改设有显著差别。

6.5 样本容量的确定

在进行抽样推断时,确定样本容量是最先要考虑的。样本容量少,样本的代表性就小,样本容量多,所花费的调查成本高。任何一次调查都是在一定研究目的和要求之下进行的。因此,要确定必要的样本容量,满足一定的条件要求。这里介绍的是在简单随机抽样方式下必要的样本容量的确定方法。

6.5.1 影响样本容量的因素

1. 总体的变异程度(总体方差 o²)

总体各单位标志值的差异程度的度量指标为总体标准差和总体方差。在其他条件相同的情况下、总体方差较大、样本的容量应该大一些、反之则应该小一些。例如、在正态总体均值的估计中、抽样平均误差为 σ / π 反映了样本均值相对于总体均值的离散程度。样本的容量大、才会使 σ / π 较小、以保证估计的精确度

2. 抽样极限误差

抽样极限误差也称为允许的抽样误差、以绝对值的形式表现抽样误差的可能范围。允 许误差说明了估计的精度、所以、在其他条件不变的情况下、如果要求估计的精度高、允 许误差就小、那么样本容量就要大一些;反之、类辨。

3. 置信概率(1-α)

置信概率说明了估计的可靠程度。所以,在其他条件不变的情况下,如果要求较高的 置信概率,就要增大样本容量:反之,可以相应减少样本容量。

4. 抽样方法

在相同的条件下, 重复抽样的抽样平均误差比不重复抽样的抽样平均误差大, 所需要的样本容量也就不同。重复抽样需要更大的样本容量, 而不重复抽样的样本容量则可小…此

此外,必要的抽样数目还要受抽样组织方式的影响,这也是因为不同的抽样组织方式 有不同的抽样平均误差。

6.5.2 样本容量的确定

1. 估计总体均值的样本容量

在总体均值的区间估计里,置信区间是由极限误差计算公式 Δ , Z_{S,μ_T} 确定的。

把重复抽样条件下抽样平均误差公式 $\mu_r - \sigma / \sqrt{n}$ 代入 $\Delta_r - Z_{*u}$, 整理得到:

$$n = \frac{Z_2^c \sigma^2}{\Delta_z^2}$$
 (6.57)

把不重复抽样的条件下抽样平均误差公式 $\mu_{\mathbb{F}} - \sqrt{\frac{\sigma^2}{n} \left(1 - \frac{n}{N}\right)}$ 代入 $\Delta_{\epsilon} = Z_{\epsilon}\mu_{\mathbb{F}}$,整理



得到:

$$n = \frac{Z_{\pm}^2 \sigma^2 N}{\Delta_x^2 N + Z_{\pm}^2 \sigma^2} \tag{6.58}$$

【例 6.16】 基食品厂要检验本月生产的 10 000 袋基产品的重量。根据以往的资料。 这种产品每货重量的标准差为 25 克。如果要求在 95.45%的置信度下, 平均每货重量的误 差不超过 5 克, 应抽查多少袋产品?

解: 由题意可知 N 10 000, σ 25 克, Δ_r 5 克, 根据署信度 1 σ 95.45%, 有 $Z_{-0}=2$ 在重复抽样的条件下,样本容量为。

$$n = \frac{Z_{\frac{3}{2}}^2 \sigma^2}{\Delta_{\overline{r}}^2} = \frac{2^2 \times 25^2}{5^2} = 100 \text{ (} \frac{43}{5}\text{)}$$

在不重复抽样条件下, 样本容量为。

$$n = \frac{Z_{+}^{2}\sigma^{2}N}{\Delta_{\tau}^{2}N + Z_{+}^{2}\sigma^{2}} = \frac{2^{2}\times25^{2}\times10\ 000}{5^{2}\times10\ 000 + 2^{2}\times25^{2}} = 99\ (\frac{1}{2})$$

由计算结果可知,在其他条件相同的情况下,重复抽样所需要的样本容量比不重复抽 样所需要的样本容量要多些。

在计算时要注意,第一,总体的方差往往是未知的,这时可用样本方差代替。也可用 以往调查的方差,若曾有多个方差,应该选择最大值。也可在实际抽样调查前,进行一次 小规模的试调查,得到样本方差,来替代总体的方差。第二,计算结果小数点只进不舍, 以满足预定条件要求。

2. 估计总体比率(成数)时的样本容量

估计总体比率时样本容量的确定方法与估计总体均值方法类似。也是将抽样平均误差 公式代人抽样极限误差公式推导得到的。

在重复抽样条件下样本容量的公式为。

$$n = \frac{Z_{\frac{5}{2}}^{c} P(1-P)}{\Delta_{\delta}^{2}} \tag{6.59}$$

在不重复抽样条件下样本容量公式为

$$n = \frac{Z_{u,2}^2 P(1-P)}{(\Delta_u)^2 N + Z_{u,2}^2 P(1-P)}$$
(6.60)

【例 6.17】 某企业为了抽查所生产的某批 10 000 个显像管的合格率,需要确定样本 的容量。根据以往经验合格率为90%。91.7%。如果要求估计的允许误差不超过2.75%。 置信水平为95.45%。试计算至少抽取多少只显像管组成样本。

解:根据资料,应该冼择P-90%计算样本容量,根据置信水平95.45%,有Z.,- $2. \Delta_0 = 2.75\%$

重复抽样条件下,样本容量为:

$$n = \frac{Z_{\frac{5}{2}}^{2} P(1-P)}{\Delta_{0}^{2}} = \frac{2^{2} \times 0.9 \times (1-0.9)}{0.0275} = 476.03 \approx 477$$

不重复抽样条件下, 样本容量为

$$n - \frac{Z_2^2 P(1 - P)N}{\Delta_2^2 N + Z_2^4 P(1 - P)} - \frac{2^2 \times 0.9 \times (1 - 0.9) \times 1000}{0.027 5^2 \times 10000 + 2^2 \times 0.9 \times (1 - 0.9)} - 454.40 \approx 455$$

从计算的结果可以看出, 重复抽样应该抽 177 件检验, 而不重复抽样应该抽 455 件,可见, 在相同条件下, 重复抽样的样本容量更大些。

在计算时要注意、第一、如果总体方差未知。可用样本方差代替、也可用历史的资料确定、也可取比率为 0.5、这时 0.5 × 0.5 0.25 为方差的最大值。第二、在一次调查中、要同时推断总体均值和比率、当需要的样本容量不一致时、要取其最大值、以满足共同需要。

6.6 Excel 在参数估计中运用示例

6. 6. 1 用 Excel 进行随机抽样

【例 6.18】 现有 100 个总体单位、每个总体单位给 · 个编号, 共有 1~100 个编号, 如图 6-16 所示, 要求从中随机抽取 12 个单位组成样本。试进行随机抽样,确定样本单位。

-	1 10 3 -	يد اد اد	A 16 位	23-	,	ή Σ.	24 X4 Link	4) 100%	. 0	
宍体		× 12	* B Z	п 📧		3 % , %	3 33 課課	30 -	A -	
	A1	₹ <u>%</u>	1							
	A	В	C	, D\	Ē	F	G	H	I	J
1	1	11	21	31,	41	51	.61	71	21	9
2	2	12	. 22	32	42	52	52	72	82	9
3	3	13	23	33	43	53	63	73	83	9
4	4	14	- 24	34	44	× 58	7 64	74	84	9
5	5	15	25	35	45	55	65	75	85	9
6	6	16	26	36	46	56	66	76	86	g
7	7	7/17	. 27	37	47	57	67	77	87	9
8	.8	1.18	28	38	4B	- 58	68	78	88	g
9	9	19	29	39	49	59	69	79	89	9
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90	10

图 6-16 总体各单位编号表

操作步骤如下。

在 Excel 表中输入各总体单位的编号,编号可以按随机原则,也可以按有关标志或无 关标志,如图 6-17 所示。然后按以下步骤操作;



图 6 17 "数据分析"对话框

(1) 单击"工具" ➤ "数据分析" 命令(若无"数据分析"命令,可选择"工具" ➤





"加载宏"命令,在弹出的对话框中选择分析工具库,便可出现"数据分析"命令),打开 数据分析对话框,从中选择"抽样"选项,如图 6-17 所示。

(2) 洗择"抽样"洗项单击"确定"按钮、弹出"抽样"对话框、如图 6 18 所示。



图 6-18 "抽样"对话框

- (3) 在"输入区域"框中输入总体单位编写所在的单元格区域,在本例是\$A\$1. \$1\$10,系统将从A列开始抽取样本,然后按顺序抽取B列~1列。如果输入区域的第 一行或第一列为标志项(横行标题或纵列标题)。可洗中标志复洗框。
 - (4) 在"抽样方法"选项组中,有周期和随机两种抽样模式。

"周期"模式即所谓的等距抽样,采用这种抽样方法,需将总体单位数除以要抽取的 样本单位数,求得取样的周期闽隔。如要在100个总体单位中抽取12个,则在"间隔" 文本框中输入 8。

"随机"模式适用于纯随机抽样、分类抽样、整群抽样和阶段抽样。采用纯随机抽样, 只需在"样本数"文本框中输入要抽取的样本单位数即可; 若采用分类抽样,必须先将总 体单位按某一标志分类编号,然后在每一类中随机抽取若干单位,这种抽样方法实际是分 组法与随机抽样的结合;整群抽样也要先将总体单位分类编号,然后按随机原则抽取若干 类作为样本,对抽中的类的所有单位全部进行调查。可以看出,此例的编号输入方法,只 话用于等距抽样和纯随机抽样。

(5) 指定"输出区域",在这里输入 \$ K \$ 1, 单击"确定"按钮后,即可得到抽样结 果,如图6-19所示。

	A	В	C	D	E	la l	G	H	I	J	K
1	1	11	21	31	41	51	61	71	81	91	8
2	2	12	22	32	42	52	62	72	82	92	18
3	3	13	23	33	43	53	63	73	83	93	2:
4	4	14	24	34	44	54	64	74	84	94	30
5	5	15	25	35	45	55	65	75	85	95	4
6	6	16	26	36	46	56	66	76	86	96	45
7	7	17	27	37	47	57	67	77	87	97	58
8	8	18	28	38	48	58	68	78	88	98	64
9	9	19	29	39	49	59	69	79	89	99	73
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100	80
11											88
12											96

图 6 19 等距抽样结果

6.6.2 按区间估计步骤确定总体均值置信区间

【例 6.19】 某饭店在7星期内抽查49位颜客的消费额(单位,元)如下

15 24 38 26 30 42 18 30 25 26 34 44 20 35 24 26 34 48

18 28 46 19 30 36 42 24 32 45 36 21 47 26 28 31 42 45

36 24 28 27 32 36 47 53 22 24 32 46 26

求在概率 90%的保证下, 顾客平均消费额的估计区间。

解:操作步骤如下。

- (1) 把数据输入到 A2: A50 单元格;
- (2) 在 C2 中输入 "=COUNT(A2: A50)", 统计样本单位总数。
- (3) 在 C3 中输入 "-AVERAGE(A2: A50)", 计算样本均值。
- (4) 在 C4 中输入 "STDEV(A2: A50)"。 计算样本标准差。
- (5) 在 C5 中输入 "=C4/SQRT(C2)", 计算抽样平均误差。
- (6) 在 C6 中输入 0.90, 表明置信水平。
- (7) 在 C7 中输入 "=C2-1", 计算自由度。
- (8) 在 C8 中输入 "=TINV(1-C6, C7)", 概率度。
- (9) 在 C9 中输入 "=C8 × C5", 计算抽样极限误差范围。
- (10) 在 C10 中输入 "=C3-C9", 在 C11 中输入 "=C3+C9", 得到置信区间下限、上限。

在输入每一个公式按 Enter 键后、便可得到如图 6-20 的结果。结果表明:顾客平均消费额的置信下限为 29、735 36元,置信上限为 34 261 61 元。

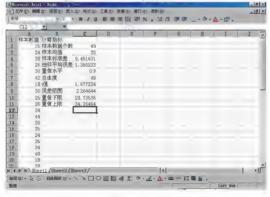


图 6 20 参数估计数据及结果

6.6.3 运用 CONFIDENCE 函数确定总体比率置信区间

CONFIDENCE(Alpha, Standard dev, Size)函数返回总体平均值的置信区间。

Alpha(即α) 是用于计算置信度的显著水平参数。置信度等于(1 α)。

Standard dev 为数据区域的总体标准差,假设为已知(实际中,总体标准差未知时通常用样本标准并代替)。

Size 为样本容量(即 n)。

$$\bar{x} \pm 1.96 \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right)$$
 \vec{x} $p \pm p z_{\frac{\sigma}{2}} \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}$

【例 6.20】 以某厂对一批产品的质量进行抽样检验为例。抽样数据和要求如下:采用重复抽样抽取样品 200 只,样本优质品率为 85%,试计算当把握程度为 90%时优质品率的允许误差及置信区间。

解:在Excel 中操作步骤如下。

- (1) 在 B1 单元格中输入样本容量 200。
- (2) B2 单元格中输入样本比率 85%。
- (3) 在 B3 单元格中输入计算样本比率的标准差公式 "=SQRT(B2 * (1-B2))"。
- (4) 在 B4 单元格输入 α 为 10%。
- (5) 在 B5 单元格中输入表达式 " CONFIDENCE(B4, B3, B1)", 或按图 6 22 操作即得到抽样极限误差等于 4, 15%的结果。
 - (6) 在 B6 中输入 "=B2-B5", 计算结果为 80.85%, 即置信区间下限。
 - (7) 在 B7 中输入 "B2 + B5", 计算结果为 89.15%, 即置信区间上限。 可以在 A 列中输入文字作相应说明。

CONFIDENCE 函数的应用如图 6-21 和图 6-22 所示。

(E) 文件(E) 編編(E) 視图(E) 插入(E) 格式(D)	工具① 数据@	窗口度。	品的研	
□☆日母日本 お印度グッ・	€ Σ € 2↓		, 宋体	
B7 = -B2+B5				
A	В	C	D	2
1 样本容量n	200			
2 样本比率p	85%			
 2 样本比率p 3 样本标准差 √p(p-1) 	0. 357071			
4 a	1.0%			
5 2 \(\frac{\rho(1 - \rho)}{n} \)	0.041531			
6 总体优质品率的90%置信区间下限	80.85%			
7 总体优质品率的90%置信区间上限	89, 15%			

图 6 · 21 优质品率的区间估计



图 6-22 CONFIDENCE 函数计算允许误差



- 1. 抽样推断是从研究现象总体中, 按照随机原则抽取一部分单位组成样本, 对样本进行调查, 以样本的观测结果对总体数量特征作出具有一定可靠程度估计或推断的调查方法。抽样推断是统 计工作中应用最为广泛的调查污点。
- 2. 概率论和数据统计基本原理是抽样推断的理论基础。其中最主要的是大数定律和中心极限定理。大数定律是关于大量随机变量的平均结果具有稳定性的一系列定律的总称。中心极限定理是关于大量随机变量之和的极限分布是正态分布的一系列定理的总称。
- 3. 抽样组织方式分为概率抽样和非概率抽样。概率抽样分为简单随机抽样、分层随机抽样、 等距抽样和整群抽样 1 种形式。抽样方法分为重复抽样和不重复抽样。实施概率抽样的前提是要 具备抽样框。
- 抽样平均误差是样本统计量的标准差。最大允许误差是抽样调查时可允许的最大误差。也 称为抽样极限误差。影响抽样误差大小的因素有总体标志变异程度、样本容量、抽样方法和抽样 组织方式等因素。
- 5. 抽样分布反映了样本統計量的分布特征,它揭示了样本統計量和总体參數之间的关系,是 进行科學推斷的重要依据。正态分布是最當見的一种統計分布。
- 6. 总体参数估计方法分为点估计和区间估计两种。点估计量优良的评价标准是无偏性、有效性和一致性。
 - 7. 区间估计三要素是点估计量、置信水平和抽样极限误差。
- 8. 影响样本容量大小的因素有总体变异程度、抽样极限误差、置信概率、抽样方法等因素的影响。样本容量是根据抽样极限误差公式推导得到的。

习 颞

一. 简答题

- 1. 什么是抽样推断? 其作用有哪些?
- 2. 抽样推断的理论基础是什么? 略述其具体内容。
- 3. 抽样组织方式的具体形式有哪些?
- 4. 影响抽样误差大小的因素有哪些?
- 5. 总体参数估计方法有哪两种?点估计量优良的评价标准是什么?区间估计三要素是什么?
- 6. 影响必要的样本容量因素哪些?如何确定样本容量?

二、单项选择额

1. 开展抽样调查的主要目的是()。

A. 对典型单位进行研究

B. 对样本讲行深人研究

C. 对重点单位进行研究

D. 推断总体数量特征

2. 在抽样调查时,抽取样本单位要遵循的原则是()。

A. 可靠性原则

B. BOALM BOWN

C. 经济性原则

D. 方便性原则

3. 实施概率抽样的前提条件是要具备(

B. 抽样单位数

Λ. 抽样框 C. 一定的经济基础

D. 人力物力的保证 XXI

4. 样本统计量的性质属于(

B. 总体参数

A. 确定性变量 C. 随机变量 //

D. 抽样误差

调查组织方式是

A. 配额抽样 C. 等距抽样 B. 分类抽样

D. 整群抽样

6. 抽样平均误差是(

A. 样本参数的标准差

B. 样本统计量的标准差

C. 抽样极限误差的标准差

D. 最大允许误差的均值

7. 若估计量 $\hat{\theta}$ 满足 $E(\hat{\theta}) = \theta$, 则称该估计量是一个()。

A. 无偏估计量

B. 有效估计量

C. 稳定估计量

D. 相合估计量

8. 在重复的简单随机抽样中, 当概率保证程度从 68, 27% 提高到 95, 45%时(其他条件不变), 必要的 样本容量将会()。

A. 增加 1 倍

C. 增加 3 倍 D. 减少 - 半

9. 用简单随机抽样方法洗取样本单位,如果要使抽样极限误差降低50%,则样本容量需要扩大到原 来的()。

A. 4 倍

C.2倍

D. 3 倍

10. 抽样平均误差与极限误差的关系是()。

B. 增加 2 倍

B. 5 倍

A. 抽样平均误差大于极限误差

B. 抽样平均误差小于极限误差

174 ///

D. 抽样平均误差可大干、小干或等干极限误差 C. 抽样平均误差等于极限误差 11. 一个 95%的置信区间是指(). A. 总体参数有 95%的概率落在这一区间内 B. 总体参数有5%的概率未落在这一区间内 C. 在用同样方法构造的总体参数的多个区间中有 95%的区间包含该总体参数 D. 在用同样方法构造的总体参数的多个区间中有 95%的区间未包含该总体参数 12. 在肾信度不变的条件下,要缩小肾信区间,则(A. 需要增大样本容量 R. 需要减少样本容量 C. 需要增大总体方差 D. 需要減小总体方差 13. 在其他条件不变的情况下,提高估计的概率保证程度。其估计的精确程度(A. 随之扩大 B 随之缩小 C. 保持不变 D. 五注确定 14. 要同时提高抽样估计的精度和置信概率、方法是()。 A. 增加样本容量 B. 增加湖查人易 C. 改变调查组织方式 D. 增加调查费用 三、多项选择题 1. 下列属于概率抽样组织方式有(A. 简单随机抽样 C. 系统抽样 DI 配額抽料 E. 整群抽样 2. 简单随机抽样抽取样本的具体形式有 C. 运用计算机随机函数法 D. 任意轴样法 E. 等距离抽样法 3. 下列根据人数定理得领的有关结论中,正确的是(A. 只有当总体服从正态分布时,样本均值才会趋于正态分布 B. 只要样本容量 n 充分大, 随机事件出现的频率就等于其概率 C. 无论样本容量 n 如何, 二项分布概率都可以用正态分布近似计算 D. 来自同一总体的样本,只要 n 足够大, 其样本平均数具有稳定性 E. 当重复试验次数 n 充分大时,随机事件出现的频率具有稳定性 下列由中心极限定理得到的有关结论中,正确的是()。 A. 当总体服从正态分布时,来自该总体的样本的均值 x 也服从正态分布 B. 只要样本容量 n 充分大。随机事件出现的频率就等于其概率 C. 无论样本容量 n 如何, 二项分布概率都可以用正态分布近似计算 D. 不论总体服从何种分布,只要样本容量 n 充分大,样本均值趋于正态分布 E. 若总体服从二项分布, 若样本容量充分大, 样本比率的抽样分布趋于正态分布 5. 抽样推断中的抽样误差()。 A. 只有在调查后才能计算 B. 误差大小是可以计算的 C. 误差大小是可以控制的 D. 是不可避免的 E. 可以通过调查方法的改进而消除 对置信水平(1-α)理解正确的是(), A. 将构造置信区间的步骤重复多次、置信区间中包含总体参数θ的次数所占的比率 B. 如果多次重复估计,则 100次估计中,有 100α次估计错误,有 100(1-α)次估计正确 C. 管信水平(1 a) 是表示某一个具体区间包含点体参数的概率



D. 置信水平(1 g) 不表示某一个具体区间包含总体参数的概率

7. 评价估计量的标准包括()。

A. 均匀性 B. 无偏性 C. 有效性

D. 一致性

E. 活应件

四. 计算题

- 1. 某一总体服从正态分布 N(52, 5.4°), 从中随机轴取一个容量为 36 的样本, 求样本均值 X 落在 50.2~53.8 的概率。
- 2. 基地区的由视台委托湖春公司估计地区内居民平均每日的看由视时间。湖春公司随机抽取了100 名居民进行调查,样本数据显示平均每人每天看电视时间是4个小时。如果已知总体的标准差 a 1.5 小 时, 试水,
 - (1) 当置信水平为95%时,该地区内居民每天看电视的平均时间的置信区间。
 - (2) 在要求估计的误差不超过 27 分钟条件下的居民每天看电视的平均时间的置信水平和估计区间。
 - 3 安连编辑市为了评估顾安的消费水平。随机抽查了19 位顾安在该报市的消费额(元)加下

15	26	30	42	Tigit	25	26
44	20	26	34	28	46	24
30	36	24	32	45	21	47
31	12	36	21	28	27	53
21	35	18	32	30	12	36
38	24	18	36	× 184	45	19
22	28	- 138	26	X 136	47	26
117 IN 143 HA	1. 10.26 (0.1 1 1.40)	A-191 A2 de 77 at- no	0 / m h 2 20 100 100	SECOND TO MADE AN ARE	A5 191 PV L 1 C-1	

要求:根据上述资料计算在置信水平为90%时,该超市顾客平均消费额的置信区间。

- 1. 某城市政府部门想要估计下岗职工中女性所占的比率,随机抽取了100个下岗职工,其中65人 为女性职工。试以 95%的置信水平估计该城市下岗职 1 中女性比率的置信区间。
- 5. 某研究机构进行了一项调查来估计吸烟者一月花在抽烟上的平均支出、假定吸烟者买烟的月支出 近似服从正态分布。该机构随机抽取了容量为 26 的样本进行调查,得到样本平均数为 180 元,样本标准 差为20元,试以95%的把握估计全部吸烟者用均烟钱专出的置信区间。
- 6. 从某公司生产工人、工程技术人员、管理人员和后勤服务人员工类人员中。用不重复抽样方法。 按1类人员占全厂职工总数等比例抽样,共抽取100人组成样本,进行奖金水平调查,所得资料整理如 下表.

人员分类	抽取人數	平均奖金(元)	标准差(元)
生产工人	60	600	4
技术人员	10	800	6
管理人员	20	980	6. 4
服务人员	10	550	3

根据1.述资料,要求在95%置信水平保证下(24 1.96),估计全公司职厂平均奖金的置信区间。

7. 为检验某产品使用寿命状况,现在用简单重复抽样方法,从一批产品中抽取100个对其使用寿命 进行调查, 其结果如下。

某产品使用寿命调查数据表

使用寿命(小时)	产品个数(个)
500以下	10
500~700	40
700~900	40
900 LX E	10
合计	100

要求:

- (1) 试以 95.45%的概率保证程度对该产品的平均使用寿命进行区间估计。
- (2) 若規定该产品使用寿命 300 小时以下为不合格品。在 95.45 / 的概率保证程度下对该产品的合格率进行区间估计时、要求允许误差不超过 5%。问至少应抽取多少个产品进行检查?
 - 8. 某地区小麦平均亩产为 160 千克, 标准差为 20 千克, 试计算:
 - (1) 若随机抽取 10 个乡, 问有多大可能这 10 个乡平均亩产允于 150~170 千克?
- (2) 如果要进行一次小麦平均亩产的抽样调查,要求以 95% 的把握程度保证允许误差不超过 1 千克,问需要抽多少个乡进行调查?
- (3) 如果以 95[∞] 的把握程度保证允许误差不超过 2 千克· 同需抽多少个乡进行调查· 与结论有何 关系?
 - (*) 如果允许误差仍为2千克,但要保证程度提高到99.73%,问需要抽多少个乡调查?
- 9. 某啤酒厂有两条装瓶的生产线 现效测定两条生产线所装啤酒容量的表别,在每条生产线上各抽 100 瓶进行检测: -条生产线的啤酒容量平均为649.5 毫升,力差为0.6164;另一条生产线的啤酒容量 平均648.2 毫升,力差为0.87。 试构造两条生产线啤酒容量之类的置信度为90%的置信区间。

10. 某广告公司为了估计某地区收看某一新电视节目的居民人数所占比例、要设计一个简单随机样本的抽样方案。该公司希望有90岁的信心使所估计的比例只看2个百分点左右的误差。为了节约调查费用,样本将尽可能小、试录必要的样本符量。

【实际操作训练】

根据教材 "6.6 Excel 在参数估计中运用示例"中资料内容,在计算机上完成操作。

第 7 章 假设检验

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
假设检验的基本问题	熟悉	假设检验基本思想、假设检验步骤
总体参数的假设检验	重点掌握	总体均值、比率、方差的假设检验

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
假设检验的基本方法	掌握	运用假设检验方法
运用 Excel 进行假设检验	掌握	对总体均值、比率和方差进行检验

导入案例

牛奶容量符合包装上标明的容量标准吗?

装由市场管理部门接到凋费者投诉,指控某品牌盒装牛奶包装上标明的容量为 250 毫升,但实际容 置不足,有股鍋凋费者之赚。于是,该市市场管理部1 展入从市场上随机抽取 50 盒谜品牌盒装牛奶。 洞试員重量,发现平均容量分 248 毫升,小于 250 毫升,牛奶包装容量的标准差为 4 毫升,据允,该市市场管理部门是否可能定该品牌牛奶容量不存合所依明的容量,推编了消费者?

假设检验是抽样推断的一个重要内容。参数估计和假设检验两者共同点都是根据样本数据资料,运用科学的统计理论和方法,对总体参数做出推断。但两者也存在不同点。一是推断的角度不同、参数估计是利用样本信息推断总体未知的总体参数范围,而假设检验则是先对总体状况(总体参数成总体分布)提出一个假设、然后用样本信息进行检验判断良份。二是原理不同、区间估计是根据给定的大概率推断总体参数的范围,而假设检验是根据小概率原理对总体的状况所做出的假设进行判断。

在实际工作中,经常要用到假设检验的方法,对总体的变动情况进行测定。如对市场 上销售的产品重量或容积是否与其包装说明书所规定的重量或容积相符的检验;又如,对 于某种生产工艺改变后,检验新工艺对产品的某个主要指标是否有影响时,就需要抽样检 验总体的某种参数是否等于改变工艺前的参数值,这类问题就属于假设检验问题。 假设检验可分为两类: · · 是参数假设检验,总体参数 · 般包括平均数、比率(比例、成数)、方差等; 二是非参数检验或自由分布检验,主要是总体分布形式的假设检验。本 书仅讨论几种重要的参数检验。

7.1 假设检验概述

7.1.1 假设检验的基本思想

1. 假设检验的基本思想

假设是一个研究者对被调查总体的参数或分布特征的一种看法。假设检验就是事先对总体参数或总体分布形式做出一个假设、然后利用样本信息来判断这个假设是否合理、即判断样本信息与原假设是否有显著差异、从而决定应接受或拒绝原假设。在假设检验过程中、依据小概率事件在一次抽样中是不可能发生的排贿原则、观察这一假设是否会导致不合理的结果。假设检验也称为显著性检验。假设检验的基本思想、就是依据小概率原理的反证法。如果在一次抽样中小概率事件发生了、则说明这个事件就不是小概率事件。但它又区别于数学中的反证法。因为这里的所谓"不合理",并不是形式逻辑中的绝对的矛盾,而是基于人们在实践中广泛采用的小概率原理。

2. 什么是小概率原理?

所谓小概率原理是指概率很小的事件在一次试验中实际上不可能出现。概率很小的事件称为"实际不可能事件"。在假设检验中,所作的假设(原假设)仅仅是对研究现象所作的一种主观判断。如果所作的假设是合理的,反映了总体的真实情况,那么从总体中随机制出的样本在原假设成立的情况下所发生的应该是一个大概率事件。但如果发生的是一个小概率事件,只能怀疑原先所作的假设是不真实的,那只能拒绝原假设、这里运用了反证法进行逻辑推理。小概率一般由研究人员主观确定的,通常在10%以下。

结合本章开篇案例,把"出现牛奶包装容量低于250毫升"这个事件的概率确定为5%,是个小概率事件。如果一次抽样(试验)的结果真的出现了容量低于250毫升,这个小概率事件竟然发生了,就可以认为"出现牛奶包装容量低于250毫升"不是小概率事件,所以可怀疑这批牛奶的容量不符合标准。如果牛奶的容量符合标准,那么进行一次抽样通常不会出现不符合标准的结果。这种牛奶包装上标明容量的原因主要有两个方面;一是抽样平均容量为248毫升。抽查结果低于包装上标明容量的原因主要有两个方面;一是抽样误差的原因。样本平均数与总体平均数之差不大,符合误差的分布规律,未超出抽样误差一定范围,两者之差就是由样本偶然性引起的,这时可认为这批牛奶的容量符合标准。是由包装计量不足的原因引起的。在这种情况下,样本平均数与总体平均数之差就会起出抽样误差范围。可能足该公司设备出现了问题,也可能足该公司有意行为。所以,这里还要结合抽样平均误差和样本统计量的分布规律综合考虑,对原先的假设进行否定或肯定。



7.1.2 假设检验的步骤

假设检验的基本步骤有:提出原假设与备择假设;确定其分布形式,选择和计算检验 统计量; 洗择显著性水平, 查相应的检验统计量的概率分布表, 确定临界值; 将检验统计 量与临界值比较, 作出统计决策。

- 1. 提出原假设与备择假设
- 1) 原偶设与备择假设

在假设检验时,首先要根据研究问题提出假设,假设分为原假设(Null Hypothesis)和 备择假设(Alternative Hypothesis)。原假设和备择假设是一对相互对立的假设、备择假设 是拒绝原假设后可供选择的假设。

- (1) 原假设(Null Hypothesis) 又称零假设,是关于总体参数(而非样本统计量)的假 设, 悬待检验的假设, 也是研究者想收集证据予以反对的假设、原假设中总是有"一"符 号, 如: =、 <或 >, 用 H。表示。
- (2) 备择假设(Alternative Hypothesis)也称研究假设,是与原假设对立的假设;是拒 绝原假设后可供选择的假设, 也是研究者想收集证据予以支持的、试图证明是正确的假 设。备择假设中一般没有"一"符号,表现为:≠、<或>,用日表示。

在假设检验中、正确的确定原假设和备择假设上分重要。它直接关系到检验结论的正 确性。一般来说、通常先老虚确定各择假设。因为各择假设是检验老认为是正确的。予以 支持的观点或看法,是清楚的,容易识别。在确定备择假设后,原假设与之对立,就很容 易确定了。下面通过几个例子说明原假设和各择假设的建立过程。

【例 7.1】 本章的开篇案例中, 研究者想收集证据证明"牛奶容量低于250豪升", 如 果认可包装上标明的容量就不需要检验了。因此,它的假设形式为:

Ho: u≥ 250 毫升 (即符合标准)

H₁: μ<250 张升 (即不符合标准)/

【例 7.2】 某机械制造厂生产一种厚度为 12cm 的钢板, 如果钢板的平均厚度大干或 小于 12cm,则表明生产过程不正常,必须进行调整。为对生产过程进行控制,质量监测 人员定期对生产的钢板进行抽检,确定生产的钢板是否符合标准要求,以判断生产过程是 否正常。试陈述用来检验生产过程是否正常的原假设和备择假设。

分析: 研究者想收集证据予以证明的假设应该是"生产过程不正常。即 μ ≠ 12"。如 果认为生产过程是正常的,则就不需要检验了。因此,假设的形式为。

H₀: μ=12 cm (生产过程正常)

 $H_1: \mu \neq 12$ cm (生产过程不正常)

【例 7.3】 某工厂为减少产品生产过程中的事故,引进了一项新的安全措施。为检验 采取新措施以后是否比采取新措施之前明显降低事故的发生。研究人员从实施新措施后的 工作日中随机抽取 30 天的事故数据构成样本,结果测得平均每天的事故次数为 2.8 次, 而未采用新措施之前平均每天的事故次数为3.6次。试陈述用于检验的原假设与备择 假设.

分析,研究人员想收集证据予以证明的假设应该是"采取新措施比不采取新措施之前 明显降低事故的发生,即 4<3.6次"。因此,假设的形式为:

 $H: \mu \geq 3.6$ 次(采取新措施比不采取新措施之前并没有明显降低事故的发生次数) $H_1: \mu < 3.6$ 次(采取新措施比不采取新措施之前明显降低了事故的发生次数)

【例 7.4】 某企业声称有 38%以上的消费者对其产品质量满意。为了验证这一判断是 香准确,该企业随机抽取了一个样本进行调查。试除述用于检验的原假设与备择假设。

分析:企业收集证据予以证明的假设应该是"消费者对其产品质量满意高于38%以上,即 p>38%",因此,假设的形式为:

H. · p≤38% (消费者对其产品质量满意比率低于38%)

H1: p>38% (消费者对其产品质量满意比率高于38%以上)

2) 关于原假设和备择假设的几点说明

- (1) 原假设和备择假设是·组对立的假设,它们构成 · 个完备的事件组。在 · 项假设 检验中,原假设和备择假设只有 · 个成立,拒绝了原假设就等于接受了备择假设。
- (2) 原假设和各择假设是研究者根据研究目的确定的,带有一定的主观倾向。因研究目的不同,不同的研究者对同一问题可能提出不同的假设、但这并不违背原假设和各择假设的最初定义。无论怎样确定假设的形式,只要符合研究者的最终目的便是合理的。
- (3)建立假设检验时,等号"="总是放在原假设上。将"="总是放在原假设 H 上是因为这样可以涵盖备择假设 H₁不出现时的所有情况。

3) 假设的3种类型

在假设检验中,研究者根据各择假设是否有一定特定方向的变化,可将假设检验分为3种类型,即双侧(边、尾)检验(Two Tailed Test)、左侧(边、尾)检验(Left Tailed Test)和有侧检验(Right Tailed Test),左侧检验和有侧检验又称单侧检验。

- (1) 双侧(边、尾)检验(Two Tailed Test)是在备择假设中含有符号" \neq "的假设检验,它没有特定的方向性。在这样的假设检验中,研究者关心的是备择假设 H_1 是否等同于原假设 H_2 ,并不关心是大于还是小于。比如,在例7.2 中,建立假设, H_3 μ —12 cm, H_4 : μ =12 cm。质量检测人员关心的是钢板厚度是否等于 12 cm,钢板厚度大于或小于 12 cm 都说明生产不正常。
- (2) 左侧检验(Left Tailed Test)是备择假设中方向为"<"的检验。在这样的假设检验中、研究者关心的是备择假设 H_1 是否小于某个值。比如,在例 7.3 中,建立假设; $H_1:\mu \ge 3.6$ 次, $H_1:\mu \le 3.6$ 次,研究人员关心的是采取新措施比不采取新措施之前事故发生的次数是否明显降低,即次数少于 3.6 次。
- (3) 右侧检验(Right Tailed Test)是备择假设中方向为">"的检验。在这样的假设检验中,研究者关心的是备择假设 H_1 是否大于某个值。比如,在例 7.1 中,建立假设: $H_1: p \leq 38\%$; $H_1: p > 38\%$ 。企业关心的是消费者对其产品质量满意的比率是否高于 38%。

下面以总体均值为例,对假设检验的基本类型进行总结(见表 7 1),其中 μ 为总体均值, μ 0 为假设的总体均值的具体数值。

有时假设时可以将原假设 H. 只写成 " " 号形式。如例 7.4 的原假设和备择假设可 改写为:H:p 38%,H₁: p >38%。因为企业感兴趣的是备择假设 H₁: p >38%时的 决策。如果企业做出拒绝 H:p 38%的决策而倾向 F H₁: p >38%,同样也就拒绝 「H. p < 38%。反之,如果事实证明备择假设不正确,则意味着 H:p 38%代表了不

表 7 1 假设检验的基本类型

Arra N.D.	AC ALICE DE	单侧检验			
假设	双侧检验	左侧检验	右侧检验		
原假设(Ho)	$H_0: \mu = \mu_0$	$H_0: \mu \geqslant \mu_0$	$H_c: \mu \leqslant \mu_c$		
备择假设(H ₁)	$H_1: \mu \neq \mu_0$	$H_1: \mu < \mu_0$	$H_1 : \mu > \mu_0$		

包括各择假设 H., p>38%外的等于和小于38%的情况。

2. 选择适当的统计量。并确定其分布形式

原假设和备择假设确定之后,研究者对所作假设进行判断的依据就是从总体中抽取的 样本提供的信息,为此,要构造一个检验统计量来对所作的假设进行判断。检验统计量就 是根据样本数据计算得到的,并据以对原假设和备择假设做出决策的一个样本统计量。

在具体问题里, 选择什么统计量作为检验统计量, 需要考虑的因素与参数估计相同。 例如,用于进行检验的样本是大样本还是小样本,总体方差已知还是未知,等等。在不同 的条件下应洗择不同的检验统计量。因为假设检验是在假定原假设正确的条件下做出的, 故要求所设计的检验统计量应与原假设相关即与待检验的参数相关,并且能够知道当原假 设 H 为真时该统计量的具体分布。常用的统计量的分布形式有:标准正态分布、1分布、 F 分布和 y 分布等。检验统计量实际是总体参数的点估计量, 但点估计量只有进行标准化 后才能作为检验统计量,一般将标准化后的检验统计量简称为检验统计量。

例如,对总体均值 ()进行检验,原假设为 H.: () - (), 选择的检验统计量是样本均值 至, 但根据抽样计算的样本均值;是不能直接作为检验统计量的, 而是要把它们转化为标准 化的检验统计量,即样本统计量在服从某种分布条件下的统计量,假设样本均值 定服从正 态分布,总体方差为 of,这时标准化后的检验统计量 z 为:

$$z = \frac{\overline{x} - \mu_1}{\sigma / \sqrt{n}} \sim N(0.1)$$

3. 选择显著性水平,查表确定临界值

显著性水平表示 日, 为真时拒绝 日, 的概率。假设检验是围绕假设内容是否正确而展开 的。如果原假设正确我们接受了(同时也就拒绝了各择假设)。或原假设错误我们拒绝了 (同时也就接受了备择假设), 这表明做出了正确的决定。但是, 由于假设检验是根据样本 提供的信息进行推断的,也就有犯错误的可能。有这样一种情况,原假设正确,而却把它 当成错误的加以拒绝。犯这种错误的概率用α表示,统计上把α称为假设检验中的显著性 水平(Significant Level), 也就是决策中所而临的风险。显著性水平用小概率 a 表示, 因 此,α也称为显著性水平。小概率的标准是多大? 这并没有绝对的标准,α的取值与研究实 际问题的性质有关。英国统计学家费希尔(Ronald Aylmer Fisher)在他的研究中把小概率 的标准定为 0.05。所以作为一个普遍适用的原则、人们通常选择显著性水平 α 确定为 0.05。一般显著性水平 g 以不超过 0.1 的小概率为界限。

根据确定的显著性水平。值的大小和检验统计量的分布规律, 查相应的概率分布表,

得到拒绝域的边界值,边界值称为临界值。常用的概率分布表有;标准正态分布概率表、 t分布概率表、F分布概率表和 y²分布概率表,具体见本书附录部分。

4. 将检验统计量与临界值比较。作出统计决等

1) 拒绝域

在假设检验中,把所有可能拒绝原假设的统计量的所有可能取值的集合称为拒绝域 (Rejection Region)。拒绝域实际上就是假设检验所依据的小概率事件发生的概率,即显著性水平 α 所制成的区域。由于检验统计量是个随机变量、它随着样本的不同而不同,但只要样本,定、检验统计量的自也就唯一确定。检验统计量确定后,接着要确定一个准则,根据这个准则对检验统计量的合理性做出判断,决定是否拒绝原假设。如果样本统计量落入拒绝域,就拒绝原假设,不则就不拒绝原假设。比如取 α 0.05,意味着若原假设 日.成立、检验统计量落在拒绝区域内的概率只有 5%。在假设检验中,一般是先由显著性水平 α 的大小确定拒绝域。确定临界值后、将检验统计量的值与临界值进行比较,就可做出拒绝或不拒绝 日。的决策。

2) 决策规则

如果检验统计量的值落在拒绝区域内,说明样本所描述的情况与原假设有显著性差异,应拒绝原假设;反之,则接受原假设。下面以假设样本均值的分布服从正态分布条件为例,说明总体均值3种检验形式决策规则。

双侧检验, H₀: μ = μ₀ H₁: μ ≠ μ₀.

在显著性水平α下、双侧检验拒绝域被平分到样本均值抽样分布的两侧。面积各为 6、对应的临界值为±∞。双侧检验拒绝域和临界值如图7-1所示。

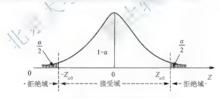


图 7-1 双侧检验的拒绝域和临界值

决策规则: 当检验统计量 $|z| \ge z_4$ 时拒绝原假设, 当检验统计量 $z_1 < z_2$ 时不拒绝原假设。

(2) 左侧检验, H₀: μ ≥ μ₀ H₁: μ < μ₀。

在显著性水平 α 下,左侧检验的拒绝域位于样本均值抽样分布的左侧,概率面积为 α 、对应的临界值为 α 。左侧检验的拒绝域和临界值如图 7 2 所示。

决策规则:检验统计量 z < z, 拒绝原假设,否则不拒绝原假设。

(3) 右侧检验, H₀: μ ≤ μ₀ H₁: μ > μ₀.

在显著性水平 α 下,右侧检验的拒绝域位于样本均值抽样分布的右侧,面积为 α . 对应的临界值为z. 。右侧检验的拒绝域和临界值如图 7 - 3 所示。

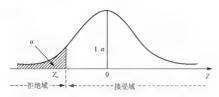


图 7-2 左侧检验的拒绝域和临界值



图 7-3 右侧检验的拒绝域和临界值

决策规则, 检验统计量 z>z, 拒绝原假设, 否则不拒绝。

在样本容量一定条件下、拒绝域的大小随显著性水平α的变化而变化。α值越小、拒绝域的面积也越小、为拒绝原假设 H.所需要的检验统计量的临界值与原假设的参数值就越远。拒绝域的位置及临界值的大小与显著性水平α和假设检验的类型有关。

7.1.3 假设检验的两类错误

在假设检验时,拒绝原假设 H. 是在认为小概率事件在一次抽样中实际上不会发生的 前提下做出的,事实上小概率事件有时也可能发生;接受原假设 H. 是因为拒绝它的理 由还不充分,并非认为它绝对正确。因此,由假设检验做出的判断不可能百分之百正确, 将可能犯的错误分为两种类型。

1. 第 I 类错误(Type I Error)

第 I 类错误又称弃真错误,是原假设为真时拒绝原假设所犯的错误。第 I 类错误的概率记为 α 。 又称第 I 类错误为 α 错误。第 I 类错误产生的原因是;在原假设为真的情况下,检验统计量落入小概率的拒绝区域,依据决策规则就要拒绝原假设,但拒绝的确是一个真实的假设。因此,犯第 I 类错误的概率大小就等 F 显著性水平 α 。 比如,在例 7.2 中就有可能犯这种类型的错误。如果生产出来的钢板的平均厚度确实是 12cm,在显著水平 α 0.05 的条件下,样本均值,落人拒绝域的概率只有 5%,这种小概率事件在一次抽样中几乎不可能发生,但由于抽样的随机性,抽到的样本均值,的取值落在拒绝区域,依据决策规则,就要拒绝 H,从而拒绝的却是一个真实的假设,采取的是错误的行动,

可以通过控制显著性水平 α 大小的方式来控制犯第 \parallel 类错误的可能性大小。 α 定的越小、犯第 \parallel 类错误的可能性就越小、例如 α 0.05、表示犯第 \parallel 类错误的可能性 为 5%、100 次判断中、产生弃真性错误的次数是 5 次,进一步降低显著性水平、取 α - 0.01、这时犯第 \parallel 类错误的概率下降为 1%。所以统计学上、又称第 \parallel 类错误为 α 错误。

2. 第Ⅱ类错误(Type Ⅱ Error)

第Ⅱ类错误又称取伪错误,是原假设为假时未拒绝原假设所犯的错误。第Ⅱ类错误的 概率记为 β,又称第Ⅱ类错误为 β 错误。

例如,在例 7.2 中也有可能犯这种类型的错误。如果生产出来的钢板的平均厚度确实不是 12 cm,在显著性水平 α -0.05 的条件下,样本均值 z 本应落人拒绝域,但由于抽样的随机性,抽到的样本均值 z 的取值不是在拒绝区域,依据决策规则,就不能拒绝 $H_{\rm c}$,这样就犯了一个本应拒绝而没有拒绝的错误。

在样本容量n固定时,犯两类错误的概率是相互制约的,减小 α 、就增大 Γ β ;反之,增大 α 、就减小了 β 。要同时减小 α 和 β ,只有增大样本容量,减小抽样分布的离散性(如图 7-4 所示)。

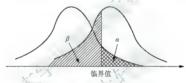


图 7-4 假设绘验中犯两类错误情况示意图

鉴于犯第上类与第 \parallel 类错误的概率 α 与 β 的相互关系,内曼 (J. Neyman) 和皮尔逊 (Egon S. Pearson)提出了一个假设检验的原则。当样本容量 n 固定时,在控制犯第 \parallel 类错误的概率 n 大于 α 的条件下,尽可能使犯第 \parallel 类错误的概率 n 减小。依据该原则进行的假设检验称为显著水平为 α 的显著性检验。简称为显著性检验。在假设检验实践中,该原则 的验验 n 及 是,原假设要受到维护,使它不致被轻易否定,若要否定原假设,必须有充分的 理由。

在发生第 \mathbb{I} 类错误概率较小时,如果拒绝原假设 \mathbb{H} 、则拒绝原假设的结论是正确的 概率 $(\mathbb{I}-a)$ 是大概率事件。在这种情况下,统计上支持做出 \mathbb{H} 为假,而 \mathbb{H} 为真的结论。简言之,拒绝原假设总有较大的把握。

在假设检验的大多数应用中、一般会对 α 进行控制、但通常并不对 β 加以控制。因此,如果拒绝原假设,犯错误的概率是明确的,其大小为显著性水平 α 。但"样本观察值未落人拒绝城时,只能说"不拒绝 H.",而不说"接受 H."。这是由于并未对发化第 [[类错误的概率加以确定或控制,如果做出接受 H. 的结论,就有可能犯第 1 类错误的风险。

【例 7.5】 为了确保出口产品质量、某外贸公司对一批出口挂钩进行了抽样调查。按 合同规格这批出口挂钩平均最大承受拉力应大于 10 000kg,已知标准差为 200kg。如出口 -批不合格的产品会造成较大的损失,现委托本市质监局从中随机抽取 400 个产品进行检



测,测得样本均值为10050kg。要求:提出原假设和备择假设,分别说明如果犯第1、II 刑错误的后果.

解,分析,市质监局如果认可产品已经符合质量档准,则不需要进行检验,如不认可 质量已达标,则需要检验。因此,提出的备择假设是总体均值小干标准。

$$H_0: u \ge 10\ 000$$
 $H_1: u < 10\ 000$

针对上述假设,犯第 [类错误时,表明产品合格,但误认为不合格(存真错误),导致 不能够出口该批产品。犯第11类错误时, 表明产品不合格, 但误认为其合格(取伪错误), 所以此决策错误将导致出口不合格产品,并将造成较大损失。

3. 检验功效

-般来说,假设检验的决策结果可归纳为表7-2中的4种情况。

表7-2 假设检验运管结里

		7 10 1
	H _o 为真	H。为伪
拒绝 H	第 [类错误(a)	正确(1-β)
不拒绝 H	iE确(1-α)	第Ⅱ类错误(β)

从表7-2可见,检验效果好坏与两类错误概率都有关。一个有效的检验首先是犯第 1 类错误的概率 α 不能太大, 否则就可能产生 弃真错误。β 错误是取伪错误, 在犯第 1 类 错误的概率 α 一定条下,不犯取伪错误 $1-\beta$ 应尽可能增大。 $1-\beta$ 越大,意味着当原假设不 真实时, 检验判断出原假设不真实的概率越大, 检验的判别能力就越好; 1-8 越小, 意味 着当原假设不真实时,检验判断出原假设不真实的概率越小,检验的判别能力就越差。因 此,1一分是反映统计检验判断能力大小的重要标志,称之为检验功效或检验力。

7.1.4 P值检验

P. 值检验是国际上流行的检验格式。 该检验格式是通过计算 P. 值, 再将它与显著性水 平 a 作比较,决定拒绝还是不拒绝原假设。所谓 P 值是在原假设为直的条件下, 样本统计 量以其观察值为端点的某极端区域内取值的概率,也称为观察到的显著性水平。P 值是关 于统计数据的概率,即反映实际观测到的数据与原假设 H,之间不一致程度的概率。如果 H. 是正确的, P 值越小, 说明实际观测到的数据与 H. 之间不一致的程度就越大, 检验结 展別越最著。

P 值的具体计算方法如下。(以大样本平均数假设检验为例)

设 x 表示抽样得到的 x 的观察值,则按 Z 变量的变化范围确定 P 值为;

在右侧检验中,
$$P$$
值= $P\left(Z \geqslant \frac{\overline{x_0} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}}\right)$;

在左侧检验中,
$$P$$
 值= $P\left(Z \leqslant \frac{x_0 - \mu}{\sigma/\sqrt{n}}\right)$;

在双侧检验中,
$$P$$
值= $2P\left(\mathbb{Z} \geqslant \left| \frac{\overline{x_0} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} \right| \right)$ 。

按统计量的变化范围 P 值为

在右单侧检验中, P 值= $P(\overline{X} \ge x_0)$,

在左单侧检验中, P 值-P ($X \leq \bar{x}_0$),

在双侧检验中, 若 $x_0 \ge \mu$, P值 $2P(X \ge \bar{x}_0)$, 若 $x_0 \le \mu$, P值 $2P(X \le \bar{x}_0)$ 。

如果说传统的假设检验方法是以按指定的显著性水平 α 建立的拒绝域为基准,来看待检验统计量的样本计算值所处位置。从而对一对假设进行抉择的话,那么,不论是单侧检验还是双侧检验,用 P 值检验法进行决策的准则都是:若 P 值 $< \alpha$ 、则拒绝 \mathbf{H} ; 若 P 值 $\geq \alpha$,则接受 \mathbf{H} 。

对于总体比率 π 的假设检验中 P 值的计算方法及决策规则的表述与平均数假设检验的情况完全类似。

7.2 一个总体参数的假设检验

7.2.1 总体均值的检验

1. 7.检验

选择 7. 检验统计量的前提条件有两个,

- (1) 大样本($n\geqslant 30$); 如果 σ 已知, 在大样本的情况下, 无论总体是否服从正态分布, 根据中心极限定理, 抽样分布近似服从正态分布; 如果 σ 未知, 可以用样本标准差S来代替。
 - (2) 小样本(n<30): 如果o已知,检验统计量服从正态分布。

$$Z = \frac{\overline{x} - u}{\sigma / \sqrt{n}} \tag{7.1}$$

【例 7.6】 根据本章的开篇案例资料、检验该公司这批牛奶的容量是否符合标准。

解: 在例 7.1 已经分析出该问题的假设形式为:

Ho: μ≥ 250 毫升 Ho: μ<250 毫升

已知: 样本均值 π — 248. 样本标准差 S — 4、n — 50、由于是大样本、尽管 σ 未知、但 可用 S 估计 σ ,所以检验统计量为 Z 。服从正态分布、属于左侧检验。

$$Z = \frac{\bar{x} - u_0}{S/\sqrt{n}} = \frac{248 - 250}{4/\sqrt{50}} = -3.54$$

在 $\alpha = 0.05$ 时,查标准正态分布概率表,得: $Z_{\alpha} = 1.65$

 $Z < -Z_s$, 即 -3.54 < -1.65, Z 落入拒绝区域,即拒绝 H_s ,如图 7-5 所示。

也就是说,对于一次抽样的结果、小概率事件发生了。这是不合常理的,所以可认为总体平均数 $\mu \ge 250$ 这一假设不成立。就要接受备择假设 $\mu < 250$,即这批牛奶的包装容量不足 250 豪升。

【例 7.7】 某厂生产一种产品,原来月产量平均为 75 台,已知月产量股从正态分布, 方差为 14。设备更新后,为了考察产量是否提高,抽查了 6 个月的产量,计算得到月平均 产量为 78 台,假设方差不变,向在显著性水平的 5 %条件下,设备更新后的月产量是否有



显著提高?

解:由 F 总体服从 正态分布,且 σ 已知,可用 Z 为检验统计量。样本均值为 78 台,高于原来的 75 台,原因可能有两个,一是新设备性能提高,导致产量增加,另一是样本随机性造成的样本平均数偏高。究竟是哪种原因,现用假设检验的方法来判断。

如果研究人员希望月产量有所提高,因此,建立假设的形式为:

$$H_0: \mu \leq 75$$
 $H_1 > 75$

检验统计量:
$$Z = \frac{\overline{x} - u_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{78 - 75}{\sqrt{14}/\sqrt{6}} = 1.964$$

属于右侧检验, 当显著性水平 α -0,05,则由标准正态分布表,得 $Z_{\rm min}$ -1,65。

从而 Z>Z,即; 1.964>1.65,从而拒绝 H.,即认为该企业设备更新后月产量有明显提高。

【例 7.8】 某企业从长期实践得知,其产品直径 X 服从正态分布 $N(15,0,2^{\circ})$ 。从某日产品中随机轴取 10 个,测得其直径分别为 14.8、15.3、15.1、15.0、14.7、15.1、15.6、15.3、15.5、15.1(单位:厘米)。要求,在最著性水平分别取 $\alpha-0.05$ 和 $\alpha-0.01$ 时,对该产品直径是否符合直径为 15.0 厘米进行检验。

解:

$$\overline{x} = \frac{\sum_{i=1}^{N} x_i}{n} = \frac{14.8 + 15.3 + 15.1 + 15.0 + 14.7 + 15.1 + 15.6 + 15.3 + 15.5 + 15.1}{10}$$

$$= 15.15(厘米)$$
已知 $\sigma = 0.2$. $\mu = 15$. 依應意为双侧检验。建立假设为:
$$H_0: \mu = 15.0$$
 用: $\mu \neq 15.0$

根据检验统计量式(7.1)

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}} = \frac{15.15 - 15.0}{0.2 / \sqrt{10}} = 2.37$$

若取显著性水平 α = 0.05、则由标准正态分布表、得 Z_{++} = 1.96。从而拒绝 ${\bf H}$,即 认为直径不符合质量标准。

若取显著性水平 α -0.01,则由标准正态分布表,得 $Z_{\rm ell}$ -2.58。从而不能拒绝 H ,即认为没有充分的理由说明直径不符合质量标准。

对应同 · 张标准正态分布表,在同 · 个显著性水平上,单侧检验和双侧检验查表求临界值是不同的。以本书附录提供的表为例,省 α = 0.05 时,对于单侧检验,只要查 0.95 (即 1 = 0.05)即得到对应的临界值;对于双侧检验,则需要查 0.975(即 1 = 0.05 ÷ 2),得到对应的临界值。

从本题可知, α 的取值从 0.05 变为 0.01 时,则得出的相反结论。可见,原假设取含 与否与 α 的取值直接相关,当倾向于不要轻易否定 H。时, α 可取小一些,反之,取大一些。

【例 7.9】 某合资企业从外国某公司进口了一批录像机磁头。按合同规定,这批磁头的平均使用寿命应达到 2 000 小时。现从到货中随机抽查了 100 个磁头,测得平均使用寿命 X 1 982 小时,对方产品质量一向良好、错误退货会影响对方的声誉、造成不应有的

損失。已知 $\sigma=100$ 小时。要求: 用 P 值检验方法检验,说明在 $\alpha=0.025$ 的条件下,是 否接受这批货物?

H : μ≥2 000(这批产品是合格的) H₁: μ<2 000(这批产品是不合格的)

因为n-100 为大样本、 $\sigma-100$ 小时、所以在 H. 为真的假设下、X 服从 N (2 000、100)、由样本观察值 $\pi_0 = 1$ 982、求 P 值的过程如下:

在左侧检验中,P值
$$P(Z \leqslant \frac{x^{r_1} - u}{\sigma/\sqrt{n}})$$
 $P(Z \leqslant \frac{1982 - 2000}{100/\sqrt{100}})$ $P(Z \leqslant \cdot 1.8)$

$$P$$
 信= $P(Z \le -1, 8) = 1 - P(Z \le 1, 8) = 1 - 0,964$ 1=0,035 9

因为 P 值 $> \alpha$, 即 0.035 9 > 0.025. 所以接受 $H_{\rm m}$, 即认为这批磁头是合格的。

可以看出,P 值不仅能够得到与检验相同的结论,而且给出了统计量检验不能给出的 信息。利用统计量根据显著性水平作出决策,如果拒绝原假设,也仅仅是知道犯错误的可 能性是 α 那么大,但究竟是多少却不知道,而P 值正好就是实际犯错误的概率。

2. 2 检验

t 检验。般用于小样本检验、往往是已知服从正态总体但方差未知。如果 σ 未知,可以用样本标准差 S 来代替。检验统计量服从自由度为n-1 的t 分布,即检验统计量应选取;

$$\frac{\sum -\mu}{S/\sqrt{n}} \sim t(n-1)$$
 (7.2)

【例7.10】 抽取某地区粮食样品 9 个、测得其中某种农药残留量的平均值为 0.325mg/kg、标准差为 0.068mg/kg、国家卫生标准规定、粮食中该种农药残留量小于等于 0.3mg kg。假定粮食中农药残留量服从正态分布、问该地区粮食中该种农药残留量是否超标?

解:依题意建立假设

$$H_0: \mu \leq 0.3 \quad H_1: \mu > 0.3$$

根据检验统计量式(7.2)

$$t = \frac{\overline{x} - \mu_0}{S / \sqrt{n}} = \frac{0.325 - 0.3}{0.068 / \sqrt{9}} = 1.1029$$

在显著性水平为 α -0.05 时、则由t(n-1)分布表、得t-(8)-1.8595。因为这里t<t(n-1)从而不能拒绝 日、即没有足够的证据说明该地区粮食中该种农药残留量超标。

假如增加样本容量,如抽取样品25个,还是得到一样的数据,那么;

$$t - \frac{x - \mu_0}{S/\sqrt{n}} - \frac{0.325 - 0.3}{0.068/\sqrt{25}} - 1.8382$$

还是取显著性水平 α 0.05,则由t(n-1)分布表,得t...(24) 1.710 9。因为这里 t > t.(n 1)从而,拒绝 H,即说明该地区粮食中该种农药残留量超标。

从这个对比的例子中,有两个值发生了变化: 一是实际的 t 值,它变大了,含义是它倾向于拒绝原假设; 二是 t 的临界值,它变小了,含义是拒绝区变大。这说明在样本量较小的时候,把看似和备择假设一致的事实视作为是抽样造成的,显然这就保护了原假设。



而当样本量增加以后,才认为有足够的证据证明这一事实。

随着样本容量,,的增大,,分布趋近于标准正态分布,所以,有些,分布表就编列,, 30 为止, 绍讨 30 的就查正态分布表了。

7.2.2 总体比率的假设检验

总体比率也称为总体成数或比例,是指总体表现为两类结果时,其中某一类结果所占 的比率,它服从二项分布。所以,对于总体比率的检验,小样本结果是不稳定的,实际中 只考虑大样本的情况,即把比率的抽样分布用正态分布来近似。检验统计量形式为:

$$Z = \frac{p - \pi}{\sqrt{\frac{\pi(1 - \pi)}{n}}} \sim N(0, 1) \tag{7.3}$$

式中, π表示总体比率: n表示样本比率

下面结合例 7.11 作具体说明。

【例 7.11】 某豪华购物中心欲诵讨购物指南报作 - 则广告以吸引更多的顾客光顾。但 前提是至少有50%喜爱逛购物中心的顾客订阅该报纸,才能在该报上作广告。他们在几家 购物中心采用问券形式随机调查了61名顾客, 其中40名顾客订阅这种报纸。问。按显著 性水平为 a 0.01 计算,能否根据调查结果认为这种比率超过了 50%?

解:设元表示逛购物中心的顾客中订阅该报纸的顾客比率

总体平均数
$$\overline{X}_{\rho}(\mathbf{1}, \mu_{\rho})$$
 为 0.5、样本成数 $\rho = \frac{40}{64} = 0.625$

总体标准差:
$$\sigma_p = \sqrt{\frac{\pi(1-\pi)}{n}} = \sqrt{\frac{0.5 \times (1-0.5)}{64}} = 0.0625$$

因为 $n\pi = 64 \times 0.5 = 32$, $n(1-\pi) = 32$ 均大千5, 所以样本比率的抽样分布服从正态 分布,即样本比率 p 的抽样分布服从 N(0, 5, 0, 062 5)。

第一步: 表述原假设和备择假设

 $H_0: \pi \leq 0.5; H_1: \pi > 0.5$

第二步, 计算检验统计量

$$Z = \frac{p - \pi}{\sqrt{\frac{\pi(1 - \pi)}{n}}} = \frac{0.625 - 0.5}{0.0625} = 2$$

第三步: 确定显著性水平 $\alpha = 0.01$, 查表 $Z_{0.01} = 2.33$ 。

第四步:作出决策。因为 Z < Z ..., 所以接受 H., 即认为订阅这种报纸的顾客比率达 不到 0.5.

如果用 P 值检验,根据已计算出的检验统计量,则在右侧检验中:

P値: $P(Z \ge 2) = 1 - P(Z < 2) = 1 - 0.9972 = 0.0228$

因为P值≥ a, 即 0.022 8>0.01, 所以,接受 H。 结论与前面相同。

7.2.3 总体方差的假设检验

在假设检验中,有时还需要检验正态总体的方差。例如,在产品质量检验中,质量标 准是通过不同类型的指标反映的。有些属于均值类型,如尺寸、重量、抗拉强度等;有些 190 ///

属于比率类型,如产品合格率、考试通过率等,有些属于方差类型,如尺寸的方差、重量的方差、抗拉强度的方差等,这时方差反映了产品的稳定性。方差大,说明产品的性能不稳定,波动大。凡与均值有关的变量,调常也与方差有关,方差从差异角度说明观象的状况。比如,居民的平均收入说明了收入达到的一般水平,是衡量经济发展的一个重要数据,而收入的方差则反映了收入分配的差异,可以用来评价收入的合理性。

总体方差的检验使用 x'分布。不论样本容量 n 的大小、总体方差的检验都要求总体服从正态分布,这是由检验统计量的抽样分布决定的。检验统计量为;

$$\chi^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2} \sim \chi^2(n-1) \tag{7.4}$$

下面涌讨例 7.12 作且体说明。

【例 7.12】 啤酒生产企业采用自动生产线罐装啤酒、每瓶的装瓶量为 640 ml,但是由于受某些不可控因素的影响、每瓶的装瓶量会有差异。此时、不仅每瓶的平均装瓶量很重要、装填量的方差。同样也很重要。如果。 很大、会出现装填量太多或太少的情况。这样要么生产企业不划算、要么消费者不满意。假定生产标准规定每瓶装填量的标准差不应超过和不应低于4 ml。企业质检部门抽取了10 瓶啤酒进行检验、得到的样本标准差为 S-3.8 ml, 试以 0.10 的显著性水平检验装填量的标准差是否符合要求。

由于 χ^{-} (9) $<\chi^{-}$ (9),所以不拒绝原假设 H 。样本表提供的证据表明装填量的标准差符合要求。

若要计算 P值,可使用 Excel统计函数中的 "CHIDIST" 函数。该函数计算出的 是落在 8.1225 右侧的概率 1-P-0.5218,所以 P-I-0.5218 $> \alpha$,所以不拒绝原假设。

7.3 两个总体参数的假设检验

7.3.1 两个总体均值之差的假设检验

有些情况下,人们并不知道两总体各自的平均数,但又希望比较两总体平均数之间的差异。这种情况下也可以用假设检验的方法,直接根据来自两个不同总体中独立抽取的两个样本的信息,来检验样本平均数之间的差距是否具有显著性。这种检验假设的形式为;

双侧检验: $H_0: \mu_1 - \mu_2 = 0$; $H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq 0$ 右侧检验: $H_0: \mu_1 - \mu_2 \leqslant 0$; $H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0$ 左侧检验: $H_0: \mu_1 - \mu_2 \geqslant 0$; $H_1: \mu_1 - \mu_2 \leqslant 0$



由于对两总体方差信息了解程度的不同,检验过程有所不同。下面分情况给予介绍。

1. 两总体标准差已知或大样本的情况

如果两总体近似服从正态分布目 51、50 为已知,或两总体非正态分布,51、50 未知, 但两个样本容量是够大。这两种情况下(r, - r.)的抽样分布服从(或诉似服从)正态分布。 均可使用 Z 为检验统计量, 其中,

由于 $H_0: \mu_1 - \mu_2 = 0$, 所以上述公式实际为:

$$Z = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2)}{\sqrt{\sigma_{i}^* / n_i + \sigma_i^2 / n_i}} \quad \overline{\mathfrak{g}} \quad Z = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2)}{\sqrt{S_i^* / n_i + S_{i}^2 / n_i}} \tag{7.6}$$

【例 7.13】 基航空公司希望了解在其经营的航线中,基 A. B 两大城市之间,往, 返 飞行的平均时间是否有差别。随机抽洗几次航班的飞行记录结果见表 7-3。

表7-3 某航空公司航班的飞行记录结果

样本	样本容量	平均飞行时间(分钟)	标准差
A->B	70	125	15
B→A	38 1/17	117	13

试问: 在α-0.05 的条件下,检验往、返的平均飞行时间之间是否有差别。

解:原假设和备择假设表试为:

因为是大样本, (x_1-x_2) 的分布近似服从正态分布, $\alpha=0.05$, $Z_{+}=1.96$ 。

因为 Z > Z , 即, 2,889 > 1,96, 所以拒绝 H, ,即认为往返程平均飞行时间之间存在 差别。

2. 两正态总体方差未知但相等的情况

在这种情况下(x1-x2)服从正态分布。这时检验统计量是

$$t = \frac{(x_1 - x_2) - (u_1 - u_2)}{\sqrt{S_1^2 / n_1 + S_2^2 / n_2}}$$
(7.7)

因为假设 σ_1 σ_2 ,所以可用S作为S 和S的合并估计量、自由度为 (n_1+n_2-2) 。

因为在此情况下的两样本平均数的比较是以两总体方差相等。即以方差作为条件的。 但即使两总体方差相等,样本方差也会有随机波动。样本方差的不同是不是由于抽样误差 造成的,这就涉及到要对 H,: σ, σ, 是否成立进行检验。方差检验要用到 F 分布, 这 里不进行讨论。如果方差检验结果认为 $\sigma \neq \sigma$,这时就需考虑下面第3种情况。所以在一 般情况下,将第2,3两种情况结合起来进行研究。

3. 两正杰总体方差未知日不相等的情况

这种情况下就不能将 S. 和 S. 会并为一个统计量。如果两总体服从正态分布的条件能 基本得到满足,活合的统计量为,

$$t = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (u_1 - u_2)}{\sqrt{S_1^*/n_1 + S_2^*/n_2}}$$
(7.8)

刚 / 近似服从 / 分布。

7.3.2 两个总体比率之差的假设检验

可建立假设: H_0 : $\pi_1 = \pi_2$, H_1 : $\pi_1 \neq \pi_2$

两个总体比率之差的检验分两种情况。

1. 两个总体比率是否相等的假设检验



检验统计量是:

$$Z = \frac{(p_1 - p_1) \cdot (\pi_1 - \pi_2)}{\sqrt{\pi_1(1 - \pi_1)} + \frac{\pi_2(1 - \pi_2)}{n_2}}$$
(7.9)

由于真正的总体比率 和 和 并不知道,必须对它们作出估计。最活当的值通常为样 本比率。由于原假设元二元, 也就是假设两个总体比率相等。最佳估计量就是两个样本合 并后的合并比率 p, 最佳的方差是 p(1-p)。如果以 a_1 表示样本 1 中具有某种属性的单位 数, x 表示样本2中具有某种属性的单位数,则合并后的比率为;

$$p = \frac{x_1 + x_2}{n_1 + n_2} = \frac{p_1 n_1 + p_2 n_2}{n_1 + n_2}$$
 (7.10)

因此,检验统计量就成为:

$$Z = \frac{p_1 - p_2}{\sqrt{\frac{p(1-p)}{n_1} + \frac{p(1-p)}{n_2}}} = \frac{p_1 - p_2}{\sqrt{p(1-p)(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2})}}$$
(7.11)

根据经验, 11万大干 5 时,就可以认为是大样本,统计量 Z 就近似服从标准正态 分布。

【例 7.14】 甲、7.两公司属于同一行业,有机构调查这两个公司的工人是愿意得到特 定增加的福利费,还是愿意得到特定增加的基本工资。在甲公司150名工人的简单随机抽 样中,有75人愿意增加基本工资;在乙公司200名工人的随机样本中,103人愿意增加基 本 E 资。在每个公司,样本容量占全部 E 人数的比率都不超过 5%。试在α 0.01 的显著 性水平下,可以判定这两个公司中愿意增加基本工资的工人所占的比率不同吗?

解,提出原假设和备择假设:

$$\mathbf{H}_0: \pi_1 = \pi_2. \ \mathbf{H}_1: \pi \neq \pi_2$$

$$\mathbf{p}_1 = \frac{75}{150} = 0.5, \mathbf{p}_2 = \frac{103}{200} = 0.515$$

$$p = \frac{x_1 + x_2}{n + n_2} = \frac{75 + 103}{150 + 200} = 0.509$$

$$Z = \frac{p_1 - p_2}{\sqrt{\frac{p(1 - p)}{n_1} + \frac{p(1 - p)}{n_2}}} = \frac{p_1 - p_2}{\sqrt{p(1 - p)(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2})}}$$

$$- \frac{0.50 - 0.515}{\sqrt{0.509(1 - 0.509)(\frac{1}{150} + \frac{1}{200})}} - 0.278$$

在 α 0.01 的显著性水平下,查标准正态分布表,得临界值 Z_* 2.58 由于 Z < 2.58,所以接受原假设 H ,可以判定这两个公司中愿意增加基本工资的工人所占的比率相同。

2. 两个总体比率之差不为零的假设检验

检验 $\pi_1 - \pi_2 - d$. $\neq 0$. 在这种情况下,两个样本比率之差 $p_1 - p_2$. 近似服从 $\pi_1 - \pi_2$ 为数 学期望、 $\frac{p_1(1-p_2)}{n_1} + \frac{p_2(1-p_2)}{n}$ 为方差的正态分布、因而可以选择 Z 作为检验统计量:

$$Z = \frac{(p_1 - p_2) - (\pi_1 - \pi_2)}{\sqrt{\frac{p_1(1 - p_1)}{n_1} + \frac{p_2(1 - p_2)}{n_2}}} - \frac{(p_1 - p_2) - d}{\sqrt{\frac{p_1(1 - p_1)}{n_1} + \frac{p_2(1 - p_2)}{n_2}}}$$
(7.12)

【例 7.15】 有一项研究报告说青少年经常上网聊天,男生的比率至少超过女生 10 个百分点,即 $\pi_1 - \pi_2 > 10\%$ (π_1 为男生比率, π_2 为女生比率) 现对 150 个男生和 150 个女生进行上网聊天的频度调查,其中经常聊天的男生有 78 人,经常聊天的女生有 54 人,问调查结果是否支持该项研究报告的结论 ($\alpha=0.05$) 2

解:
$$\mathbf{H}_0$$
: $\pi_1 = \pi_2 \ge 10\%$
 \mathbf{H}_1 : $\pi_1 = \pi_2 \ge 10\%$
由题意可知。 $n_1 = n_2 = 150$, $p_1 = \frac{68}{150} = 0$. 15 , $p_2 = \frac{54}{150} = 0$. 36 . $d_4 = 10\%$
由式(7, 12)可得。

$$Z - \frac{(p_1 - p_2) - d_0}{\sqrt{\frac{p_1(1 - p_1)}{n_1} + \frac{p_2(1 - p_2)}{n_2}}} = \frac{0.45 - 0.36 - 0.1}{\sqrt{\frac{0.45(1 - 0.45)}{150} + \frac{0.36(1 - 0.36)}{150}}} = -0.177$$

这是一个左侧检验, Z_a 一 1.645,由决策推则可知,Z 一 0.177,落入非拒绝域,故无法推翻原假设,检验结果支持研究报告的结论。

7.3.3 两个总体方差比的假设检验

如果要检验两个总体方差是否相等。可以通过两个方差之比是否等于1 来进行。实际中会遇到关注两个总体方差是否相等时问题。如比较两个牛产过程的稳定性、比较两种投资方案的风险等。前面讨论两个总体均值之差的检验时,假定两个总体方差相等或不相等。事实上。在许多情况下总体方差是否相等事先往往并不知道。因此在进行两个总体均值之差的检验之前,也可以先进行两个总体方差是否相等的检验,由此获得所需要的信息。

为了比较两个未知时总体方差。引和。引,用两个样本方差的比率判断,如果 Sf/Si 接近于1,说明两个总体方差。引和。根接近,如果比值结果远离1,说明。引与。之间有较大差异。在两个正态总体条件下,两个方差之比服从 F 分布,即:

$$F = \frac{S_1^2/\sigma_1^2}{S_2^2/\sigma_2^2} \sim F(n_1 - 1, n_2 - 1)$$
 (7.13)

在原假设成立的情况下, 检验统计量变为:

$$F = \frac{S_1^2}{S_2^2} \not \mathbb{E}_k F = \frac{S_2^2}{S_2^2} \tag{7.14}$$

两个总体方差比的双侧检验是用较大的样本方差除以较小的样本方差。这样做是为了保证拒绝域总发生在抽样分布的右侧。只需要检验统计量的值与右侧的 $\frac{\sigma}{2}$ 分位数进行比较即可。对于单侧检验也是如此,如果检验 σ i大于 σ i、备择假设则设为 H_{t} : $\frac{\sigma}{\sigma}$ > 1;如果检验 σ i大于 σ i、备择假设则设为 H_{t} : $\frac{\sigma}{\sigma}$ > 1;如果检验 σ i大于 σ i、备择假设则设为 H_{t} : $\frac{\sigma}{\sigma}$ > 1;

【例7.16】 有人说在大学中,男生的学习成绩比女生的学习成绩好。现从一所大学中随机抽取25名男生和16名女生,对他们进行了同样题目的测试。测试结果表明,男生的平均成绩为82分,方差为56,女生的平均成绩为78分,方差为49。假设显著性水平α-0,02、从上述数据中能得到什么结论2

$$\begin{aligned} \mathbf{#}; \ H_{\circ}; \vec{\sigma_{1}} &= \vec{\sigma_{2}}, H_{1}; \vec{\sigma_{1}} \neq \vec{\sigma_{2}} \\ F &= \underbrace{S_{2}^{2}}_{19} = \underbrace{\frac{56}{19}}_{19} = 1.143, F_{\wedge, \text{et}}(24, 13) = 3.29, \\ F_{\circ, \circ}(24, 15) &= \frac{1}{F_{0.01}(15, 24)} = \underbrace{\frac{1}{2.89}}_{19} = 0.346 \\ F_{0.09}(24, 15) &F &F_{0.01}(24, 15) \end{aligned}$$

不能拒绝原假设,说明两个总体方差无明显差异,即男生的学习成绩比女生的学习成绩无明显差异。"

7.4 Excel 在假设检验中运用示例

7.4.1 对总体均值的假设检验 (n>30)

【例 7.17】 某公司生产一种产品的单位成本为 1.35 元。现公司引进一种新的生产技术以期降低单位产品成本。为检验新技术生产的单位产品成本与过去相比是否有显著降低、该公司抽取 50 天采用新技术生产的单位产品成本进行检验、数据见表 7 4。利用这些样本数据,检验新技术生产的产品单位成本与原有技术相比是否有显著降低?(α0,01)

在 Excel 中,将 50 个样本数据资料输入 A1: A50 单元格内。

表 7 4 某公司 50 天采用新技术生产的单位产品。	成本数据
-----------------------------	------

1.98	1.97	0.91	1.22	1.06	1.11	1.54	1.08	1.10	1.64
1.70	2. 37	1.38	1.60	1, 26	1. 17	1.12	1.23	0.82	0.86
1.23	0.74	1.50	0.50	0.59	0.99	1.45	1.24	1.01	2. 03
1.26	1.19	1.31	0.97	1.81	1. 13	0.96	1.06	1.00	0.94
0.98	1.10	1.12	1.03	1.16	1. 12	1.12	0.95	1.02	1. 13

1. 2. 检验

- (1) 在单元格 A51 中输入公式 "-AVERAGE(A1: A50)", 按 Enter 键, 得到样本 均值, 1, 2152.
- (2) 在单元格 A52 中输入公式" STDEV(A1: A50)", 按 Enter 键, 得到样本标准 差: 0.365749。
- (3) 在单元格 A53 中输入公式"一COUNT(A1: A50)", 按 Enter 键, 得到样本容 量:50。
- (4) 在单元格 A54 中輸入公式 "-(1,2152-1,35) (0,365749/SQRT(50))", 按 Enter 键, 得到 Z 值, -2,6061(1,35 为假设值)
- (5) 在单元格 A55 中键入公式 "-NORMSINY(0.01)", 按 Enter 键, 得到单侧检验 $\alpha = 0.01$ 的临界值,一2.33。

由于 Z=-2.6061 < Zo.01 = 2.83 因此, 拒绝 Ho

检验结果表明,在显著水平为1%的条件下,新技术生产的产品单位成本与原有技术 相比有显著降低。

2. P值检验 -/

Excel 计简 P 值操作步骤如下。

第一步: 进入 Excel 表格界面, 直接单击"/,"按钮。

第二步, 在函数分类中单击"统计"洗项, 在"洗择函数"中洗择"Z, TEST", 然 后单击"确定"按钮。

第三步, 在出现的对话框的 "Array" 中输入原始数据区域 "A1: A50"; 在 "X" 后 输入参数的假设值(1.35); 在 "Sigma" 后输入已知的样本标准差(本例为 0.365 749)。得 到分布右侧面积 0,995 421, 用 1-0,995 421, 得到 P 值 0,004 579

由于 P 值=0,004 579< α=0.01, 所以拒绝 H₀。结论同上。

7.4.2 对正态总体均值的假设检验 (n<30、总体方差未知)

1. t 检验

【例 7.18】 某汽车配件公司认为自己生产的汽车变速器质量非常可靠,为提高市场意 争力,打算把保修千米数提高到25000千米。公司认为把保修千米数提高到25000千米 并不会对公司增加费用,因为汽车变速器在这段期间内是很少需要维修服务的。为了验证 自己的判断,该汽车制造公司从自己众多的用户中,随机抽查了16个用户,统计了这些 用户自购车之日直到维修变速器的汽车行驶的千米数,数据如下。汽车行驶的千米数服从 正态分布。

31 816	27 869	23 295	31 350	25 895	21 102	26 949	35 482
14 605	29 645	21 517	24 694	23 499	30 289	25 181	32 040

要求: 取显著性水平α=0.025, 检验该汽车制造公司生产的变速器是否可以行使 25 000 千米以上。

操作步骤: 在 Excel 中,将 16 个样本数据资料输入 A1: A16 单元格内。

- (1) 在单元格 A17 中输入公式 " AVERAGE(A1: A16)", 按 Enter 键, 得到样本均值; 26 576.75。
- (2) 在单元格 A18 中输入公式 "-STDEV(A1: A16)", 按 Enter 键, 得到样本标准 差, 5 224, 84
- (3) 在单元格 A19 中输入公式 "-COUNT(A1: A16)", 按 Enter 键, 得到样本容量; 16。
- (4) 在单元格 A20 中输入公式 "=(A17-25000)/(A18, SQRT(A19))", 按 Enter 键, 得到 t值; 1.21。(25000 为假设值)。
- (5) 在单元格 A20 中键人公式 "=TINV(0.05, 15)"、按 Enter 键,得到单侧检验 α =0.025,自由度为 15 的临界值,2.131 45。

由于 t=1.21 < t0.025(15) =2.131 45, 因此, 不拒绝 Ho。

檢验結果表明:在显著性水平为2.5%的条件下、样本提供的证据不能说明该汽车制造公司生产的变速器可以行使25 000 千米以上。

2. P 值检验

Excel 计算 P 值操作步骤如下。

第一步: 进入 Excel 表格界面, 直接单击"/"按钮。

第二步: 在函数分类中单击"统计"选项, 在"选项函数"中选择"TDIST", 然后单击"确定"接钮。

第三步: 在出现的对话框的 "X"设置中输入计算出的t值的绝对值 1.21; 在"Deg-freedom"(自由度)设置框中、输入自由度 15; 在"Tail"设置框中输入 1(单侧检验)。单击"确定"按钮、即可得到 P值为 0.122501395(如图 7-5 所示)。



图 7 5 Excel 计算 P 值图



由于P值=0.1225> α =0.025, 所以不拒绝 H₀。

本章小结

- 1. 假设检验的基本思想是,先提出一个假设;在假定假设成立的条件下、根据抽样调查得到 样本有关资料,然后计算检验统计量:再根据确定的小概率查表得到判断的标准值,最后将检验 统计量与标准值进行比较,判断是否发生了小概率事件,运用反证法思想作出是否拒绝所作的假 设的判断。
- 假设检验的基本概念有:小概率原理、原假设与备择假设、单侧检验与双侧检验、弃真错误与取伪错误、检验功效、P值检验等。
- 3. 假设检验的步骤如下,根据研究问题的性质,陈选原识误和各接假设,确定一个适当的检验统计量及其抽样分布,并利用标本数据算出检验统计量的具体数值,确定一个适当的显著性水平,查表找出其临界值,明确拒绝故,将统计量的值与临界值进行比较。做出决策,统计量的值落在拒绝域,拒绝 H.。否则不拒绝 H。。
- 假设检验的两类错误。第一类错误又称弃弃错误、是原假设为真时拒绝原假设所犯的错误;
 第11类错误又称取伪错误。是原假设为假时来拒绝原假设所犯的错误。
- 5. P值是在原假设为真的条件下、样本统计量以其观察值为减点的某极端区域内取值的概率。 也称为观察到的显著性水平。对于事充确定的显著性水平α、不论单侧检验或双侧检验、若P值小于α就拒绝Ho、若P值大于α、就不拒绝Ho。



一、简答题

- 1. 说明假设检验的基本思想。
- 2. 解释原假设和备择假设的含义,说明建立原假设和备择假设的要求。
- 3. 假设检验中第1类错误和第11类错误各指的是什么? 两类错误之间的关系?
- 4. 什么是显著性水平? 显著性大小对拒绝区域有何影响。
- 5. 简述假设检验的基本步骤。
- 6. 什么是 P 值? P 值检验的决策规则? P 值检验与传统统计检验的区别?

二、单项选择题

- 1. 在假设检验中,原假设和备择假设(
- A. 都有可能成立 C. 都有可能不成立
- B. 相互对立、只有一个成立 D. 原假设一定成立, 备择假设不一定成立
- 2. 显著性水平是()的概率。
- A. 原假设为真时不拒绝原假设 B. 原假设为假时不拒绝原假设
- C. 原假设为真时拒绝原假设 D. 原假设为假时拒绝原假设
- 3. 为检验某种型号自动食品包装机所包装的食品每袋平均重量是否应为 250 克。应该采用()
 - A. 左侧检验 B. 右侧检验

C. 双侧检验 D. 左侧检验或右侧检验 对正态总体μ进行假设检验,如果在显著性水平 0.01 下拒绝原假设 Η:μ μ,那么将显著性水 平变为 0,05 时,结论是()。 A. 必不拒绝 H: u-to B. 可能拒绝,也可能不拒绝 H: u = uC. 必定拒绝 H: u uo D. 无法判断 5. 若一项假设形式为 $H_0: \mu = \mu_0$, $H_1: \mu \neq \mu_0$,当随机抽取一个样本时,其均值 $\bar{x} = \mu_0$,则()。 A. 肯定接受原假设 B. 有 1-α的可能接受原假设 C. 有可能接受原假设 D. 有可能拒绝原假设 6. 当样本检验统计量的观察值未落人原假设的拒绝域时,表示(A. 可以放心地接受原假设 B. 没有充足的理由否定原假设 C. 没有充足的理由否定备择假设 D. 各择假设显错误的 7、下列场合中。()适合用 / 检验统计量。 A. 样本为小样本, 且总体方差已知 B. 样本为大样本,且总体方差已知 C. 样本为小样本, 且总体方差未知 D. 样本为大样本, 目总体方差已知 8. 讲行假设检验时, 在其它条件不变的情况下, 增加样本量, 检验结论和两类错误的概率会 (). A. 都减少 R. 都地大 C. 都不变 D. 一个增大 · 个减小 9. α 和β分別表示假设检验时两种错误类型、假设检验时比较好的情况是(N. B. a与3都小 A. α 与 β 都大 C. a小, B大 D. a大. B小 10. a 和 3 分别表示假设检验时两种错误类型、反映假设检验功效的指标是(三、多項选择顯 1. 关于原假设的建立。下列叙述中正确的有(A. 若不希切否定某二命题, 就将此命题作为原假设 B. 尽量使后果严重的错误成为第 II 类错误 C. 质量检验中若对产品质量一直很放心, 原假设为"产品合格(达标)" D. 若想利用样本作为对某一命题强有力的支持, 应将此命题的对立命题作为原假设 E. 可以随时根据检验结果改换原假设,以期达到决策者希望的结论 假设检验中、第Ⅰ类错误为α、第Ⅱ类错误为β、α 与β 这两类错误的关系是(A. 前者可大干后者, 前者也可小干后者 B. 只能控制 a, 不能控制 B C. 在其他条件不变的情况下,增大 α ,必然会减少 β D. 在其他条件不变的情况下, 增大α, 必然会增大β E. 增大样本容量可以同时减少 a 和 B 3. 显著性水平与检验拒绝域的关系是(A. 显著性水平提高, 意味着检验拒绝域扩大 B. 显著性水平提高, 意味着检验拒绝城缩小 C. 显著性水平降低, 意味着检验拒绝域缩小 D. 显著性水平降低, 意味着检验拒绝域扩大 E. 显著性水平提高或降低,不影响拒绝域的变化 假设检验中的 β 错误()。

统计学



- A. 是在原假设直宝的条件下发生的
- B. 是在原假设不真实的条件下发生的
- C. 取决于原假设与实际值之间的差距
- D. 原假设与实际值之间的差距越大, 犯错误的可能性越小
- E. 原假设与空际值之间的差距越大, 犯错误的可能性越大

四 计复新

- 种罐装饮料采用自动生产线生产、每罐的标准重量是500克,根据以往经验,标准差是5克。 为检验每罐重量是否符合要求。质检人员在某天生产的饮料中随机抽取了 100 罐进行检验。测得平均重 量星 502 点。在显著性水平为 0.05 时,检验该天生产的饮料重量是否符合标准要求。
- 2, 电视机显像管批量生产的质量标准是平均使用寿命为1200小时,标准差为300小时。某电视机 厂宣称其牛产的显像管大大超过规定的标准。该厂质检部门为了进行验证、随机抽取了100件为样本, 测得平均使用寿命为1245小时。间按显著性水平α 0.05 计算,能否根据调查结果说该厂的显像管质量 显著地高于规定的标准?
- 5. 某厂生产的钢丝的强度服从正态分布,这种钢丝的标准强度为1900千克,某购买厂家为检验该 厂生产的钢丝强度是否认到标准、现随机抽取了20根、测得基强度的平均值为1800千克、标准差为120 千克。问:按显著性水平。-0.05 计算,根据调查结果能否说该厂生产的钢丝的强度达到了标准?
- 某一小麦品种的平均每亩产量为5-200 千克。一家研究机构对小麦品种进行了改良以期提高产量。 为检验改良后的新品种产量是否有显著提高、随机抽取了36亩地块进行试种、得到的样本平均亩产量为 5 275 千克,标准差为 120 千克。在α 0.05 时,试检验改良后的新品种产量基否有显著提高?
- 有两种方法可用于制造某种以植物强度为重要特征的产品、经验表明、用议两种方法生产出来的 产品的杭拉强度都近似服从正态分布。其标准差分别为 6 千克和 8 千克。现从用这两种方法生产出来的 产品中分别随机抽取 12 件和 16 件检验; 其样本均值分别为 40 千克和 3; 千克。试问这两种方法生产的 产品的平均抗拉强度是否不同f(a-0,05)
- 6. 对两个大型企业青年工人参加技术培训的情况进行调查。调查结果如下;从甲厂调查 60 人。18 人参加技术培训。乙厂调查40人,14人参加技术培训。能否根据以上调查结果认为乙厂工人参加技术 培训的人数比率高于甲厂?(a 0.05)

【实际操作训练】

根据教材 "7.4 运用 Excel 进行假设检验示例"内容,在计算机上完成操作。

第8章 方差分析

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
方差分析的基本问题	熟悉	方差分析的含义、基本概念、基本方法
单因素方差分析	掌握	应用条件、基本步骤、方差分析的多重比较
双因素方差分析	掌握	无交互作用、有交互作用的双因素方差分析

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
单因素方差分析	掌握	单因素方差分析应用条件、基本步骤
双因素方差分析	掌握	无交互作用、有交互作用的双因素方差分析



哪种培训方式效果最好?

【例 8.1】 - 家产品制造公司比较 A、A·、A、3 种不同培训方式对产品组装的时间的多少是否有显著影响、符 26 名新员工随机分配给每种培训方式。在培训结束后,对他们组装一件产品所花的时间进行测试。测试结果见表 8-1 所示。

表 8-1 三种不同培训方式的培训	效果(产品组装时间,分钟	a l
-------------------	--------------	-----

观测	引值(j)	1	2	3	4	5	6	7	8	9
方式 /	A_1	8.6	9.2	9. 5	8.8	9.4	8. 7	9.0	9.3	8. 3
	$A_{\bar{\imath}}$	8.0	7.8	7. 9	6.7	8.8	8. 2	8. 4	7.4	8. 2
	A_{ε}	8.3	9.4	8.5	7. 9	9. 1	8. 6	8. 2	9. 9	

公司人事部门要分析 3 种培训方式的效果有无显著性, 要得到以下结论。

- (1) 培训方式的培训效果是否有显著影响。即3种培训方式下的平均组装时间是否存在差异?
- (2) 各种具体培训方式的组装时间是否存在差异?

要回答这些问题、就要对该公司销售数据进行分析、最合适的方法是方差分析。



假设检验讨论了两个总体均值是否相等的问题。在统计分析与决策中、往往遇到两个 以上总体均值是否相等的检验与判断问题。这就需要通过方差分析来解决,方差分析(A nalvsis of Variance, ANOVA), 是 20 世纪 20 年代由華国统计学家费雪(R. Fisher)首先 提出的,最初主要应用于生物和农业田间试验,以后推广到各个领域应用。它是直接对多 个总体的均值是否相等进行检验, 这样不但可以减少工作量, 而且可以增加检验的稳 定性。

8.1 方差分析的基本问题

8.1.1 方差分析的含义

检验多个总体均值是否相等的统计方法称为方差分析。采用的方法是通过检验各总体 均值是否相等来判断分类型自变量对数值型因变量是否有显著影响。包括它们之间有没有 关系、关系强度如何等。

与假设检验相比。方差分析不仅可以提高检验的效率。而且是它将所有的样本结合在 一起,增加了分析的可靠性。例如,有5个总体的均值分别为如,如,如,如,如,如果 用一般的假设检验方法,一次只能检验两个样本,要检验5个总体是否相等,需要作(* = 10 次检验,这样两两比较会上分繁琐。如果α=0.05、每次检验犯第 [类错误的概率都 是 0.05, 连续作 10 次检验, 犯错误的概率为 $1-(1-\alpha)^{11}=0.4$, 而置信水平则会降低 到 0.6。方差分析法同时考虑所有的样本,因此排除了错误积累的概率,从而避免拒绝真 实的原假设。

8.1.2 方差分析中的常用术语

1. 因素或因子

在方差分析中,所要检验的对象称为因素或因子。在表 8-1中,要分析培训方式对 组装时间是否有影响,这里的"培训方式"就是所要检验的对象,称为"因素"或"因 子"。

2. 水平或处理

因素的不同表现称为水平或处理。例如,在上面的例子中 $\Lambda_1, \Lambda_2, \Lambda_3$ 就是培训方式 这一因素的具体表现, 称之为"水平"或"处理"。

3. 观测值

每个因素不同水平下得到的样本观察数据称为观测值。例如,在表8 1中,在每个 培训方式下的组装时间样本数据称为观测值。

4、系统误差和随机误差

在任何一项试验中,试验结果常受一些环境因素或条件因素的影响,这就是说,如果 试验的环境或条件改变。各次试验的结果就表现出一定的差异。例如上述 A 、A 、A 、A种不同的培训方式带来的对产品组装时间的差异,这种差异称为"系统误差"或"条件误 差"。在实际的试验活动中,虽然尽量把试验条件与环境固定不变,但各次试验表现出一定程度的差异,如表 8 1 在相同的培训方式下也会产生对产品组装时间的差异,由于样本是随机抽取的,因此样本数据之间的差异可以看成是由随机因素的影响造成的,称之为"随机误差"或"偶然误差"。

5. 组内误差和组间误差

衡量因素同一水平(同一总体)下样本数据的误差称之为组内误差。如表 8 1 培训方式 Ao 中,所抽取的 9 名新员工组装一件产品的时间之间的误差。

衡量因素不同水平(不同总体)下各样本之间的误差称之为组间误差。如上述3种培训方式下新员工组装一件产品的时间之间的误差。

8.1.3 方美分析的基本思想

系统误差是系统的、有规律可循的,试验误差是随机的、偶然的。为了要确定。项试验结果中有没有系统误差存在,换言之,就是要确定。项试验中有没有系统性因素在起作用。如有的话,又是哪些因素在起主要作用。方差分析与通常的统计推断。样,主要任务也是要寻求适当的统计量,对参数作假设检验。实际上是参数假设检验的一种推广及应用,所用检验方法是 F 传验。数理统计已经证明,组间方差与组内方差之比是一个统计量。这个统计量服从 F 分布。

在假设条件成立时,F统计量服从第一自由度df, 为r=1、第二自由度df, 为n=r的 F分布。将统计量 F 与给定的显著性水平 α 的临界值 F, (r=1,n=r) 比较,可以作出拒绝或不能拒绝原假设 日 的决策,如图 8=1.

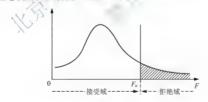


图 8.1 F 检验示意图

若 $F\geqslant F_s$,则拒绝原假设 H... 表明均值之间的差异显著、因素 Λ 对观察值有量著影响;

若 $F < F_s$,则不能拒绝原假设 H... 表明均值之间的差异不显著。因素 A 对观察值没有显著影响。

议里主要介绍单因素 方差分析和双因素 方差分析两类情况。

8.2 单因素方差分析

在 -项试验中,如果只考虑一个因素的效应,而计其余因素保持不变,则称为单因素 试验。如果方差分析只针对一个因素进行,称为单因素方差分析。

8.2.1 单因素方差分析的应用条件

统计分析方法很多,但是没有一种方法是适合任何情况的,方差分析也不例外。一般 而言,方差分析与,检验的条件基本相同,数据应满足以下3个条件。

- (1) 独立性: 观测对象是来自于研究因素的各个水平之下的独立随机抽样。
- (2) 正态性:每个水平下的因变量应当服从正态分布。
- (3) 方差齐性: 各水平下的总体具有相同的方差。

8.2.2 单因素方差分析的基本步骤

以例 8.1 资料来说明单因素方差分析步骤。



对于例 8.1,由于只涉及"培训方式"一个因素,因此它属于单因素方差分析。自变量为培训方式,因变量为组装时间,设每个总体水平的均值分别用 μ 、 μ :、 μ :表示。要检验上述 3 个总体水平的均值是否相等。需要提出如下假设;

H₀ · μ₁ = μ₂ = μ₃ · H₁ · μ₁ · μ₂ · μ₂ · Λ₂ · Λ₂ 布全相等 原假设说明培训方式对组装时间没有显著影响,即自变量对因变量没有显著影响,备 择假设说明培训方式对组装时间有显著影响,即自变量对因变量有显著影响。

如果原假设成立,则说明白变量与因变量之间没有关系;如果原假设不成立,则自变量对因变量有显著影响,也就是说自变量与因变量之间有关系。此时注意,在拒绝原假设时,只表明至少有两个总体的均值不相等。并不意味所有总体的均值都不相等。

- 2. 构造检验统计量
- 1) 计管各样本的均值

假定从第i个总体中抽取一个容量为n,的简单随机样本、令z,为第i个总体的样本均值,则有:

$$x_i = \sum_{i=1}^{n_i} x_{ij} / n_i$$

式中 i 1, 2, … k; n, 为第 i 个总体的样本量; x_n 为第 i 个总体的第 j 个观测值。计算结果见表 8-2。

2) 计算全部观测值的总均值

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} x_{ij}}{n} = \frac{\sum_{i=1}^{k} n_i \overline{x_i}}{n}$$
(8.2)

式中, $n-n_1+n_2+\cdots+n_k$ 。计算结果见表8 2。

3) 计算各误差平方和

方差分析中、误差平方和有 3 种、分别是总平方和 SST(Sum of Squares for Total)、组间平方或因素平方和 SSA(Sum of Squares for factor A)、组内平方和或误差平方和 SSE(Sum of Squares for Error)。

(1) 总平方和是全部观测值x_n与总平均值x 的误差平方和,反映全部观测值的离散状况。其计算公式为:

$$SST = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x})^2$$
 (8.3)

在表8-2中,

 $SST = (8.6 - 8.54)^2 + (9.2 - 8.54)^2 + \dots + (8.2 - 9.54)^2 + (9.9 - 8.54)^2 = 12.783$

(2) 组间平方和是各组平均值示与总平均值x的误差平方和,反映各样本均值之间的 离散状况。其计算公式为;

$$SSA = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} (\bar{x}_i - \bar{x})^2 = \sum_{i=1}^{k} n_i (\bar{x}_i - \bar{x})^2$$
(8.4)

在表 8-2 中:

$$SSA = (8.98 - 8.54)^2 + (7.93 - 8.54)^2 + (8.74 - 9.54)^2 = 5.349$$

(3)组内平方和是每个水平或组的各样本数据与其组平均值误差的平方和,反映每个样本内部各观测值的离散状况。其计算公式为;

$$SSE = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x}_i)^{n_j}$$

在表 8-2中,各组组内平方和分别为:

$$A_1: \sum_{i=1}^{6} (a_{1i} - \overline{a}_{i}) = (8.6 - 8.98)^2 + (9.2 - 8.98)^2 + \dots + (8.3 - 8.98)^2 - 1.315$$

$$A_2: \sum_{i=1}^{n} (x_2)_i - \bar{x}_2^i = (8.0 - 7.93)^2 + (3.8 - 7.93)^2 + \dots + (8.2 - 7.93)^2 = 2.94$$

A,
$$\sum_{j=1}^{8} (x_{3j} - \bar{x}_3) = (8.3 - 8.74)^2 + (9.4 - 8.74)^2 + \dots + (9.9 - 8.74)^2 = 3,179$$

SSE-1. 315 +2. 94+3. 179=7. 434

$$\sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x})^2 = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} (\bar{x}_i - \bar{x})^2 + \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_i} (x_{ij} - \bar{x}_i)^2$$
(8.5)

给证: 12.78=5.35+7.43

(4) 计算统计量。由于各误差平方和的大小与观测值的多少有关、为了消除观测值多少对误差平方和大小的影响。需要将其平均,也就是用各平方和除以它们所对应的自由度,这一结果称为均方(Mean Souare)或方差。3个平方和所对应的自由度如下。

SST 的自由度为n-1,其中n 为全部观测值的个数。

SSA 的自由度为k-1, 其中 k 为因素水平的个数。

SSE 的自由度为n-k。

所以组间方差 MSA 和组内方差 MSE 分别为:

	_ A	В	C	D [
1	观测值		培训方式A(1)-	因素
2	(j)	A	A ₂	A ₃ 水平
3	1	8.6	8.0	8.3 1
4	2	9. 2	7.8	8.3 9.4 8.5 7.9 9.1 8.6 8.2 9.9
5	3	9.5	7.9	8, 5 70
6	4	8.8	6. 7	7.9 测 到 9.1
7	5	9. 4	8, 8	9.1 / 何
4 5 6 7 8 9 10	6	8.7	8. 2 8. 4	8.6
9	7	9. 0	8, 4	8, 2
10	8	9.3	7.4	9, 9
11	9	8. 3	8. 2	,
12	合 计	80.8	71.4	69.9 分
13	观测值个数	n ₁ = 9	n ₂ = 9	n, = 8
14	样本均值	x ₁ = 8 98	$\bar{x}_2 = 793$	3 = 8.74 結果
15	总均值	x = 8.6	+9.2+ +8.2+9	9 = 8/54

$$MSA = \frac{SSA}{k-1}$$
; $MSE = \frac{SSE}{n-k}$

所以构造的检验统计量就是。

$$F = \frac{MSA}{MSE} - P(k-1, n-k)$$

由表 8-2 计算。

$$MSA = \frac{SSA}{k-1} = \frac{5.349}{3-1} = 2.6745$$

$$MSE = \frac{SSE}{n-k} = \frac{7.484}{26 - 3} = 0.3232$$

$$F = \frac{MSA}{MSE} = 8.275$$

3. 统计决策

如果F > F. 则拒绝原假设 H. . 即认为假设 μ μ 不成立,表明类型自变量 对因变量有显著影响: 如果 F < F,则不能拒绝原假设 H,不能认为类型自变量对因变 量有显著影响。上例计算出 F 8.275。假定 取显著性水平 α 0.05、 查表得 F (2.23) - 3.42。由于F > F. (2.23), 所以拒绝原假设, 可以认为培训方式对组装时间有显著影 响。

【用 Excel 讲行单因素 方差分析】

用上面介绍的这几个步骤都可以使用 Excel 进行计算,具体步骤如下。

第1步, 选择"□具"→"数据分析"选项。

第2步:在分析工具中选择"方差分析;单因素方差分析"。单击"确定"按钮。

第3步: 当对话框出现时,在"输入区域"设置框内输入数据单元格区域(只输入观 测值); 在α设置框中输入 0,05(也可根据需要输入其他的显著性水平值), 如图 8 2 所示。

第 4 步, 单击"确定"按钮后,得到的输出结果见表8 3。



图 8-2 单因素方差分析

表 8-3 单因素方差分析结果

	A	, В	C	D	. 8	F	G
1	方差分析	单因素方:	差分析				
2	4						
3	SUMMARY			m. X 1			
4	组	观测数	求和	平均	方差		
5	列1	9	. 80.8	38. 977778	0.164444		
6	列2	9,	71.3	7. 933333	0.3675		
7	列3	8	69.9	8, 7375	0.454107	1	
8		_1.7	V .		X	45	
9		11	-		X T		
10	方差分析				- A-A		
11	差异源	SS	df	MS	F	P-value	F crit
12	组间	5.349156	2	2, 674578	8, 274518	0.001962	3, 42213
13	组内	7. 434306	23	0.323231			
14							
	总计	12, 78346	25	-			

表中的方差分析部分就是方差分析表: "SS"表示平方和: "df"表示自由度; "MS"表示方差; "F"为检验统计量; "P-value"为用于检验的 P值; F crit 为给定的 α 水平下的临界值。从方差分析表中可以看到,由于 $F > F_{0.05}(2,23)$,所以拒绝原假设; P-value—0.00196 $<\alpha$ —0.05,结论也是拒绝原假设,即认为 $\mu_1 = \mu_2 = \mu_3$ 不成立,可以认为培训方式对组装时间有显著影响。

8.2.3 方差分析的多重比较

通过上面检验能够判断出3种培训方式总体均值是不完全相同的,但并不是说3种培训方式两两完全不同,那么、究竟哪几种培训方式相同、哪些不同呢?这就要用到方差分析中的多重比较了。多重比较就是对总体的均值进行两两比较、考察哪些总体均值之间存在差异。多重比较有多种方法,这里介绍由Fisher提出的最小显著差异方法LSD(Least Significant Difference)。步骤如下。

第1步: 提出假设: $H_0: \mu_i - \mu_j$; $H_1: \mu_i \neq \mu_i (i \neq j)$.

统计学

第2步, 计算检验统计量, | 元一元 | 。

第3步, 计算LSD, 计算公式为,

LSD=
$$t_{\frac{\pi}{2}}(n-k)\sqrt{MSE(\frac{1}{n_i}+\frac{1}{n_i})}$$
 (8.6)

式中ta 为t 分布的临界值。其自由度为n k k 为因素中水平的个数;n 和n 是第i 个样 本和第;个样本的容量,即观测值的个数。

第 4 步:根据显著性水平 α 作出决策:如果 |x-x|>ISD,则拒绝原假设 H:如 果 $|\bar{x} - \bar{x}| < LSD$,则不拒绝 H。

【例 8.2】 根据表 8-1, 对 3 种培训方式的均值作多重比较 (a 0.05)。

解,第1先,提出假设。

检验 1, H₀: y₀ = y₀: H₁: y₁ ≠ y₂:

检验 2: H_0 : $\mu_1 = \mu_3$; H_1 : $\mu_1 \neq \mu_3$;

检验 3. $H_{0:\mu_{2}} = \mu_{3}$; $H_{1:\mu_{2}} \neq \mu_{3}$,

第2步, 计算检验统计量,

$$|\overline{x_1} - \overline{x_2}| = |8,98 - 7,93| = 1.05;$$

$$|\overline{x_1} - \overline{x_3}| = |8.98 - 8.74| = 0.24;$$

 $|\overline{x_2} - \overline{x_3}| = |7.93 - 8.74| = 0.81.$

第三步; 计算 LSD, 根据表 8-2 的计算结果, MSE=0.323 231。由于 3 种培训方式 样本容量不完全相同,需要分别计算 LSD。根据自由度,n-k 26-3-23。查1分布表 得 $t_{+}(23) = t_{-2}(23) = 2.0687$ 。对应于各检验的LSD 如下:

假设 1:
$$LSD_1 = 2.0687 \times \sqrt{0.323231 \times \left(\frac{1}{9} + \frac{1}{9}\right)} - 2.0687 \times 0.268 = 0.55$$

假设 2:
$$I_sSD_z = 2.0687 \times \sqrt{0.323231 \times \left(\frac{1}{9} + \frac{1}{8}\right)} = 2.0687 \times 0.276 = 0.57$$

假设 3:
$$LSD_3 = 2.0687 \times \sqrt{0.323231 \times (\frac{1}{9} + \frac{1}{8})} = 0.57$$

第四步,作出决策。

式2之间有显著差异。

 $|\overline{x} - \overline{x}| = |8.98 - 8.74| = 0.24 < 0.57$, 不拒绝 H., 可以认为培训方式 1 与培训 方式3之间没有显著差异。

|x| = |7.93 - 8.74| = 0.81 > 0.57,拒绝日, 可以认为培训方式 2 与培训方 式3之间有显著差异。

8.3 双因素方差分析

在实际问题的研究中,影响因素可能不止一个,有时需要考虑两个因素对实验结果的 影响。双因素方差分析的内容,是对影响因素进行检验,究竟是一个因素在起作用,还是 两个因素都起作用,或是两个因素的影响都不显著。

双因素方差分析有两种类型:一个是无交互作用的双因素方差分析或无重复因素分析,它假定因素 A 和因素 B 的效应之间是相互独立的,不存在相互关系;另一个是有交互作用的双因素方差分析或可重复双因素分析,它假定因素 A 和因素 B 的结合会产生出一种新的效应。

8.3.1 无交互作用的双因素方差分析

1. 数据结构

无交互作用的双因素方差分析的数据结构见表8-4。

			因素 A			
		A ₁	A ₂	,<	KA,	X
	B_1	x11	X12	-7/1	x_{1r}	\overline{x}_1 .
make n	B_2	X21	X22	· Fin	X2r	\bar{x} .
因素 B	***		1.1	15		
	B_k	141	₹±,	***	₹6	$\overline{\mathbf{r}}_{k}$,
\bar{x} .	,	X . 1	17/4"	144	x	ž

表 8-4 双因素方差分析的数据结构

表 8-4 中,因素 Λ 位于列的位置。共有 r 个水平、r 、代表第 i 种水平的样本平均数;因素 B 位于行的位置。共有 k 个水平、r 、代表第 i 种水平的样本平均数。r 为样本总平均数,样本容量 n=rk 。其计第公式分别为,

$$\overline{x}_{i*} = \frac{\sum_{j=1}^{r} x_{q_j}}{r} \quad (i = 1, 2, \dots, k)$$

$$\overline{x}_{*,j} = \frac{\sum_{i=1}^{k} x_{q_j}}{k} \quad (j = 1, 2, \dots, r)$$

$$x = \frac{\sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{r} x_{q_j}}{k}$$

每一个观察值 x_n 看作由因素 A 的r 个水平和因素 B 的k 个水平所组合成的rk 个总体中抽取样本容量为 1 的独立随机样本。这 rk 个总体的每一个总体均服从正态分布,且有相同的方差。这是进行双因素方差分析的假定条件。

2. 分析步骤

与单因素方差分析类似,双因素方差分析也包括提出假设、构造检验的统计量、统计 决策等步骤。

1) 提出假设

由于有两个影响因素,且两者之间无交互作用,所以要提出两个假设。



对行因素提出假设:

 $H_0: \mu_1 \rightarrow \mu_2 \rightarrow \cdots \rightarrow \mu_r$, 行因素(自变量)对因变量没有显著影响; $H_{i}: \mu_{i}$ $(i=1, 2, \dots, k)$ 不完全相等。行因素(自变量) 对因变量有显著影响。

式中, "为行因素的第1个水平的均值。

对列因素提出假设,

 $H_0: \mu_1 = \mu_2 = \cdots = \mu_r = \cdots = \mu_r$, 列因素(自变量)对因变量没有显著影响; $H: \mu_{i}(j=1, 2, \dots, k)$ 不完全相等,列因素(自变量)对因变量有显著影响。 式中, и. 为列因素的第 j 个水平的均值。

2) 构造检验的统计量

为检验原假设 H. 是否成立,需要分别检验行因素和列因素的统计量。构造方法和单 因素方差分析一样。进行双因素方差分析,需要将总离差平方和 SST 进行分解为 3 个组 成部分,即 SSR、SSC 和 SSE,分别反映因素 A 的细间差异、因素 B 的细间差异和随机 误差的离散状况。

它们的计算公式分别为。

$$SST = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{i} (a_{ij} - x)^{2}$$

$$= \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{i} (\overline{x}_{i}, -x)^{2} + \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{i} (\overline{x}_{i}, -x)^{2} + \sum_{j=1}^{k} \sum_{j=1}^{i} (a_{ij} - \overline{x}_{i}, -\overline{x}_{ij} - x)^{2}$$
(8.7)

式中,分解后的等式右边的第一项是行因素所产生的误差平方和,记为SSR,即

$$SSR = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{r} (\overline{x}_i, -\overline{x}_j)$$
 (8, 8)

第二项是列因素产生的误差平方和,记为 SSC,即

$$SSC = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{i} (\overline{x}_{i,j} - x_{i})^{2}$$
 (8.9)

第二项是除行因素和列因素之外的剩余因素影响产生的误差平方和, 称为随机误差平 方和,记为SSE,即

$$SSE = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{r} (x_{ij} - \overline{x}_{ij} - \overline{x}_{ij} - \overline{x}_{ij})^{2}$$
 (8.10)

上述各平方和的关系为:

$$SST = SSR + SSC + SSE \tag{8.11}$$

在上述误差平方和的基础上计算均方。也就是将各平方和除以相应的自由度、即为均 方。与各误差平方和相对应的自由度如下。

总平方和 SST 的自由度为 br-1.

行因素误差平方和 SSR 的自由度为k-1。

列因素误差平方和 SSC 的自由度为r-1。

随机误差平方和 SSE 的自由度为(k-1)×(r-1)。

为构造检验统计量,需要计算下列各均方。

行因素的均方。记为 MSR。即

$$MSR = \frac{SSR}{k-1} \tag{8.12}$$

列因素的均方, 记为 MSC, 即

$$MSC = \frac{SSC}{r} \tag{8.13}$$

随机误差项的均方,记为 MSE,即

$$MSE = \frac{SSE}{(k-1)(r-1)}$$
 (8.14)

为检验行因素对因变量的影响是否显著,采用下面的统计量:

$$F_R = \frac{MSR}{MSE} \sim F(k-1,(k-1)(r-1))$$
 (8.15)

为检验列因素对因变量的影响是否显著,采用下面的统计量:

$$F_{c} = \frac{MSC}{MSE} \sim F(r-1, (k-1)(r-1))$$
 (8.16)

3) 统计决策

计算出检验统计量后,根据给定的显著性水平 α 和两个自由度, ΔF 分布表得到相应的临界值F,然后将F。和F。与F。进行比较。

若 $F_R > F_s$,则拒绝原假设 $\mu_1 = \mu_2 = \cdots = \mu_k$,表明 μ_s ($i=1, 2, \cdots, k$)之间的差异是显著的。

若 $F_C > F_c$,则拒绝原假设 $\mu_1 = \mu_2 = \cdots = \mu_r$,表明 μ_r ($j=1,\ 2,\ \cdots,\ r$)之 间的差异是显著的。

为使计算过程更加清晰,通常将上述过程列成方差分析表,见表8-5。

	क्र ४ ्०	尤父互作用的双四素	方差分析表			
误差来源	误差平方和 SS	自由度 df	均方 MS	F值	P值	F临界值
行因素	SSR'	(FH)	MSR	F_R		
列因素	SSC	1275	MSC	F_{ϵ}		
误差	SSE	(k-1)(r-1)	MSE			
总平方和	SST	kr-1				

長8-5 无交互作用的双因素方差分析表

【例 8.3】 某研究所进行农作物试验,在 5 块相同面积的土壤上采用不同肥料种植 4 种不同品种的小麦,对应的产量见表 8-6。

表 8-6 不同品种和不同施肥量对应的产量

				品种因素		
		品种 1	品种 2	品种 3	品种 4	品种 5
	肥料 A	290	282	300	265	296
on about CCCI wide	肥料 B	360	325	351	346	310
肥料因素 -	肥料C	368	351	346	342	332
	肥料D	346	366	360	328	336



假定不同肥料和小麦品种之间对产量没有交叉影响,试在 0.05 的显著水平下运用无 重复双因素方差分析。

- (1) 产量是否由于肥料不同而存在差异。
- (2) 产量是否由于小麦品种不同而存在差异。

解·由于双因素方差分析计算复杂。所直接运用 Excel 讲行计算、其操作步骤如下。

【Excel 无交互作用的双因素方差分析】

第1步, 选择"工具"→"数据分析"选项。

第2步,在分析工具中选择"方差分析;无重复双因素方差分析"。单击"确定" 按钮。

第3步,出现对话框。在"输入区域"设置框内输入数据单元格区域(具输入观测 值): 在《设置框中输入 0.05 (也可根据需要输入其他的显著性水平值), 见表 8-7。

	. A _	В	C.	D	E	1/4	G
1 2 3 4 5 6 7 8 9	方差分析。	元重复 2	文因素:	分析	1. 1	-	
3	SUMMARY	規測数	求和	平均	方差		
4	行」	5	1433	286, 6	191.8		
5	行 2	5	1692	338.4	417.3		
6	行 3	5	1739	347. 8	176.2		
7	行日	5	1736	347. 2	253. 2		
8			11				
	列 1	4	1364	341	1238.667		
10	列 2	4	1324.	331	1354		
11	39l 3	- 4	1357	339, 25	718. 25		
12	列有	_ 4	1281	320, 25	1416, 25		
13	列 5	4	1274	318, 5	355, 6667		
14	> /			X	7,		
15	方差分析						
16	差异源	SS	df	MS;	F	P-value	F crit
3.7	行	12834	3	4278	21.26154	4. 3E-05	
18	列	1739.5	4	434.88	2. 161317	0.135451	3. 259167
19	误差	2414.5	12	201.21			
20	总计	16988	19				

表 8-7 Excel 输出的无交互作用的双因素方差分析结果

根据表 8-7 计算结果,得到如下结论。

由于 $F_R = 21.26154 > F_s = 3.490295$,所以拒绝原假设 H_0 ,表明 $\mu_1, \mu_2, \mu_3, \mu_4$ 之间差 异是显著的,这说明肥料对产量有显著影响。

由 F F_c 2.161 317 < F_e 3.259 167 所以不拒绝原假设 H · 表明 u , u , u , u , z 之间 差异不显著,不能认为品种对产量有显著影响。

方法二:

直接用 P value 进行分析,结论也是一样的。用于检验行因素的 P value—4.3E—05< α 0.05, 所以拒绝原假设 H.; 用于检验列因素的 P value 0.135 451 > α 0.05, 所以 不拒绝原假设 H。。

8.3.2 有交互作用的双因素方差分析

在上面的分析中,假定两个因素对因变量的影响是独立的,但是如果两个因素搭配在一起会对因变量产生一种新的效应,就需考虑交互作用对因变量的影响,这就是有交互作用的双因素方差分析。

【例 8.4】 为检验广告方案和广告媒体对产品销售量的影响,一家公司做了一项试验,考查3种广告方案和2种广告媒体,获得的销售数量数据见表8.8。

	J	告媒体
广告方案	报纸	电视
Α.	8	12
A	12	3/1. 8
В	14 1.47	26
Б	22	30
C	, 716	18
(1118	14

表 8-8 销售数量数据表

要求: 检验广告方案、广告媒体以及广告方案和广告媒体的交互作用对销售量的影响 是否显著 (α =0.05)?

解:在本例中、行变量(广告方案)有k=3个水平(A、B、C);列变量(广告媒体)有r-2个水平(根纸和电视)。行变量中每一个水平的行数为m-2;观测值的总个数为n=12。

与无交互作用的方差分析方法类似,有交互作用的方差分析表的数据结构见表 8-9。

误差来源	平方和 SS	自由度 df	均方 MS	F值	P值	F临界值
行因素	SSR	k-1	MSR	$F_R = \frac{MSR}{MSE}$		
列因素		r-1	MSC	$F_C = \frac{MSC}{MSE}$		
交互作用	SSRC	(k-1)(r-1)	MSRC	$F_{R'} = \frac{SMRC}{MSE}$		
误差	SSE	kr(m-1)	MSE			
总平方和	SST	kr-1				

表 8-9 有芯互作用的双因素方差分析表

设; x_n 为对应于行因素的第1个水平和列因素的第1个水平的第1行的观测值; x_n 为行因素的第1个水平的样本均值; x_n 为列因素的第1个水平的样本均值;



z。为对应于行因素的第1个水平和列因素的第1个水平组合的样本均值; 元为全部 n 个规测值的总均值

各平方和的计算公式如下:

$$\begin{split} SST &= \sum_{i=1}^{b} \sum_{j=1}^{r} \sum_{l=1}^{m} (\overline{x}_{il} - \overline{x})^{2} \\ SSR &= m \sum_{i=1}^{k} (\overline{x}_{i*} - \overline{x})^{2} \\ SSC &= k m \sum_{i}^{r} (\overline{x}_{*j} - \overline{x})^{2} \\ SSRC &= m \sum_{i=1}^{b} \sum_{j=1}^{r} (\overline{x}_{ij} - \overline{x}_{i*} - \overline{x}_{*j} - \overline{x})^{2} \end{split}$$

对于上例提出的问题,运用 Excel 进行计算,其操作步骤如下。

【Excel 有交互作用的双因素方差分析】

第1 步, 冼择"「具"→"数据分析"洗项。

第2步, 在分析工具中选择"方差分析, 可重复双因素方差分析", 单击"确定" 按钮。

第3步,当对话框出现时,在"输入区域"设置框内输入数据单元格区域(只输入观 测值); 在 @ 设置框中输入 0.05(也可根据需要输入其他的显著性水平值); 在 "每一样本 的行数"方框内输入 2; 在"输出选项"中选择输出区域(这里选择"新工作表组") 单选 按钮。单击"确定"。如图 8-3 所示。

	广华	В	厂告	媒体.	方差分析:可重复	東因家分布	-	н .	ريسي.
	方案	2	报纸		f 人能				***
	A	1	8	12	输入区域(1)		\$B\$2 \$B\$8	5.0	
	_ A	2	12	8	每一样本的行数(R)	2		取消
	В	3	22	26	o (b)		0.05		幣助 (5)
		4	14	30	0 (2)		0 05		
	С	5	10		2				
		6	18	14	输出区域(0)			Tt.	
					(e) 新工作表组 (E)	}			
0					新工作薄 (Y)				
1	1				2 million (7)				

图 8-3 可重复双因素分析对话框

由表 8 10 输出的结果可知,用于检验"广告方案"(行因素,输出表中为"样本") 的 P-value $-0.010~386~2 < \alpha = 0.05$,所以拒绝原假设 H₄,表明不同广告方案对销售量有 显著影响。用于检验列因素的 P-value 0.133 974 6 > α 0.05。所以不拒绝原假设 H, 不能认为不同广告媒体对销售量有显著影响; 交互作用反应的是广告方案和广告媒体联合 产生的对销售量的附加效应,用于检验的 P-value = 0.251 931 8 > a = 0.05, 所以不拒绝 原假设 日. 没有证据表明广告方案和广告媒体的交互作用对销售量有显著影响。

	A 可重复)	, B	C	D	E	F	G
7	可重复)	双因素	分析				
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 23 4 15 16 17 8 19 10 11 12 22 22 22 22 22 22 22 22 22 22 22	SUMMARY	推纸	电视	总计			
5	观测数 求和 平均	21	2	4			
6	求和	20 10 8	20 20 10 8	40 10			
7	平均	10	10	10			
R	方差	8	8	5. 3333333			
9							
10	观测数水和与差	2	2	- 4			
竹	65 (P) 30	20	56	92			
13	平村	36 18	28	23			
14	14	32.	8.	46, 666667			
15	11.00	- 02		401 000001			
16	5						
17	观测数 求和 平均	28 14	2 32 16 8	4			
18	求和	28	32	60			
19	そ型	14	16	15			
20	方差	32	8	14. 666667			
27	B.11-						
93	规测数	6	6				
24	20 300	84	108				-
25	東和	14	18				
26	表平方	27.2	72				
27							
110	古差分析	- 00	14	***	-		
50	差异波 神本 列	SS	df	MS	F	P-value	Forit
31	79.42	344 48	2	172	10:75	0,0103862 0.1339746	5. 1432528 5. 9873776
32	X 8	56	2	28	1, 75	0. 2519318	5. 1432528
33	交互	961	1 2 6	172 48 28 16	1 100	0. 2019310	0. 1432020
34		90		713	1 1		
35	总计	544	11	Z. N	/		

表 8-10 Excel输出的有空互作用的双因素方差分析结果

本童小结

- 1. 方差分析是检验多个总体均值是否相等的统计方法。采用的方法是通过检验各总体均值是 否相等来判断分类型自变量对数值型因变量是否有显著影响。它是基于对现象根据的方差分解构 这的一种线性因素分析模型。无论是实验数据还是调查数据。都可以采用方差分析法进行研究。 方差分析的原理也被应用于回归分析。该验设计等统计分支相级。
- 2. 单图素方差分析是把总变差平方和分解成为组间变差平方和与剩余变差平方和两部分。组 间变差平方和反映了图素变化对规察指标的影响。其值越大,表示图素不同水平之下的规察结果 差异越大,剩余变差平方和则反映了随机图素影响。因此,组间变差平方和与剩余变差平方和之 间的比值大小是衡量研究图素各水平对观察指标影响程度大小的重要统计量。但必须注意的是, 此时是假设各总体服从于具有相同的方差正态分布。如果总体方差齐性的假设不成立,则需要另 外构造统计量。
- 3. 双国素(因素A与国素B)方差分析根据是否考虑交互作用划分为两种情况、如果不考虑交互作用、则总偏差平方和了分解为因素A的偏差平方和、因素B的偏差平方和及随机误差平方和。在正念性、等方差性、独立性等条件之下。可通过两个F统计量、分别检验A因素、B因素各水平对现据指标的影响。如果考虑交互作用、则总偏差平方和可分解为因素A的偏差平方和、因素B的偏差平方和、交互因素的偏差平方和及随机误差平方和。这时可通过三个F统计量作假设检验、分别检验A因素、B因素、AB交互因素对现象指标的影响。

2] 颞

一。简答新

- 1. 什么是方差分析? 方差分析的基本方法是什么?
- 2. 什么是单因套方差分析? 分析数据要满足哪些基本条件?
- 3. 简述单因素方差分析的基本步骤。
- 4. 如何进行多因素方差分析?

二、单项选择题

- 1, 在方差分析中, () 反映的是样本数据与其组平均值的差异。
- A. 总密差 B. 组间误差
 - C. 抽样误差
- 2. 在方差分析中, 检验统计量 F 是(),
- A. 组间平方和除以组内平方和
- B. 组间均方除以组内均方
- C. 组间平方除以总平方和
 - D. 组间均方除以总均方
- 在方差分析中,某一水平下样本数据之间的误差称为()。 A. 随机误差 B. 非随机误差 ()。系统误差
- D. 非系统误差 4. 单因素方差分析中, 计算 F 统计量, 其分子与分母的自由度各为()。
- B. r-n, n-r C. r-1, n-r D. n-r, r-1
- 5. 在方差分析中,用于检验的统计量是(
- B. 组间平方和+总平方和 A. 组间平方和+组内平方和
- C. 组间方差:组内方差 D. 细间方差+总方差
- 6. 在方差分析中, 进行多重比较的前提是()。

B、不拒绝原假设

- A. 拒绝原假设 C. 可以拒绝原假设也可以不拒绝原假设 D. 各样本均值相等
- 7. 在方差分析中, 多面比较的目的是通过配对比较来讲一步检验()。
- A. 哪两个总体均值之间有差异 B. 哪两个总体方差之间有差异
- C. 哪两个样本均值之间有差异
- D. 哪两个样本方差之间有差异
- 8. 在方差分析中, 进行多重比较的前提是()。
- A. 拒绝原假设

- B. 不拒绝原假设
- C. 可以拒绝原假设也可以不拒绝原假设 D. 各样本均值相等
- 有交互作用的双因素方差分析是指用于检验的两个因素()。
- A. 对因变量的影响是独立的
- B. 对因变量的影响是有交互作用的
- C. 对自变量的影响是独立的
- D. 对自变量的影响是有交互作用的
- 10. 从 3 个总体中抽取了 4 个观察值,得到组间平方和 SSA-536,组内平方和 SSE-828,则组间均 方与组内均方分别为()
 - A. 268: 92
- B. 134: 103. 5 C. 179: 92 D. 238: 92

三、多项选择题

1. 应用方差分析的前提条件是()

方差分析。

A. 各个总体报从正态分布

B. 各个总体均值相等

C. 各个总体具有相同的方差

D. 各个总体均值不等

E. 各个总体相互独立

2. 若检验统计量 F 近似等于 1、说明(

A. 组间方差中不包含系统因素的影响

B. 组内方差中不包含系统因素的影响

C. 组间方差中包含系统因素的影响 D. 方差分析中应拒绝原假设

E. 方差分析中应接受原假设

3. 对于单因素方差分析的组内误差, 下面哪种说法是对的?()

A. 其自由度为r-1

B. 反映的是随机因素的影响

C. 反映的是随机因素和系统因素的影响 D. 组内误差 - 定小于组间误差

E. 其自由度为 n-r

为研究溶液温度对液体植物的影响,将水温控制在三个水平1.则称这种方差分析是(

A. 单因素方差分析

B、双因素方差分析

C、二因素方差分析 E. 双因素三水平方差分析 D. 单因素三水平方差分析

四、计算分析题

 有3台机器生产规格相同的铝合金薄板,为检验3台机器生产薄板的厚度是否相同,随机从每台 机器生产的薄板中各抽取了5个样品,测得结果如下:

机器 1: 0.236, 0.238, 0.248, 0.245, 0.243

机器 2: 0.257, 0.253, 0.255, 0.251, 0.261

机器 3. 0, 258, 0, 264, 0, 259, 0, 267, 0, 262

间:3台机器生产薄板的厚度是否有显著差异?

 基家电制造公司准备购进一批5=电池。现有A、B、C3家电池生产企业愿意供货。为比较他们 生产的电池质量,从每个企业各随机抽取5只电池,经试验得到寿命(小时)如下表所示。

试验号	电池生产企业					
以短号	Α	В	С			
1	50	32	45			
2	50	28	42			
3	43	30	38			
4	40	34	48			
5	39	26	40			

试分析 3 个企业生产的电池的平均寿命之间有无显著差异?如果有差异,用1.SD 方法检验哪些企业 之间有差异? $(\alpha = 0.05)$

3. 某企业准备用3种方法组装一种新产品。为确定哪种方法每小时生产的产品数量最多。随机抽取 了30名1人, 并指定每个人使用其中的一种方法。通过对每个人生产的产品数量进行方差分析得到如下 表结果.

统ì	十学	(

差异源	SS	df	MS	F	P-Value	Fcrit
组间			210		0.245 946	3, 354 131
组内	3 836			_	_	_
总计		29	_	_	_	_

要求:(1)完成方差分析表。

- (2) 试在显著性水平 α 0.05 下检验 3 种方法组装的产品数量之间有无显著的差异。
- 4. 一个专业分3个小班, 他们进行了一次统计学考试。现从各个班级随机抽取了一些学生, 记录其 成绩如下,
 - 1 Ht. 73, 89, 82, 43, 80, 73, 66, 60, 45, 93, 36, 77
 - 2班: 88, 78, 48, 91, 51, 85, 74, 56, 77, 31, 78, 62, 76, 96, 80
 - 3班: 68, 79, 56, 91, 71, 71, 87, 41, 59, 68, 53, 79, 15
- 若各班学生成绩服从正态分布,且方差相等,试在显著性水平4-0.05下检验各班级的平均分数有 无显著差异?
 - 5. 某商品以不同的包装在 5 个地区销售。销售量数据如下表所示。

Add the tal.	包装方式							
销售地区	A1	/ AR	A ₃	Α,				
B_1	125	133	145	137				
B_2	139	147	139	136				
B_3	134	142	138	148				

要求: 在显著性水平 a - 0.05 下检验该商品不同包装和不同地区销售数量之间有无显著差异。

【实际操作训练】

根据教材中的相关资料,在计算机上完成操作。

第 9 章 相关与回归分析

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识				
相关分析	掌握	相关关系概念、种类、简单线性相关关系的 测定				
一元线性回归分析	重点掌握	一元线性回归模型、参数估计、回归模型的检验、估计与预测				
多元线性回归模型	熟悉	多元线性回归模型构建、统计检验、模型的运用				

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向				
相关分析方法	掌握	分析实际问题				
一元线性回归模型应用	重点掌握	在经济管理中的应用				
多元线性回归模型应用	熟悉	在经济管理中的应用				
运用 Excel 进行相关与 回归分析	掌握	求回归模型参数、模型检验				



教堂数与监狱服刑人数同步增长吗?

在20世紀中期,美国印幕安稍州的地区数会想要等数兴建新教堂、提出教堂能志净人们的心灵、减少犯罪、降低益级限刑人数的口号。为了增进民众零与的核液和信心、教会的中文收集了近15年的教堂数与在益级限刑的人数进行统计分析。结果却令教会人士大吃一惊。最近12年教堂数与遗缘服刑人数复量者的正相关。那么是否可以由此得出、教堂建得越多、就可能带来更多的犯罪呢?经过统计学家和教会神父深入讨论,并进一步收集近10年的当地人口更劝资料和犯罪事等资料作进一步分析、发现直线服刑人数的增加和教堂数的增加都与人口的增加有关。结论、教堂数的增加并非直线展刑人数增加的原因。至此、教会人士总算检了一口气。

(资料来源:《现代统计学及其应用》, 吴柏林、曹立人著, 浙江教育出版社 2007 年版)

在现实世界中,各种现象之间相互联系、相互制约、相互依存,某些现象发生变化时,另一现象也随之发生变化。如商品价格的变化会刺激或抑制商品销售量的变化,劳动力紊顶的高低会影响企业的效益;直接材料。直接人厂的价格变化对产品销售成本有直接的影响,居民收入的高低会影响对该企业产品的需求量;等等。研究这些现象之间的依存关系,找出它们之间的变化规律,确立一个回归方程式,即经验公式,并对所建立的回归方程式的有效性进行分析、判断,以便进一步进行估计和预测,现在,相关与回归分析已经广泛应用到企业管理、商业决策、金融分析以及自然科学和社会科学等许多研究领域。

9.1 相关分析

9.1.1 相关关系的概念和种类

1. 相关关系和函数关系

许多现象与现象之间存在着联系,大致可以归为两种类型: 类是函数关系;另一类是相关关系。

1) 函数关系

函数关系是指现象之间是一种严格的确定性的依存关系。表现为某一现象数量发生变化另一现象数量也随之发生变化,而且有确定的值与之相对应。例如,某种商品的销售收入 Y 与该商品的销售量 X 以及该商品价格 P 之间的关系可用 Y = PX 表示,当价格一定时,这里的 Y 与 X 之间的关系就是函数关系。

2) 相关关系 。/

相关关系是指客观观象之间确实存在的。但数量上不是严格对应的依存关系。在这种关系中,对于某一观象的每一数值,可以有另一观象的者于数值与之相对应。例如,一定时期内企业销售额与广告费用之间的关系。一般来说,企业销售额随着广告费用的增加而增加,但企业在不同时期尽管广告费用相同,但销售额是不一样的。这是因为,决定企业销售额除了广告费用外,还受到其他因素的影响,如销售价格、消费者个人偏好的变化、消费者收入水平等。

具有相关关系的某些现象可表现为因果关系、某一或若干现象的变化是引起另一现象变化的原因、将其称为自变量、它是可以控制、给定的值、另一个现象的变化是自变量变化的结果、将其称为因变量、它是不确定的值。如资金投入与产值之间、前者为自变量、后者为因变量。相关关系比因果关系包括的范围更广泛、具有相关关系的现象并不都表现为因果关系,如果产费用和生产量、商品的供求与价格等。还有一些变量之间是互为因果关系。如职上上资增长和价格上涨的关系则是互为因果关系;1、资增长引起成本推动价格上涨。上资增长是原因、价格上涨是结果。价格上涨后,为弥补实际下资下降而提高职下工资、价格上涨是原因、提高工资是结果。还有一些变量之间为共变关系。如在经济稳定发展时期,居民储蓄额增长,同时社会商品零售额也上升。这两个变量都是居民收入提高这一原因同时带来的两种结果,也就是两个变量同时受等。个变量影响而发生的。

相关关系和函数关系两者既有区别,又有联系,并在一定的条件下可以互相转化。相

关关系是相关分析的研究对象,而函数关系是相关分析的 L 具。有些函数关系往往因为有 观察或测量误差以及各种随机因素的 F 拔等原因,在实际中常常通过相关关系表现出来, 而当对现象之间的内在联系和规律性有更深刻的认识之后,原先是现出相关关系的现象之 间就可能用函数关系表达出来;而在研究相关关系时,其数量间的规律性了解得越深刻的 时候。则相关关系被查口能转化为函数关系或借助函数长系来表现。

2. 相关关系的种类

变量之间的相关关系从不同的角度看,可以有不同的分类,一般有以下几种。

- (1)按涉及变量的多少、分为单相关、复相关和偏相关。单相关(·元相关)是指两个变量之间的相互关系、如广告费支出与产品销售量之间的相关关系。复相关(多元相关)是指3个及3个以上变量之间的相互关系、如商品销售额与居民收入、商品价格之间的相关关系。偏相关是指在一个变量与两个或两个以上的变量相关的条件下,假定其他变量不变,只研究其中两个变量之间的相关关系。例如,在假定人们的收入水平、偏好等不变的条件下,某种商品的需求量与其价格水平的关系就是一种偏相关。
- (2)按相关形式不同,可分为线性相关和非线性相关。线性相关,又称直线相关,是指当一个变量变动时,另一变量随之发生大致均等的变动,从图形上看,其观察点的分布近似地表现为一条直线。例如,人均消费水平与人均收入水平通常呈线性关系。非线性相关是指一个变量变动时,另一变量也随之发生变动,但这种变动不是均等的,从图形上看, 其观察点的分布近似地表现为一条曲线,如抛物线,指数曲线等,因此也称曲线相关。例如,粮食产量与施配量之间。当施肥量在一定数量,界限内,粮食产量增加,但施肥量、旦超过,定限度,粮食产量发而可能下降,这就是一种非线性关系。
- (3)按相关变化的方向不同、分为正相关和负相关。正相关是指两个变量之间的数量变化呈现同方向变动、即当一个变量的值增加(减少)、另一个变量的值电脑之增加(减少)。如下人劳动生产率随技术水平的提高而提高、居民的消费水平随个人可支配收入的增加而增加。负相关是指两个变量之间的数量变化呈现反方向变动。即当一个变量的值增加(减少)时、另一变量的值反而减少(增加)。例如、在一定范围内、商品流转的规模愈大、流通费用水平则愈低、利润随单位成本的降低而增加。
- (4)按相关程度不同,可分为完全相关、不完全相关和不相关。完全相关是指一个变量的变化是由其他变量的数量变化唯一确定,此时变量间的关系称为完全相关。即因变量y的数值完全随自变量×的变动而变动,它在相关图上表现为所有的观察点都落在同一条线上,这种情况下,相关关系实际上是函数关系。所以、函数关系是相关关系的一种特殊情况。例如,在价格不变的条件下,销售额与销售量之间的正比例函数关系就是完全相关。不相关,又称零相关、是指变量之间彼此互不影响,其数量变化各自独立。例如,股票价格的涨跌与某地气温的变动是不相关的。不完全相关是指变量间的关系介于完全相关和不相关之间,称为不完全相关。由于完全相关和不相关的数量关系是确定的或相互独立的,因此大量客观观象之间的相关关系都属于不完全相关,不完全相关是相关分析的基本内容,完全相关和不相关可视为相关关系中的特例。

9.1.2 简单线件相关关系的测定

简单线性相关也称为一元线性相关,它测定是两个变量之间的线性关系。测定方法主



要有两类: 是定性分析; 是定量分析。

1. 定性分析

定性分析是依据研究者的理论知识、专业知识和实践经验、对客观现象之间是否存在 相关关系,以及有何种相关关系做出判断。在此基础上,通过编制相关表、绘制相关图, 讲一步首观地判断现象之间相关的方向、形态及大致的密切程度。

1) 相关表

相关表是研究变量之间依存关系的一种统计表。首先要搜集变量之间对应关系的数据 作为相关分析的基础资料;然后将其中的某一变量按其数值的大小顺序排列,再将与其相 关的另一变量的值对应平行排列,即可得到简单的相关表。

【例 9.1】 某研究机构为了研究居民家庭可支配收入与消费支出之间的关系,调查了 10 个家庭得到了月平均家庭可支配收入与消费支出的原始数据,见表 9-1。

表 9-1 10 个家庭月平均可支配收入与消费支出的数据资料 单位。百元

家庭编号	1	2	3	ŧ	5	6	7	8	9	10
平均可支配收入	25	18	60	45	1.65	88	92	99	75	98
消费支出	20	15	40	30	42	60	65	70	53	78

将表 9-1 中按平均可支配收入数值从小到人整理排列,消费支出对应排列,得到表 9-2 平均可支配收入与消费支出的相关表。

表 9-2 平均可支配收入与消费支出的相关表 单位: 百元

									, ,	
平均可支配收入	18	25	45	60	62	75	88	92	98	99
消费支出	15	20	30	10	42	53	60	65	78	70
6.77	7			1775						-

根据表 9-2 所列资料可以发现:随着家庭可支配收入增加,消费支出呈上升趋势, 两者呈现正相关关系。

2) 相关图

相关图又称散点图(Scatter Diagram),它是以直角坐标系的模轴代表变量 x,纵轴代表变量 y,将两个变量相对应的成对数据用坐标点的形式描绘出来,用于反映两个变量之间相关关系的图形。常见的相关图表现为以下几种形式,如图 9-1 所示;

如图 $9\cdot 1$ 所示、(a) 和(b) 图中所有的对应点都在·条直线 1. 显示变量 X 和变量 Y 为·元线性函数 关系、(a) 图中 Y 与 X 成正比例关系、(b) 图中 Y 与 X 成反比例关系、(c) 和(d) 图中并不是所有的对应点都在一条 直线 1. 但 X 呈现出一种明确的线性趋势,其中(c) 图中变量 X 和 Y 是较显著的线性正相关关系、(d) 图中变量 X 和 Y 是较显著的线性负相关关系。(e) 图中所有对应点的分布杂乱无章,表明变量 X 和 Y 之间无相关关系。(f) 图中变量 X 和 Y 间呈现出密切的 非线性相关关系。本书将重点讨论简单线性相关关系,如(c) 和(d) 图所示。

【例 9.2】 某家电企业为了研究产品的广告投入与销售收入之间的关系、搜集了近 10 年广告费投入和年销售收入数据编制成相关表、见表 9-3。

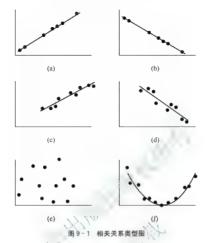


表 9-8 广告费投入与年销售收入相关表

年广告费投入(百万)	10.3	12. 2	19.8	24. 5	31.4	32. 3	379	44.2	53.4	60. 9
年销售额(千万)	19.1	20.7	28. 8	32. 2	10. 1	41.3	17	51.8	59. 1	63. 5

一般是坐标系中绘制图形,用横轴表示自变量,纵轴表示因变量。现在大多数是通过 计算机统计软件画出,也可以手工绘制图形。

根据表9-3的数据资料可以绘制相关图如图9-2所示。

从图 9-2 可以看出,年广告费投入与年销售额之间相关密切,且呈现线性正相关 关系。

2. 定量分析

根据定性分析及相关表和相关图可反映两个变量之间的相互关系及其相关方向,但无法确切地表明两个变量之间相关的程度。 著名统计学家卡尔·皮尔逊设计了统计指标相关系数、人们称之为 Pearson 相关系数。相关系数是用以反映变量之间相关关系密切程度的统计指标。直线相关系数的设计思想及计算如下。

如图 9 3 所示,设研究总体有 N 对 (X_i,Y_i) ,可以计算出对应的均值 μ_X 和 μ_Y ,通过 点 (μ_X,μ_Y) 画两条平行 F X 轴和 Y 轴的直线,将散点图分成 4 个部分。

当X和Y是正相关时、观测点大多数散布在I、II部分、 $\sum_{i=1}^{N}(X_{i}-\mu_{X_{i}})(Y_{i}-\mu_{X_{i}})$ 较大



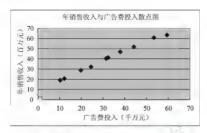


图 9-2 年销售额与广告费投入关系散点图

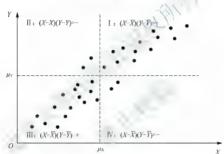


图 9-3 (μx, μr)分割散点图

相关系数,即:

$$\rho = \frac{\sum_{i=1}^{N} (X_i - \mu_X)(Y_i - \mu_Y)/N}{\sigma_X \cdot \sigma_Y}$$
(9.1)

式中: $\sum_{i=1}^{N} (X_i - \mu_X)(Y_i - \mu_Y)/N$ 在统计学上称为 X 和 Y 的协方差(Covariance), 记为 COV(X, Y)。因此式(9,1)的形式可为:

$$\rho = \frac{\text{COV}(X,Y)}{\sigma_{X} \cdot \sigma_{Y}} \tag{9.2}$$

这就是总体直线相关系数的定义公式,由于COV(X,Y)的主导地位,又因为其形式 县两个差值的乘积之和,故把这个公式又称为"积差公式"。总体相关系数县一个常数, 如果需要对它进行估计,则要计算样本的直线相关系数。

如果一个样本有n 对观察值(x_i, y_i),数理统计可以证明。 $\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})/(n-1)$ 是总体协方差 COV(X, Y)的 无偏估计量,记为 cov(x, y);同时样本标准差 S. 和 S. 是 总体标准差的 ox x ox 无偏估计量, 因此样本的直线相关系数, 用 r 表示, 公式如下;

$$r = \frac{(Y)V(x,y)}{S_x \cdot S_y} \tag{9.3}$$

将协方差公式及标准差公式代入到式(9,3),得到式(9,4)和式(9,5)两个常用的公式;

$$r = \underbrace{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}_{\sum (x - \bar{x})^2 \sqrt{\sum} (y - \bar{y})^2}$$

$$= \underbrace{\frac{n \sum xy - \sum x \sum (x - \bar{y})^2}{\sqrt{n \sum x^2 - (\sum x)^2} \sqrt{n \sum y} - (\sum y)^2}}_{(9.5)}$$

$$\frac{n\Sigma xy - \Sigma x\Sigma y}{\sqrt{n\Sigma x^2 - (\Sigma x)^2}\sqrt{n\Sigma y^2 - (\Sigma y)^2}}$$
(9.5)

直线相关系数的性质有: ①当r>0时,表示两变量线性正相关,r<0时,两变量为 线性负相关; ②当+r | =1 时,表示两变量为完全线性相关,即为函数关系; ③当 r=0 时,表示两变量间无线性相关关系;①当0< | r | <1 时,表示两变量存在一定程度的线 性相关。目 r 越接近 1. 两变量间线性关系越密切; |r| 越接近 F 0. 表示两变量的 线性相关关系越弱; ⑤一般可按四级划分两变量间的线性相关程度; | r < 0.3 为微弱线 性相关: $0.3 \le r < 0.5$ 为低度相关: $0.5 \le |r| < 0.8$ 为显著性相关: $0.8 \le r < 1$ 为高度线性相关,

式(9.4)是两个变量未分组资料计算相关系数的公式。如果是单变量分组资料,则相 关系数的公式为:

$$r = \frac{\overline{z}(x - \overline{x})(y - \overline{y})t}{\sqrt{z(x - x)^2 t} \sqrt{z(y - y)^2 t}}$$
(9.6)

【例 9.3】 某企业发现广告投入与销售额具有线性相关性。为了测算两者的相关程度。 该企业收集了10年数据资料见表9 4的第1~3列。根据这些数据资料计算相关系数。

$$r = \frac{n\Sigma xy - \Sigma x\Sigma y}{\sqrt{n\Sigma x^2 - (\Sigma x)^2} \sqrt{n\Sigma y^2 - (\Sigma y)^2}}$$

$$= \frac{10 \times 16 \ 679. \ 09 - 346. \ 2 \times 422.5}{\sqrt{10 \times 14} \ 304.52 - 346.2^2 \sqrt{10 \times 19} \ 687.81 - 422.5^2}$$
0. 9 942

年份序号	年广告投入 (百万元)x	年销售額 (千万元)y	X ²	<i>y</i> ²	ху
1	12.5	21. 2	156. 25	449.44	265.00
2	15.3	23. 9	234.09	571. 21	365.67
3	23. 2	32. 9	538. 24	1 082.41	763. 28
4	26. 4	34. 1	696, 96	1 162, 81	900. 24
5	33. 5	42.5	1 122. 25	1 806. 25	1 423, 75
6	34. 4	43. 2	1 183. 36	1 866. 24	1 486.08
7	39. 4	49. 0	1 552.36	2,401.00	1 930. 60
8	45. 2	52. 8	2 043.04	/ 2 7887 84	2 386. 56
9	55. 4	59. 4	3 069. 16	3 528. 36	3 290.76
10	60. 9	63. 5	3 708.	4 032. 25	3 867, 15
合计	346. 2	422. 5	VY 30152	19 687.81	16 679.09

相关系数为 0.9942,说明广告投入费用与月平均销售额之间有高度正线性相关关系。

3. 相关系数 r 的显著性检验。

相关系数 r 是根据样本数据计算得到的,它是一个随机变量。因此,用样本相关系数 推断总体相关系数时,就要对相关系数的统计显著性进行检验,判断总体变量间是否存在 线性相关性。对相关系数 r 检验,一般采用 R. A. Fisher 提出的 t 检验。可用于大样本,也可用于小样本。其步骤如下。

第二步,计算检验的统计量。
$$t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}} \sim t_{\frac{s}{2}}(n-2)$$

第三步,确定显著性水平 α , 并做出决策。若 $\mid t \mid > t_{\frac{1}{2}}$, 拒绝 H, 表明相关系数 r 在统计上显著; 若 $\mid t \mid < t_{\alpha}$, 不能拒绝 H, 表明相关系数 r 在统计上显著。

【例 9.4】 某研究机构发现企业 L 业总产值与能源消耗量具有线性相关性,为了测算两者的相关程度,该机构收集了 16 家企业 L 业总产值与能源消耗量数据资料(见表 9-5 中左边 3 栏资料)。根据这些数据资料计算相关系数并进行检验。

表 9-5	企业工业总产	值与能源消耗量数据	
-------	--------	-----------	--

序号	能源消耗量(x)(百万吨)	工业总产值(y)(亿元)	X ²	y ²	xy
1	35	24	1 225	576	840
2	38	25	1 444	625	950
3	40	24	1 600	576	960
4	42	28	1 764	784	1 176

序号	能源消耗量(x)(百万吨)	工业总产值(y)(亿元)	x ²	y²	xy	
5	49	32	2 401	1 024	1 568	
6	52	31	2 704	961	1 612	
7	54	37	2 916	1 369	1 998	
8	59	40	3 481	1 600	2 360	
9	62	41	3 844	1 681	2 542	
10	64	40	4 096	1 600	2 560	
11	65	47	4 225	2 209	3 055	
12	68	50	4 624	¥ 500	3 400	
13	69	49	4 761	2 401	3 381	
14	71	51	5 041	2 601	3 621	
15	72	48	1 3 184	2 304	3 456	
16	76	58	5 776	3 364	4 408	
合计	916	625	55 086	26 175	37 887	

解:(1) 计算相关系数。有关计算数据见表 9-5 中合计行。

将表 9-5 计算结果代入式(9.5),得到:

$$r = \frac{n\Sigma xy - \Sigma \Sigma y}{\sqrt{n\Sigma x^2 - (\Sigma x)^2} \sqrt{n\Sigma y^2 - (\Sigma y)^2}}$$

$$= \frac{16 \times 37.887 - 916 \times 625}{\sqrt{16 \times 55.086} - 916^2 \sqrt{16 \times 26.175 - 625^2}} = 0.975.7$$

计算结果表明、工业总产值与能源消耗量之间存在高度的正相关关系。

(2) 对相关系数讲行检验。

第一步,提出假设。 $H_0: \rho=0$; $H_1: \rho\neq 0$

第二步, 计算检验的统计量:

$$t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}} = \frac{0.975\ 7 \times \sqrt{16-2}}{\sqrt{1-0.975\ 7^2}} = 16.691\ 8$$

第三步,确定显著性水平 α ,假设 $\alpha=0.05$ 并作出决策。

 $\alpha = 0.05, n = 16$, $\Delta t_{0.025}(16-2) = 2.1448$

因为 $t = 16.6918 > t_{0.025}(14) = 2.1448$

所以, 拒绝 Ho, 说明两个变量之间线性关系显著。

简单线性相关系数,是测定两个变量之间线性相关程度的最常用指标,在使用,测定两个变量之间相关程度时,除了要求两个变量必须是线性相关外,它还要求两个随机变量是数值型的,并且两个随机变量的联合分布服从或近似服从二维正态分布。在实际运用中,简单线性相关系数,的这些条件是很难满足的,即使两个变量是线性相关的,但并不一定满足正态分布的要求,或者变量不一定是数值型的,这时可以用 Spearman 等级相关



系数进行相关分析。

4. Spearman 等级相关系数 (r_d)

Spearman 等级相关,也用于直线相关分析,基本原理是以两变量间的序数等级差来反映两个观察序列的一致性程度,放又称为顺位相关或秩相关。Spearman 等级相关系数在计算时不是使用原始数据 (x, \cdot, y_i) ,而是利用数据的等级差 $(a, \cdot b_i)$ 。Spearman 等级相关系数的公式为:

$$r_d = 1 - \frac{6\sum_i d_i^2}{n(n^2 - 1)} \tag{9.7}$$

式中, d, 表示样本单位属于x 等级与y 等级的级差, 即 d_i = a_i - b_i 。

样本等级相关系数的取值范围是(-1, 1)。 r_i —1 时,说明样本等级完全正相关;当 r_i ——1 时,样本等级完全负相关;当 r_i —0 时,说明样本等级不相关;当 $0 < r_i < 1$ 时,越接近 1,正相关越高;当 $-1 < r_i < 0$ 时,越接近 1,近相关越高。

【例 9.5】 某调研机构为了了解银行顾客满意度与营业额之间是否相关。它随机选择 8 家银行服务网点作了调查,数据资料如下表(见表 9-6)。用 Spearman 等级相关系数判 断银行顾客满意度与日营业额之间是否相关。

表 9-6 8 家银行顾客满意度与营业额数据

银行	1	2	1/2	4	5	6	7	8
顾客满意度(光)	90	93	89	79	82	82	69	59
日营业额 (万元)	91	85	90	81	78	85	78	58

解:根据表9-6计算等级相关系数计算表有关数据,见表9-7。

表 9-7 Spearman 等级相关系数计算表

银行编号	顾客满意度 x(%)	日营业额 y(万元)	x 等级	y 等级	d	d ²
1	90	91	7	8	-1	1
2	93	85	8	5. 5	2. 5	6. 25
3	89	90	6	7	-1	1
1	79	84	3	4	-1	1
5	82	78	4.5	2. 5	2	4
6	82	85	4.5	5. 5	-1	1
7	69	78	2	2.5	-0.5	0. 25
8	59	58	1	1	0	0
Σ	_	_	_	_	_	14. 5

将上表有关数值代人式(9.7),得到:

$$r_d = 1 - \frac{6\sum_i d_i^2}{n(n^2 - 1)}$$

$$-1 - \frac{6 \times 14.5}{8 \times (8^2 - 1)} = 0.827$$

计算结果说明:8家银行顾客满意度与营业额是高度相关的。

相关系数反映相关现象之间的特征不同,其名称也有所不同。如将反映两变量间线性 相关关系的指标称为相关系数;将反映两变量间曲线相关关系的指标称为非线性相关系 数、非线性判定系数;将反映多元线性相关关系的指标称为复相关系数、复判定系数等。

9.1.3 相关分析注意的问题

相关分析是研究一个变量与另一个变量或另一组变量之间相关密切程度和相关方向的一种统计分析方法。相关分析是回归分析的基础、只有经过相关分析表明变量间具有较高的相关关系进行回归分析才有意义。在相关分析时要注意以下几个问题。

- (1) 明确简单相关系数的基本作用。计算相关系数时、要求两个变量之间是相互对称的随机变量、简单相关系数能表明两个存在线性关系变量同的相关程度和方向。在运用相关系数时要明确。第一、相关系数等于0时、只能表明两个变量之间不存在直线相关关系,但不能保证变量之间没有其他类型相关关系。第二、不能根据相关系数确定两变量是否存在因果关系、即使是在相关系数非常大时,也并不意味着两变量间具有显著的因果关系。例如,人们发现股限情绪和股票价格存在显著的正相关,相关系数即使很高,也不能说明是由于股尺投资情绪的高低导致股价的涨跌,还是由于股价的涨跌影响了股尺购买股票的热情。
- (2) 警惕處假相关导致错误结论。在相关分析过程中,一定要始终注意把定性分析和 定量分析结合起来,在准确的定性分析的基础上展开定量分析,而不能直接根据相关系数 分析得出结论。例如,有人统计过小学生的识字数量与他们穿鞋子的尺码显高度正相关。 如果以此结论指导实践,为提高小学生的识字水平,就让他们穿教大尺码的鞋,这显然是 不好的,两者是虚假相关。而事实是小学生的识字数量与其上学的年份有关,读书时间越 长,识字数量越多。同时,在这期间学生也是身体长高的时期,自然他们所穿的鞋子尺码 也随之增大。
- (3)注意变量之间相关关系成立的数据范围。许多现象或变量之间相关的关系仅在一定数据范围内成立的、超过一定范围、原先的相关关系的形式就可能不再成立、相关的形式也会发生变化。例如、粮食平均亩产量与平均每亩施肥量之间存在着相关关系。开始时随着每亩施肥量的增加、亩产量也随之增加、这是正相关;但当每亩施肥量达到一定量时、亩产量就不住增加了,如果这时再增加施肥量、亩产量就可能会降低、这时每亩施肥量亩产量之间就变成负相关形式了。再如、在一定范围内、随着广告投入的增多、企业销售额增长,利润增加,但自目加大广告投入、却未必使销售额再增长、甚至利润还可能会减少。

9.2 一元线性回归分析

相关分析与回归分析是研究变量间相关关系的两种方法,相关分析是回归分析的基础。如果已知两个变量存在着显著的或高度的相关关系,这时就可以进一步明确两个变量



间的数量规律性,用一定的数学模型表认出来,也就是要进行回归分析。

9.2.1 同归分析概试

回归概念是由生物统计学家高尔顿(F, Galton)在研究溃传规律时首先提出的。1875 年,高尔顿利用豌豆实验来确定尺寸的遗传规律。结果发现并非每一个子代(新长的豌豆 种子)都与父代(原始的豌豆种子)一样,尺寸小的豌豆会得到更大的子代,而尺寸大的鲸 **豆却得到较小的子代。高尔顿在研究人类身高的遗传时也发现人类身高向其祖先平均身高** 回归的倾向。高尔顿把这一现象叫做"返祖"(趋向于祖先的某种平均类型),后来又称之 为"向平均回归"。1887年,他第一次将"回复"(Reversion)作为统计概念使用,后改为 "同归" (Regression) ·词、1888 年他又引入"相关" (Correlation)的概念。现代同归分 析虽然沿用了"回归"一词,但内容已有很大变化。它在经济理论研究和实证研究等许多 领域有着广泛的应用。

1. 回归分析的含义及分类

回归分析就是对所研究的两个变量或者多个变量之间的相互关系,可以根据所拥有的 信息(数据)来建立一定的模型(Model)把这种关系描述出来,以此模型来近似地表示变量 间数量平均变化关系, 在同归分析中, 为了研究具有相关关系的变量值之间一般的数量变 动美系,即自变量发生变化时,因变量平均会发生多大的变化,这就需要建立回归方程。 问归方程除可用于研究相关变量之间的一般数量变动关系外,还常用于进行预测,即根据 ·个或几个变量的取值来预测或控制另一个相关变量的取值,并给出这种预测或控制的精 确程序.

问归分析的内容主要包括,首先根据相关理论和对问题的理解,分析和判断,将变量 分为自变量和因变量; 其次, 根据变量间关系的性质构建一个合适的数学模型(回归方程 式)描述变量间的关系; 回归模型建立后, 由于涉及到的变量具有不确定性, 因此需要对 其进行统计检验;统计检验通过后,就可利用回归模型,根据自变量去估计、预测因 变量.

回归分析按照分类的标志不同, 可划分为多种类型。按照自变量的多少分类, 可以分 为一元回归和多元回归, 只有一个自变量的叫一元回归, 有两个或两个以上自变量的叫多 元回归;按照因变量和自变量之间相关形式分类,可以分为线性(直线)回归和非线性(曲 线)回归。把以上两种分类标志结合起来就有以下4种组合:一元线性回归和一元非线性 回归, 多元线性回归和多元非线性回归。其中, 一元线性回归是指两个相关变量之间的关 系可以用数学中的线性组合来描述, 又称为简单线性回归。本节仅讨论一元线性回归。

2. 相关分析与回归分析的关系

相关分析和回归分析方法既有联系、又有区别、主要表现在以下方面。

- (1) 它们的联系: 一是它们具有共同的研究对象, 都是对变量间相关关系的分析; 是相关分析是回归分析的基础和前提、只有通过相关分析明确了变量间存在相关关系时。 用回归分析去寻求相关的具体数学形式才有实际意义; 三是相关分析只表明变量间相关关 系的性质和程度,要确定变量间相关的具体数量规律性依赖于回归分析。
 - (2) 它们的区别:第一,在研究目的和方法上不同。相关分析研究变量之间相关的方

向和程度,但它不能指出变量间相互关系的具体形式,也无法从一个变量的变化来推测另一个变量的变化情况;回归分析测是研究变量之间相互关系的具体形式,它对具有相关关系的变量之间的数量联系进行测定,确定一个相关的回归模型,根据这个回归模型可以从已知变量来推测未知变量、从而为估算和预测提供了一个重要的方法。第二,对变量的要求不同。相关分析时,要求分析的变量都为随机变量,而回归分析时要将变量区分为自变量和因变量。其中因变量一般作为随机变量、自变量作为非随机变量。是可以确定的量。

9.2.2 一元线性回归模型

·元线性回归模型也称简单线性回归模型。它是只有一个因变量和一个自变量的最基本的回归模型。

1. 构建一元线性回归模型的步骤

首先,对两个变量进行定性分析,确定自变量和因变量;其次,绘制骸点图、根据散点图到断两个变量是否为线性相关关系;第三,如果两个变量存在线性关系,就可以建立一元线性回归模型,第四,对回归模型进行统计检验;第五,统计检验通过后,就可以利用回归模型,根据自变量去估计,预测因变量。

一元线性回归模型可分为总体一元线性回归模型和样本一元线性回归模型。

2. 总体一元线性回归模型

假设所研究的经济现象总体中因变量Y 主要受自变量X 的影响,它们之间存在着近似的线性函数关系,因此有:

$$Y_{i} = \alpha + \beta X_{i} + \chi_{i}$$
(9.

式(9.8)被称为总体 一元线性回归模型、电称总体 一元线性回归函数、简称总体回归 方程。式中的 α 和 β 是未知的参数、 β 又称为回归系数。Y,是自变量取 X,时因变量 Y 的观测 值。 μ 是随机误差项、又称随机下扰项、它是一个特殊的随机变量、反映未列入方程式的 其他各种因素对因变量 Y 的影响。式(9.8)实际上是表示自变量取值 X,时、因变量 Y 的具体观测值。

随机误差项 µ. 是无法直接观测的。为了进行回归分析,通常需要对其概率分布提出。 些假定,这些假定如下。

假定 1. 误差项的期望值为 0, $E(u_i) = 0$ 。

假定 2: 误差项的方差为常数、 $Var(u_i) = \sigma^2$ 。

假定 3: 误差项之间不存在序列相关关系,其协方差为零,Cov(u,u,)=0 $(i \neq j)$ 。

假定 4: 自变量是给定的变量,与随机误差项线性无关。 $Cov(u_{i},x_{i})=0$ 。

假定 5: 随机误差项服从正态分布, $u_i \sim N(0,\sigma^2)$ 。

满足以上标准假定的 · 元线性回归模型, 称为标准的 · 元线性回归模型。由于在标准的总体一元线性回归模型中, $E(u_i) = 0$ 。这样式(9.8)可表示为:

$$Y_i = E(Y_i) = \alpha + \beta X_i \tag{9.9}$$

式(9.9)就是标准的总体 · 元线性同归模型、也称标准的总体 · 元线性同归方程(函数)、简称总体 · 元线性回归方程,或者总体回归线。式中, α 是回归直线在y轴上的截距,是当x0时Y的期望值。 β 是回归直线的斜率,称为回归系数、表示当自变量x每变



动一个单位时, 因变量 Y 的平均变动值。

式(9.8)和式(9.9)虽然都是总体一元线性回归模型,但两者意义不同。前者表示自变量取值X时,因变量Y的具体观测值;后者表示因变量Y的取值是自变量X取某一周定值时的期望值或均值,也是自变量取X、时因变量Y、的回归值(如图9-4 所示)。

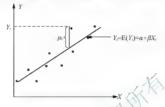


图 9-4 总体一元线性回归函数与随机误差项

由图 9-4 可以看出,自变量取某一固定值 X, 时,因变量 Y 可能有若于取值。X, 对应回归线上的点,实际上是 Y 若干取值的期望值或均值。实际的 Y 与回归线上点 Y. 之差称为随机误差项 μ 。

3. 样本一元线性回归模型

实际上总体回归函数是未知的,通常需要从总体中抽取样本。根据样本各观察点获得的信息对总体回归函数进行估计。样本一元线性回归模型可表示为;

$$\hat{\mathbf{v}}_i = \hat{\mathbf{g}} + \hat{\mathbf{g}}\hat{\mathbf{x}} + \hat{\mathbf{g}}\hat{\mathbf{x}}$$
 (9. 10)

公式(9.10)就是样本,元线性回归模型、也称样本,元线性回归函数(方程)。式中的 â 和 β 是样本回归函数的参数、是总体回归参数 α 和 β 的估计值。以是自变量取 α 的规测值。显然、样本回归函数的形式与总体回归函数的形式是一致的。 α 称为残差,其涵义类似于总体回归函数随机误差项。

类似于标准的总体一元线性回归模型、样本一元线性回归模型可表示为:

$$\hat{y}_i = E(y_i) = \hat{\alpha} + \hat{\beta}x_i \tag{9.11}$$

公式(9.11)也称标准的样本一元线性回归方程(函数),或者样本回归直线。因变量 §, 是样本自变量 x 取某一固定值时因变量的期望值或均值、也是样本回归方程中自变量取 x, 时因变量 y 的回归值, § 是样本回归直线的斜率、又称为样本回归系数、表示当自变量 x 每变动一个单位的、因变量 y 的平均变动值。当样本自变量取某一固定值 x, 对应的回归线 上点 §, 实际上是这些值的期望值或均值。观察值 y, 与回 归线上点 § 之差就是残差 e, 对样本观察点 (x, v,) 家 , v, 。 § 。 6 。

4. 样本回归函数与总体回归函数的关系

建立样本回归模型的目的是估计总体回归模型、因此、两者之间的联系和区别如下。

(1)两者的联系: 是两者函数形式一致; 是样本回归函数中的参数 â 和 β 分别是总体同归函数中参数 α 和 β 的估计值; 三是样本回归直线 ŷ, 是总体同归直线 Y, 的近似表

现;四是样本回归函数中的残差。概念类似总体回归函数中的随机误差 u.。

(2) 两者的区别,第一,总体回归线是未知的,并且只有一条;而样本回归线则是根据样本数据拟合的,每抽取一个样本、便可以拟合一条同归线,理论上来说从总体中可以抽取多少个样本就可以建立多少条样本回归线。第二,总体回归函数中的参数是未知的,但它是确定的;而样本回归函数中的参数是随机变量,随样本的不同而不同。第二,总体回归模型中的 u,是因变量实际观测值 Y,与总体回归线之间的纵向距离、它是不可直接观测的;而样本回归模型中或差。是样本观察点(x,y,)中,y,与样本回归线之间的纵向距离、当根根样本数据拟合出样本回归线之后。可以计算出。的具体数值。

9.2.3 一元线性回归模型参数的估计

回归分析的目的是用样本回归模型去估计总体回归模型。但是、由于抽样的随机性、 根据样本所构建的回归模型与总体回归模型总是存在误差。它是无法避免的。关键是如何 使样本回归模型的参数 â 和 β 与总体回归模型中参数 α 和 β 尽可能接近、从而使样本回归函 数对总体回归函数的估计误差尽可能小。

对回归模型参数估计的方法有很多,对于满足误差项基本假定的标准,元线性回归模型参数的估计,最常用的方法是最小,乘法(简称()LS)。

1. 回归参数的最小二乘估计

假设从总体中随机抽取一个样本、有 n 项自变量和因变量对应数据资料: (x_1,y_1) , (x_2,y_2) …, (x_1,y_2) …, (x_2,y_2) …, (x_1,y_2) 。 如果经分析判定两个变量呈线性相关关系、就可以假设根据样本数据资料拟合的样本线性回归模型为: $\hat{y}_1 - \hat{a} + \hat{\mu}_2$ 。由图 9-5 可以看出、对任意样本观察点 (x_1,y_2) , $y_1 - \hat{y}_2 - \hat{a} - \hat{\mu}_2$ 。显然,残差。越小,样本真实值 y_1 与同归钱 $\{ x_1, y_2 \}$ 证的估计值 $\{ x_1, y_2 \}$ 。 超然, 现产 。 显然, 现产 。 可能是正值, 也可能是负值, 如果直接计算代数 和会相互抵消, 结果等于 $\{ y_1, y_2 \}$ 。 可能是证值,也可能是负值,如果直接计算代数和会相互抵消, 结果等于 $\{ y_1, y_2 \}$ 。 而不能反映出模型的拟合效果,因此, 要取残差。, 平方和作为衡量问归线与各个观察点拟合程度的标准。因此, 最小二乘法实际上就是通过使残差平方和为最小,来估计回归参数的一种方法, 如图 9-5 所示。

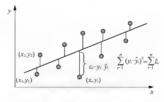


图 9 5 最小二乘法估计回归参数示意图

根据
$$\sum_{i=1}^{n} \varepsilon_i^2 =$$
 最小值, 令 $\mathbf{Q}(\hat{\alpha},\hat{\beta}) = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2 = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{\alpha} - \hat{\beta}x_i)^2$



显然, 所要解决的问题就是回归参数 â, â 取何值时, Q 为最小值。

为此,将Q分别对â,â求偏导数,并令其等于零,可得,

$$\begin{cases} \frac{\partial \mathbf{Q}}{\partial \hat{\alpha}} = 2 \sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \alpha - \beta x_{i}) = 0 \\ \frac{\partial \mathbf{Q}}{\partial \hat{\beta}} = 2 \sum_{i=1}^{n} x_{i} (y_{i} - \alpha - \beta x_{i}) = 0 \end{cases}$$
(9.12)

加以整理后有:

$$\begin{cases} n\hat{\alpha} + \hat{\beta} \sum x_i = \sum y_i \\ \hat{a} \sum x_i + \hat{\beta} \sum x_i^2 = \sum x_i y_i \end{cases}$$
(9.13)

解得.

$$\begin{cases} \hat{\beta} - \frac{n \sum x_i y_i - \sum x_i \sum y_i}{n \sum x_i^2 + (\sum x_i)^2} \\ \hat{\alpha} = \overline{y} - \hat{\alpha} \overline{x} \end{cases}$$
(9.14)

【例 9.6】 根据例 9.4 中表 9-5 企业工业总产值与能源消耗量相关数据,建立工业总 产值 v 对能源消耗量 z 的线性同归方程,

解:已知工业总产值与能源消耗量之间存在高度正相关关系(例 9.4 已计算出 r= 0.975 7).

设线性回归方程为 $\hat{y}_i = \hat{a} + \hat{\beta}r_i$ 。由表 9-6 円知。

$$n-16$$
、 $\sum_{i=1}^{n} x_i - 916$ 、 $\sum_{i=1}^{n} y_i - 625$ 、 $\sum_{i=1}^{n} x_i y_i = 37887$ 、 $\sum_{i=1}^{n} x_i = 55086$
代人公式(9.14) $\hat{\beta} = \frac{n \sum x_i y_i - \sum x_i \sum y_i}{n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2} - \frac{16 \times 37887 - 916 \times 625}{16 \times 55086 - 916^2} - 0.7961$
 $\hat{\alpha} = \bar{y} - \hat{\beta} \bar{x} = \frac{625}{16} - 0.7961 \times \frac{916}{16} = -6.5142$

线性回归方程为: ŷ =-6.5142+0.7961x

计算结果表明,在其他条件不变时,企业能源消耗量每增加一个单位(百万吨),工业 总产值将平均增加 0.7961 个单位(亿元)。

2. 一元回归方程拟合优度检验

拟合优度检验就是检验样本观测值聚集在样本回归线附近的紧密程度。由图 9 5 可 以看到,样本回归线 $\hat{y}_{i} = \hat{a} + \hat{b}_{i}$. 是对样本观察值的一种拟合,样本观察值分布在样本回 归线的附近,如果各观测值数据的散点都聚集回归直线的附近,那么这条直线对数据拟合 效果就好,否则,拟合效果就差。回归方程的一个重要作用在于根据自变量的已知值估计 因变量的理论值(估计值)。而理论值 ŷ, 与实际值 y, 存在着差距, 这就产生了推算结果的 准确性问题。如果差距小,说明椎篔结果的准确性高;反之,则低。为此,分析理论值与 实际值的差距很有意义。

为了度量 v 的实际水平和估计值离差的一般水平,常用估计标准误差和判定系数两个 234 ///

指标。

1) 估计标准误差

估计标准误差是衡量回归直线代表性大小的统计分析指标。它是一个绝对数、说明观 察值围绕着回归直线的变化程度或分散程度。

通常用 S.或仓代表回归估计标准误差。其计算公式为,

$$\hat{\sigma} = S_r = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2} = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} \epsilon_i^2}$$

$$\sqrt{\sum_{i=1}^{n} \epsilon_i^2}$$
(9.15)

式(9.15)中, $\sum_{i=1}^{n} \varepsilon_{i}^{2}$ 是残差平方和; n-2 是自由度,其中 n 是样本观测值的个数、2 是 ·元线性回归方程中回归参数的个数。根据式(9.15)计算,需要逐一计算出残差平方的数 值。也可按下列式(9.16)先计算残差平方和,再代入式(9.15)计算。

$$\sum_{i=1}^{n} \varepsilon_{i}^{2} = \sum_{i=1}^{n} y_{i}^{2} - \hat{a} \sum_{i=1}^{n} y_{i} - \hat{\beta} \sum_{i=1}^{n} x_{i}$$
(9.16)

【例 9.7】 根据例 9.4 中给出的有关数据和例 9.6 中已得到的回归系数估计值,计算 E.业总产值 v 对能源消耗量 x 的线性回归方程的回归估计标准差 S.。

解: 己知:
$$\sum_{i=1}^{n} y_{i} = 625$$
, $\sum_{i=1}^{n} x_{i}y_{i} = 37.887$, $\sum y_{i}^{2} = 26.175$, $\hat{\beta} = 0.796.1$, $\hat{\alpha} = -6.514.2$

将有关数据代人式(9.16),得。
$$\sum_{i=1}^{n} \epsilon_i^2 = \sum_{i=1}^{n} y_i - \hat{a} \sum_{i=1}^{n} y_i - \hat{\beta} \sum_{i=1}^{n} x_i y_i + \sum$$

$$S_e^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n} \varepsilon_i^2}{n-2} = \frac{83.41}{16-2} = 5.96$$

回归估计标准误差为: $\hat{\sigma} = S_{\cdot} = \sqrt{5.96} = 2.44$

要注意的是,总体方差。是总体随机误差项点的方差,它可以反映总体回归模型误 差的大小,是检验回归模型时必不可少的一个重要参数。由于 u. 本身是不能直接观测的, 因此,需要用最小二乘残差代替随机误差项来估计总体,数学上可以证明,产的无偏估 计为样本的 $\hat{\sigma}^2$ 或 S_c^2 。

回归估计标准差与第4章介绍的标准差的计算原理是一致的,两者都是反映平均差异 程度和表明代表性的指标。一般标准差反映的是各变量值与其平均数的平均差异程度,表 明其平均数对各变量值的代表性强弱; 回归标准误差反映的是因变量各实际值与其估计值 之间的平均差异程度,表明其估计值对各实际值的代表性强弱,其值越小,估计值 ŷ.(或 回归方程)的代表性越强,用回归方程估计或预测的结果越准确。上述的计算结果 2.44 亿 元表明各个实际产值与相应的估计产值之间平均相差 2.44 亿元。

2) 判定系数

判定系数又称可决系数,是判断样本回归模型拟合程度优劣最常用的相对指标。它是

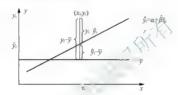
统计学

建立在对总离差平方和进行分解的基础之上的。由于因变量,与自变量,是不确定性的相 关关系,不仅对不同的自变量 x 因变量 v 取值不同,而且对相同的自变量 x 因变量 v 取值 也不同,v取值的这种波动称为嘉差(变差)。 嘉差的产生来自于两个方面, · 是由于自变 量 x 的取值不同造成的; 二是除 x 以外的其他因素的影响。

假设 x 和 y 两个变量呈线性相关关系, (x_1,y_1) , (x_2,y_2) ,…, (x_1,y_1) ,…, (x_2,y_2) 是 从总体中随机抽取一个样本数据资料,则样本线性回归模型为:

$$\hat{y}_i = \hat{a} + \hat{\beta}x_i + \epsilon_i = \hat{y} + \epsilon_i$$

如果 y 为样本因变量的均值,对任意样本观察点(x,,y),离差的大小可以用实际观测 值 v. 与均值 v 之差 (v. 一v) 来表示。如图 9-6 所示。



由图 9-6 可以看出,每个观察点的离差可以分解为 (9.17)

对上式两边平方,并对所有样本观察值加总,

$$\sum_{i} (y_{i} - \overline{y}) = \sum_{i} (\hat{y}_{i} - \overline{y})^{2} + 2 \sum_{i} (y_{i} - \hat{y}_{i})(\hat{y}_{i} - \overline{y}) + \sum_{i} (y_{i} - \hat{y}_{i})^{2}$$

可以证明: $\sum (\hat{y}_i - \hat{y}_i)(\hat{y}_i - \bar{y}) = 0$. 因此有:

$$\sum (y_{i} - \overline{y})^{2} = \sum (\hat{y}_{i} - \overline{y})^{2} + \sum (y_{i} - \hat{y}_{i})^{2}$$
 (9.18)

即:

式中, $\sum (v_v - \overline{v})^2$ 称为总离差平方和 (SST), 反映因变量的各个观察值 v_v 与其均值 \overline{v} 的 总离差; $\sum (\hat{y}_{x} - \bar{y})^{2}$ 是回归值与均值的离差平方和 (SSR), 反映自变量 x 的变化对因变 量y取值变化的影响,或者说是由于x与y之间的线性关系引起的y的取值变化,也称为 可解释的平方和; $\sum (y_{\nu} - \hat{y}_{\nu})^{\dagger}$ 称为残差平方和 (SSE), 是除了 x 对 y 的线性影响之外的 其他因素对 v 变差的作用, 是回归直线无法解释的离差平方和。

上式的两边同除以 SST, 得,

$$1 - \frac{SSR}{SST} + \frac{SSE}{SST} \tag{9.20}$$

回归平方和与总离差平方和的比例称为判定系数(可决系数),记为R'。计算公式为:

$$R^{2} = \frac{SSR}{SST} = \frac{\sum (\hat{y}_{i} - \bar{y})^{2}}{\sum (y_{i} - \bar{y})^{2}} = 1 - \frac{\sum (y_{i} - \hat{y}_{i})^{2}}{\sum (y_{i} - \bar{y})^{2}}$$
(9.21)

上式表明: 判定系数反映了在因变量取值的离差中, 有多少可以由因变量与自变量之间的线性关系来解释, 或者说在因变量取值的变动中, 有多少是由自变量所决定的, 所以也将其称为可决系数。可决系数越大, 回归平方和占总离差平方和的比例就越大, 模型拟合程度越高, 各个样本观测点与样本回归直线靠的越紧密; 反之, 可决系数越小, 则模型对样本的拟合程度越差。判定系数 R°具有以下特征。

- (1) 判定系数 R^2 取值范围为 $0 < R^2 < 1$,判定系数 R^2 具有非负性。
- (2) 判定系数 R² 的值越接近于1、回归平方和在总离差平方和中所占的比重就越大, 样本回归方程对因变量观测值的拟合就越好, 判定系数 R² 的值越接近于0、回归平方和在 总的平方和中所占的比重就越小, 样本回归方程对因变量观测值的拟合就越差。
 - (3) 判定系数 R² 是样本观测值的函数,它也是一个统计量。
 - (4) 判定系数等于样本相关系数的平方, 即 $R^2 = r^2$ 。
 - 但判定系数与样本相关系数之间也存在一定的区别,见表9-8。

表 9-9 判定系数与样本相关系数的区别

	判定系数 R ²	样本相关系数 r ²
评价对象不同	是针对回归模型,评价回归模型对 样本观察值的拟合程度	是针对两个变量,说明两个变量的线性 依存程度
自变量关系不同	评价的自变量与因变量地位不同, 存在因果关系	评价的自变量与因变量地位相同,不考 虑是否存在因果关系
取值范围不同	0 ≤ R ² ≤ 1, 具有非负性	-,1≤ r≤1,可正可负

【例 9.8】 根据例 9.6.计算的企业工业总产值与能源消耗量的—元线性回归方程,计 管判定系数,说明回归方程对资料的的拟合程度。

解:根据表 9-5 资料计算因变量 y 的平均数: $\bar{y} = \frac{\sum_{1}^{y_{i}}}{n} = \frac{625}{16} = 39,0625$,再按判定系数公式计算有关资料,具体见表 9-9。

表 9-9 判定系数计算表

	77.0							
序号	x_i	Уı	ŷı	$\{\hat{y}_{i} - \bar{y}\}^{2}$	$(y_1 - \bar{y})^2$			
1	35	24	21. 349 3	313. 757 5	226. 878 9			
2	38	25	23. 737 6	234. 852 6	197. 753 9			
3	40	24	25. 329 8	188. 587 0	226. 878 9			
4	42	28	26, 922 0	147. 391 7	122, 378 9			
5	49	32	32. 494 7	43.136 0	49, 878 9			
6	52	31	34. 883 0	17. 468 22	65.003 9			
7	54	37	36. 475 2	6. 694 121	4. 253 9			
8	59	40	40. 455 7	1.941 006	0.878 9			
9	62	41	42.844 0	14. 299 74	3. 753 9			

승급

1 760, 937 5

$$SST = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y})^2 = 1676.385$$

$$SSR = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y})^3 = 1760.9375$$

$$R^2 = \frac{SSR}{SST} = \frac{1676.335}{1760.9375} = 0.9519$$

625,000 4

1 67k, 385 0

判定系数 R- 为 0.951 9. 说明所观测到的企业工业总产值与其均值的偏差的平方和中 有 95.19%可以通过能源消耗量来解释,也就是说四归方程对资料的拟合程度好。

注意: 不能理解为有 95,19%的样本观测点落在了样本回归线上。

9.2.4 一元线性回归模型的检验

在根据样本资料得到了回归方程 $\hat{y}_i = E(y_i) = \hat{\alpha} + \hat{\alpha}_i$, 后,还不能用它去进行经济分析 和预测,因为同归方程中的参数是根据样本观察值计算的,由于抽样的随机性,它是随机 变量,它是否真正描述了变量 v 与 x 之间的统计规律性,还需运用统计方法对回归方程进 行检验。对回归模型的显著性检验、包括对各个回归参数的显著性检验和对整个回归方程 的显著性检验。对于回归参数的显著性检验通常采用 t 检验, 而对整个回归方程的显著性 检验,则是在方差分析的基础上,一般采用下检验。在一元线性回归模型中,由于只有一 个解释变量 X, 对 β 的t 检验与对整个方程的F 检验是等价的,但在多元回归模型中,这 两种检验的意义是不同的。

这里介绍两种主要的检验方法。

1. 回归参数的显著性检验

所谓回归参数的显著性检验就是根据样本估计的结果对总体回归参数的有美假设讲行 检验。在 -元线性回归模型中, 对总体参数 α 和 β 的检验方法虽然相同, 但由于回归系数 8 反映了自变量对因变量线性影响程度,因此对它的检验更为重要。

对一元线性回归系数 β 检验的目的是检验X与Y之间是否具有线性关系,或者说检验 自变量 X 对因变量 Y 的影响是否显著。因此,可律立 $H: \beta=0$ 。若拒绝 H: 表明自变量 X 对因变量 Y 有显著的线性影响; 若不拒绝 H., 则表明自变量 X 对因变量 Y 没有显著的 线性影响。对回归系数β检验是建立在其抽样分布基础上的。回归系数β是根据最小二乘 法求出的样本统计量,是一个随机变量,其分布服从正态分布。

数学期望,
$$E(\hat{\beta}) = \beta$$
, $\hat{\beta}$ 的方差为, $Var(\hat{\beta}) = \frac{\sigma^2}{\sum_{i=1}^{n} (x_i - x_i)^2}$

所以:
$$\hat{\beta} \sim N \left[\beta, \frac{\sigma^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - \overline{x})^2} \right]$$

对回归系数 8 进行显著性 1 检验法的基本步骤如下。

- (1) 提出假设: H₀: β=0, H₁: β≠0。
- (2) 计算检验统计量,由于样本量较小, of 未知,用 of 无偏估计 ôf 代替,

$$\hat{\sigma}^{z} - S \cdot - \frac{\sum_{i=1}^{n} \epsilon_{i}^{-z}}{n-2}, \hat{\beta} \text{ in with } \hat{E}; S_{2} - \frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \overline{x})^{2}}} = \frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{i}^{z} - \overline{x})^{2}}}$$

在 $H_i: \beta=0$ 成立的基础上、检验统计量采用服从 t 分布的 t 检验统计量、记为 t':

$$t'=\hat{\beta}-\beta = \frac{1}{2} \cdot t(n-2) \tag{9.22}$$
 (3) 确定显著性水平 α 和临界值。显著性水平的大小根据检验问题的性质确定,一般情

(3) 确定显著性水平 α 和临界值。显著性水平的大小根据检验问题的性质确定、一般情况下取 α = 0.05、然后套自由度为 n -2 的 t / 分布表确定临界值。这时、双侧检验的临界值为 t_n (n -2)、如果右侧检验,则临界值为 t_n (n -2)、如果右侧检验,则临界值为 t_n (n -2)。

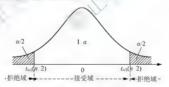


图 9-7 回归系数 ß 双侧 t 检验拒绝域与临界值

(4) 做出判断。对于双侧检验,如果 $|t^+| > t_{\uparrow}(n-2)$,就拒绝原假设 H ; 反之,不拒绝原假设 H 。 对于单侧检验,如果 $|t^+| > t_o(n-2)$,就拒绝原假设 H。 反之,不拒绝原假设 H。

【例 9.9】 根据例 9.6、例 9.7 有关资料和结果、对例 9.6 中建立的回归模型中回归 系数的显著性进行检验。 $(\alpha=0.05)$

解: 己知:
$$\hat{\beta} = 0.7961$$
 $\hat{\sigma} = S_r = \sqrt{5.96} = 2.44$

$$S_{3} - \frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - x)^{2}}} - \frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{\sum_{i} x_{i}^{2} - (\sum_{i=1}^{n} x_{i})^{2}}} - \frac{2.44}{\sqrt{55.086 - \frac{916}{16}}}, \quad 0.047$$

提出假设: H₀:β=0H₁:β≠0。

计算检验统计量 t*

$$t^* = \frac{\hat{\beta} - \beta}{S\hat{p}} = \frac{S\hat{p}}{S\hat{p}} = \frac{0.796 \text{ 1}}{0.047} = 16.94$$

查 t 分布表可知: a = 0.05,自由度为 14, $t_{0.05}(14) = 2.144$ 8。 因为检验统计量 $t^* = 16.94 > t_{0.05}(14) = 2.144$ 8,故拒绝原假设,所以认为企业能源消耗量对厂业总产值有显著影响。

2. 回归方程的显著性检验——F检验

根据式(9.18): $\sum (y,-\bar{y})' - \sum (\hat{y},-\bar{y})' + \sum (y,-\hat{y})'$ 或式(9.19): 总离差平 方和(SST) = 同归平方和(SSR) + 残差平方和(SSE) 可知: 在总离差平方和(SST)中,SSE 大就意味着 SSR 小、SSR 越小表示变量间线性相关性越低、"且仅当 $^{\circ}$ 0时、SSR 是最小的。可见要检验总体两变量间是否真正线性相关,可以检验总体的问归系数 $^{\circ}$ 是否等于零。

提出假设:
$$H_i:\beta=0$$
 , $H_i:\beta\neq0$ 计算检验统计量:
$$E=\frac{SSR/1}{SSE/(n-2)}\sim F(1,k-2) \tag{9.23}$$

式中,F(1,n-2)表示第一自由度为1、第二自由度为n-2的F分布。

若给定显著性水平 α. 计算 F 值与查分布表得到的 F 值比较。如果 $F \le F_s(1, n-2)$ 则称变量 x 与 y 没有明显的线性关系,接受 H ,说明回归方程不显著;如果 $F > F_s(1, n-2)$,则拒绝 H 。说明 x 与 y 有显著的线性关系。

9.2.5 一元线性回归模型的估计与预测

回归分析的重要内容之一就是根据建立的回归模型进行预测。如果根据观察值所拟合的样本回归方程经过检验,被认为具有经济意义,具有较高的拟合程度和回归参数具有显著性,就可以利用其来进行预测。

一元线性回归预测的基本公式如下:

$$\hat{v}_r = \hat{a} + \hat{b}_{C_r} \qquad (9.24)$$

式中, z, 是给定的自变量 z 的具体数值; ŷ, 是自变量 z 给定 z, 时, 因变量 y 的预测值; â 和 â 是已估计出的样本回归参数。式(9, 24) 中 ŷ, 表示在给定自变量 z, 时, 因变量 y 的平均点估计值。回归预测是一种有条件的预测, 在进行回归预测时,必须先给出 z, 的具体数值。当给出的 z, 属于样本内的数值时,利用式(9, 24) 去计算 ŷ, 称为内插检验或事后预测。而当给出的 z, 在样本之外时,利用式(9, 24) 去计算 ŷ, 称为外推预测或事前预测,通常所说的预测是指事的预测。利用回归模型进行预测可分为点估计和区间估计。

1. 点估计

所谓点估计就是给定·个自变量x.值、根据·元线性回归模型估计因变量y的估计值y。例如,在例 9.6 中,根据资料建立的 Γ .业总产值对能源消耗量的线性回归方程为;y 6.514 2 + 0.796 1x.如果在其他条件不变时,企业能源消耗量为 50 百万吨,即 x — 50,则 y = 33.29,表明企业总产值将达到 33.29 亿元。

2. 区间估计

1) 因变量 v 的平均值的置信区间估计

由于自变量 x 和因变量 y 是相关关系、对于给定的 x, 因变量 y 的估计值可能有若于 取值、如 \hat{y} 、 \hat{y} 、

$$S_{S_i} = \hat{\sigma} \sqrt{\frac{1}{x_i} + \frac{(x_i - \bar{x})^2}{x_i}}$$

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2$$
(9.25)

此时,对于给定的x,期望值 $E(y_i)$ 在 $1-\alpha$ 的置信水平下的置信区间可表示为;

$$\hat{y}_{i} \pm t_{\frac{1}{2}(n-1)}\hat{\sigma} \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(x_{i} - \bar{x})^{2}}{\sum_{j=1}^{n} (x_{j} - \bar{x})^{2}}}$$
(9. 26)

式中, 6 为估计标准误差, 又称回归标准误差, 反映总体回归模型误差的大小。

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2}{n-2}} - \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} \epsilon_i^2}{n-2}}$$

2) 因变量 y 的个别值的预测区间估计

前边已介绍,在满足标准假定条件下,残差ε,服从于正态分布,即:

$$\varepsilon_i \sim N(0, Var(\varepsilon_i))$$

由于 $Var(\mathbf{e}_t) = \sigma^2 \left[1 + \frac{1}{n} + \frac{(x_t - \bar{x})^2}{\sum\limits_{n=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2} \right]$,其中 σ^2 是未知的,通常用其无偏估计 σ^2

来代替。若用 S_a 来表示预测标准误差的估计值,则:

$$s_a = \hat{\sigma} \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(x_i - x)^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - x)^2}}$$
 (9.27)

数学上已经证明:

 $\frac{y_t = \hat{y}_t}{S_c}$ 服从于自由度为 (n-2) 的 t 分布,即:

$$t = \frac{y_i - \hat{y}_i}{S_{ri}} \sim t(n-2)$$
 (9.28)

按照确定管信区间的方法,可以得出 ν ,的(1-a)的预测区间为:

$$\hat{y}_{t} = t \star_{tor-2} \hat{\sigma} \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(x_{t} - x)^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - x)^{2}}}$$
(9. 29)

置信区间、预测区间、回归方程示意图如图 9 · 8 所示。

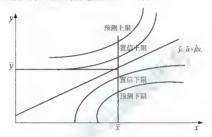


图 9-8 置信区间、预测区间、回归方程示意图

从置信区间、预测区间的计算公式以及图 9-10. 可以得到以下结论。

第一、置信区间、预测区间的上下限对称地落在样本间归直线两边。呈中间小两头大的喇叭型。当 $x_1 = x$ 时, $\sum (x_2 - x)^2 = 0$,置信区间和预测区间最窄。而当 x_1 越远离x时, $\sum (x_2 - x)^2$ 越大,其置信区间和预测区间越宽。因此,在用回归模型进行预测时, x_2 的取值不宜离开x设元。否则预测精度络会路低,甚至有可能使预测失效。

第二,置信区间、预测区间与样本容量介关。样本容量n越大, $\sum (x_i - \bar{x})^i$ 越大,预测的方差越小,置信区间、预测区间也越窄,预测精确度越好。

【例 9.10】 根据例 9.6、例 9.7 有关资料和结果、假设企业能源消耗量为 50 百万吨、 计算置信度为 95%的企业总产值的预测区间和置信区间。

解:将有关数据代人拟合的样本回归方程,可得到:

$$\hat{y} = -6.514 \ 2 + 0.796 \ 1x = -6.514 \ 2 + 0.796 \ 1x = 50 = 33.29(\frac{1}{4}, \frac{1}{12})$$

$$\hat{\sigma} = s = \sqrt{5.96} = 2.44$$

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - x_i)^2 - \sum_{i=1}^{n} x_i^2 \frac{\left(\sum_{i=1}^{n} x_i\right)^2}{n} - 55.086 - \frac{(916)^2}{16} - 2.645$$

$$\sum_{i=1}^{n} x_i = 916 \qquad x = 57, 25$$

$$(x_i - x_i)^2 = (50 - 57, 25)^2 = 52, 56$$

$$s_{\varepsilon} = \hat{\sigma} \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(x_{t} - x)^{3}}{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - x)^{2}}} = 2.44 \times \sqrt{\frac{1}{16} + \frac{52.65}{264 \cdot 5}} = 0.287$$

$$s_{\varepsilon} = \hat{\sigma} \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(x_{t} - x)^{3}}{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - x)^{2}}} = 2.44 \times \sqrt{1 + \frac{1}{16} + \frac{52.65}{264 \cdot 5}} = 1.04$$

查 / 分布表可知:显著水平为 5%,自由度为 14 的双侧 / 检验的临界值是 2.144 8。 因此,当企业能源消耗量为 500 万吨时、置信度为 95 %的企业总产值的预测区间和 置信区间如下。

置信区间为:

$$\hat{y}_{t} \pm t_{\frac{\pi}{2}(n-2)} \hat{\sigma} \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(x_{t} - \overline{x})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \overline{x})^{2}}}$$
 33. 29 ± 2. 144 8 × 0. 28 = 33. 29 ± 0. 615 6
即: 32. 67~33. 91(亿元)
预测区间为:
$$\hat{y}_{t} \pm t_{\frac{\pi}{2}(n-2)} \hat{\sigma} \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(x_{t} - \overline{x})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (x_{t} - \overline{x})^{2}}} = 33. 26 \pm 2. 144 8 \times 1.04 = 33. 29 \pm 2. 23$$
即: 31. 06~35. 52(亿元)

上述一元线性回归分析过程也可运用 Excel 来实现,具体见例 9.12。

9.3 多元线性回归分析

现实生活中、一种现象的变动结果往往是受多种因素影响的,也就是因变量往往同时受到多个自变量的其同影响。如企业销售额不仅受到广告费用投入多少的影响,还受到销售价格、消费者个人偏好的变化、消费者收入水平等因素的影响,等等。因此,为了对客观现象进行全面客观的认识,仅仅考虑一个自变量对因变量的影响是不够的,还必须对因更与多个自变量之间的相关关系进行考察分析,这就需要进行多元相关和回归分析。本节着重介绍多示线性回归分析的基本内容。

9.3.1 多元线性回归模型的构建

多元线性相关分析是研究两个及两个以上变量间的线性相关关系,而多元线性同归分析则是研究因变量与两个及两个以上自变量的线性相关关系。如果一个因变量与两个及两个以上自变量存在线性相关关系,就可以用一个数学模型把这种关系表达出来,该模型就称为多元线性回归模型。多元线性回归模型是一元线性回归模型的扩展,其构建基本原理与一元线性回归模型类似。

1. 多元线性回归模型

假设因变量 Y 与 k 个自变量 x1, x2, ··· , x2, 存在线性相关关系, 多元总体线性回

归函数的 -般形式为:

$$Y - \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_k x_k + u_i$$
 (9.30)

式中, β, 为回归模型参数; u, 为随机误差。

多元线性回归分析的标准假定除了包括上一节中已经提出的关于随机误差项的假定 外,还要追加一条假定。这就是回归模型所包含的自变量之间不能具有较强的线性关系、同时样本容量必须大于所要估计的回归系数的个数即 n > k。这条假定为标准假定 6。

如果多元总体线性回归函数的 一般形式满足标准假设条件,有:

$$\hat{Y} = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_k x_k \tag{9.31}$$

该式称为多元总体线性回归方程,其中, \hat{Y} 是自变量取值 $x_1,x_2,\cdots,x_s,\cdots,x_s$,时因变量Y的平均值; $\beta_i(j-1,2,\cdots,k)$ 义称回归系数,表示当控制其他自变量不变的条件下、第j个自变量的单位变动对因变量产生的平均影响,因而又称为偏回归系数;该式中、总体回归参数是未知的,必须利用有关的样本观测值来进行估计。

令 $\hat{\beta}$, $\hat{\beta}$, $\hat{\beta}$,..., $\hat{\beta}$,分别为回归参数 β , β , β ,..., β , 的估计值.则

多元样本线性回归函数的一般模型为

$$y = \hat{\beta}_{k} + \hat{\beta}_{1}x_{k} + \hat{\beta}_{2}x_{k} + \cdots + \hat{\beta}_{k}x_{k} + \epsilon$$
 (9.32)

多元样本线性回归方程为:

$$\hat{y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_{1,\bar{x}_1} + \hat{\beta}_{2,\bar{x}_2} + \dots + \hat{\beta}_{k\bar{x}_k}$$
 (9.33)

 ε 为残差, $\varepsilon = y - \hat{y}$ 。

如果有n组样本观測数据 $(y_i, y_a, y_a, y_a, \dots, y_a)$, $i=1, 2, \dots, n$, 分别代人式(9, 32)和式(9, 30),则多元样本线性回归函数的一般模型为:

$$y_{i, \pm} = \hat{\beta}_{i} + \hat{\beta}_{i} x_{i, 1} + \hat{\beta}_{2} x_{i, 2} + \hat{\beta}_{3} x_{i, 3} + \varepsilon_{i}$$

$$(9.34)$$

多元样本线性回归方程为:

$$\hat{y}_{i} = \hat{\beta}_{0} + \hat{\beta}_{1}x_{0} + \hat{\beta}_{2}x_{xx} + \dots + \hat{\beta}x_{x}$$
 (9.35)

2. 回归参数的最小二乘估计

多元样本线性回归模型中的参数 $\hat{\beta}_{i}$, $\hat{\beta}_{i}$, $\hat{\beta}_{i}$, $\hat{\beta}_{i}$ 的估计同样用最小二乘法。

首先令:
$$Q = \sum (\mathbf{e}_i)^2 = \sum (y_i - \hat{y}_i)^2 = \sum (y_i - \hat{\beta}_{i,0} - \hat{\beta}_{i}x_{i,1} - \hat{\beta}_{2}x_{i2} - \cdots - \hat{\beta}_{k}x_{k})^2$$

根据微积分中求极小值的原理,可知残差平方和 Q 存在极小值。为使 Q 达到最小, Q 对 $\hat{\boldsymbol{\beta}}$, $\hat{\boldsymbol{\beta}}$, $\hat{\boldsymbol{\beta}}$,, $\hat{\boldsymbol{\beta}}$ 的偏导数必须等于零。将 Q 分别对 $\hat{\boldsymbol{\beta}}$ 、 $\hat{\boldsymbol{\beta}}$, $\hat{\boldsymbol{\beta}}$,, $\hat{\boldsymbol{\beta}}$ 求偏导数,并令其等于零,加以整理后可得到以下 k+1 个方程式;

$$\sum_{y_i} y_i = \sum_{i} (\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_{i-1} + \dots + \hat{\beta}_k x_{s})$$

$$\sum_{y_i} y_i x_{i-1} = \sum_{i} (\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_{i-1} + \dots + \hat{\beta}_k x_{s}) x_{i-1}$$

$$\sum_{y_i} y_i x_{i-1} = \sum_{i} (\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_{i-1} + \dots + \hat{\beta}_k x_{s}) x_{i-1}$$

$$\vdots$$

$$\sum_{y_i} y_i x_{s} = \sum_{i} (\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_{i-1} + \dots + \hat{\beta}_k x_{s}) x_{s}$$
(9. 36)

以上 k 元·次方程组称为正规方程组或标准方程组,通过求解这一方程组便可以得到多元线性回归参数的估计值 $\hat{\beta}$, $\hat{\beta}$, $\hat{\beta}$, ····, $\hat{\beta}$ 。对上述方程组可应用矩阵求解,但如果借助于计算机,利用现成的软件包如 Excel、SPSS 等,只要将有关数据输入电子计算机,并

指定因变量和相应的自变量。立刻就能得到计算结果。

3. 最小二乘估计量的性质

与一元线性回归模型类似,多元线性回归模型中回归参数的最小二乘估计量也是样本观察值的函数,是随样本不同而变化的随机变量。数学上可以证明,回归参数的最小二乘估计量是最优线性无偏估计量和一致估计量。

4. 总体方差的估计

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n} \epsilon_i^2}{n-k-1}$$
 (9.37)

式中 \cdot \circ 是 σ 的无偏估计; n 是样本观测值的个数; (n-k-1) 为自由度。

因为在k元回归模型中,有k+1个参数、标准方程组有k+1个方程式、残差必须满足k+1个约束条件。数学上可以证明、 δ 的正平方根 δ 又叫做回归估计的标准误差。 δ 越小表明样本回归方程的代表性越强。

9.3.2 名元线性同归模型的统计检验

多元线性回归模型与一元线性回归模型一样,在得到参数的最小二乘估计值后,对模型是否满足基本假设条件也需要进行检验。主要进行理论意义检验、统计检验(权和优度检验、回归系数检验、回归方程检验)、D.W 检验。这里主要介绍多元线性回归模型的统计检验

1. 拟合优度检验

在 · 元线性回归分析中,用判定系数 R: 评价回归模型对样本观察值的拟合程度。在 多元线性回归分析中,总离差平方和的分解公式依然成立。多元线性回归模型离差平方和 可分解为,

变差:
$$\sum (y_i - \overline{y})^2 = \sum (\hat{y}_i - \overline{y})^2 + \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$$

 $SST = SSR + SSE$

上式的自由度分別为: (n-1) (k) (n-k-1)

因此,也可以用同归平方和在总平方和中所占的比重来衡量同归模型对样本观察值的 拟合程度,这一比值称为多重判定系数,用R表示。多重判定系数R的定义式;

$$R^{z} = \frac{SSR}{SST} = \frac{\sum (\hat{y}_{i} - \bar{y})^{z}}{\sum (y_{i} - \bar{y})^{2}} = 1 - \frac{\sum (y_{i} - \hat{y}_{i})^{z}}{\sum (y_{i} - \bar{y})^{z}}$$
(9.38)

多重判定系数 R'的涵义是反映了在因变量的总变动中,可由回归关系解释的变动所占的比重。虽然多重判定系数 R'可用来评价多元线性回归方程的拟合程度,但它受回归方程中引进自变量个数的影响,与因变量有关的因素引进越多,残差平方和则会随着模型中自变量个数的增加不断减少,多重判定系数 R'越接近 1。引进自变量个数的影响越多,

不仅增加计算工作量,还会引起自变量间的共线性。为消除自变量数目对 R^2 的影响,常 用的评价指标是修正自由度的多重判定系数 R:。该指标的定义如下:

$$R_{\rm e}^2 = 1 - \frac{\sum (y_i - \hat{y}_i)^2 / n - k - 1}{\sum (y_i - \bar{y})^2 / n - 1}$$
(9.39)

式中,n 是样本容量;k 是模型中回归系数的个数。(n-1) 和(n-k-1) 分别是总离差平方 和与残差平方和的自由度。

 R^2 与 R^2 有 如 下 关 系。

$$R_a^2 = 1 - (1 - R^2) \frac{n - 1}{n - k - 1}$$
 (9.40)

从上式可以看出,当k \geq 1, $R' \leq R'$ 。对于给定的R'值和n值, k值越大R'越小。在 讲行回归分析时,一般总是希望以尽可能少的自变量去达到尽可能高的拟合程度。R2 作为 综合评价的一项指标显然比R2更为合适。

【例 9.11】 假设有7年的年度统计资料,现利用其对同一因变量拟合了两个样本回归 方程。方程 -中, k=5, $R^2=0.88$; 方程二中, K=3, R'=0.80。 试对这两个回归方程 的拟合程度做出评价。

解:如果仅从尺线察,方程一的拟合程度更好些。但是,由于两个方程洗用的自变 量个数不同, 这一结论是不正确的。将上列数据代人式(9,40), 可得:

方程一的
$$R_a^2 = 1 - ((7-1)/(7-5-1))(1-0.88) = -0.28$$

由此可见,方程(的实际拟合程度优于方程一。

2. 尼菩性检验

R: 与R'只说明列入模型中的自变量对因变量的联合影响程度,并不能反映模型中各 个自变量对因变量的影响程度。在同归分析中,不仅要求模型的视合程度高,而且还要求 总体回归系数要具有可靠性。因此,要对估计的回归系数和回归方程的显著性进行检验。

1) 回归系数的显著性检验(+检验)

在多元线性同归分析中,需要对每个同归系数的显著性都要进行检验,目的是为了检 验与各回归系数相应的自变量对因变量的影响是否显著。以便对自变量的取食做出正确的 判断。一般来说, 当发现某个自变量的影响不显著时, 应将其从模型中删除, 以便以尽可 能少的自变量达到尽可能高的拟合优度。采用 / 检验对多元回归系数进行检验,其原理和 基本步骤与一元回归模型中的t 检验基本相同,但在查t 分布表时自由度为(n-k-1)。

由于多元回归系数的估计量 â 也是根据最小二乘法求出的样本统计量,可以证明,其 分布服从正态分布.

数学期望:
$$\hat{\beta}_{r} \sim N(\beta_{r}, D(\hat{\beta}_{r}))$$
数学期望:
$$E(\hat{\beta}_{r}) = \beta_{r}$$

$$\hat{\pi} \hat{\Xi}_{r} : D(\hat{\beta}_{r}) = \frac{\sigma^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{i}}$$

$$\sigma^2$$
 未知,用 σ^2 无偏估计 $\hat{\sigma}^2$ 代替, $\hat{\sigma}^2 = \sum_{i=1}^n \epsilon_i$ 。

ß的标准差:

$$S_{eta_i} = rac{\hat{\sigma}}{\sqrt{\sum\limits_{i=1}^{n} \left(x_i - x_i
ight)^i}} = rac{\hat{\sigma}}{\sqrt{\sum_{x_i}^{n} \left(\sum_{i=1}^{n} x_i
ight)^i}}$$

对回归系数 8. 进行显著性 1. 检验法的基本步骤如下。

- (1) 提出假设, 假设的一般形式是, $H_0: \beta_i = 0$, $H_1: \beta_i \neq 0$ $i = 1, 2, \dots, k$.
- (2) 计算检验统计量。在 $\text{H.}:\beta$ 0 成立的基础上、检验统计量采用 t 检验统计量,记为 $t^*:$

$$t' = \frac{\hat{\beta} - \beta}{s_{\beta}^{\alpha}} = \frac{s_{\beta}^{\alpha}}{s_{\beta}^{\alpha}} \sim t(n - k - 1)$$
(9.42)

(3) 确定显著性水平 α 和临界值.

根据给定显著性水平 α 的大小、查自由度为 n-k-1 的 t 分布表、确定临界值 $\pm t = (n-k-1)$ 。

(4) 做出判断,如果 $|t^*| > t_*(n-k-1)$,就拒绝原假设 H ,说明在其他自变量不变的情况下,自变量 t_* 对因变量的影响是显著的;如果 $|t^*| < t_*(n-k-1)$,不拒绝原假设 H ,说明在其他自变量不变的情况下,自变量 t_* 对因变量的影响不显著。

2) 回归方程的显著性检验

一元线性问归中,问归系数的显著性检验(7 检验)与回归方程的显著性检验(F 检验)是等价的,但在多元线性回归中。回归模型包含了多个回归系数,因此对于多元回归模型。除了要对单个回归系数进行显著性检验外,还要对整个回归模型进行显著性检验。由离差平方和的分解公式可知,回归模型的总离差平方和等于回归平方和与残差平方和的和。回归模型总体函数的线性关系是否显著,其实质就是判断回归平方和与残差平方和之比值的大小问题。由于回归平方和与残差平方和的数值会随观测值的样本容量和自变量个数的不同而变化,因此不宜直接比较,而必须在方差分析的基础上利用 F 检验进行。其具体的方法步骤可归纳如下。

(1) 设立假设

原假设 H₀: β₁=β₂=···=β₄=0 (总体回归方程不显著);

备择假设 H₁:β, 不同时为 0 (总体回归方程显著)。

(2) 进行方差分析,列出回归方差分析表(见表 9-10)。

	表 5 10 日为民主力全力划录					
离差名称	平方和	自由度	方差			
回归平方和	$SSR = \sum (\hat{y}_i - \overline{y})^2$	k	SSR k			
残差平方和	$SSE = \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$	n-k-1	$\frac{SSE}{(n-k-1)}$			
总离差平方和	$SST = \sum (y_i - \overline{y})^2$	n — 1	$\frac{SST}{(n-1)}$			

事 9 - 10 同归档刑方差分析事

统计学

表中,回归平方和的取值受 k+1 个回归参数估计值的影响,同时又要服从 $\sum y_k$ 的约束条件,因此比自由度是表。 残差平方和取决于 3 个因变量的观测值。同时又要服从 k+1个正规方程式的约束,因此其自由度是(n-k-1)。

(3) 构造统计量,数学上可以证明,在随机误差项服从正态分布,同时 H. 原假设成 立的条件下,同归平方和与残差平方和各除以自身的自由度比值 F 服从于自由度为(b)和 (n-k-1) 的 F 分布, 即,

$$F = \frac{SSR/k}{SSE/(n-k-1)}$$
 (9.43)

(4) 根据自由度和给定的显著性水平 a, 查 F 分布表中的理论临界值 Fa。

若 F > F, 时, 拒绝原假设,即认为总体同归函数中各自变量与因变量的线性同归关 系显著,回归方程有显著意义。

差F< F, 时, 不能拒绝原假设, 即认为总体回归函数中, 自变量与因变量的线性关 系不显著, 因而所建立的回归模型没有意义。

9.3.3 多元线性间归方程的运用

在通过各种检验的基础上, 多元线性间归模型可以用于经济预测。 多元线性间归预测 与一元线性回归预测的原理是一致的, 其基本公式如下:

$$\hat{y} = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_1 \hat{x}_1 + \hat{\beta}_2 x_2 + \dots + \hat{\beta}_k x_k \tag{9.44}$$

模型各系数已估计并通过检验后, 将各自变量在预测期的具体数值代入上式可计算出 因变量的预测值。

上述多元线性回归分析过程也可适用 Excel 来实现, 具体见例 9.13。

Excel 在相关与回归分析中运用示例

9.4.1 Excel 在一元线性同归分析中的运用

【例 9.12】 某手机制造商准备在某地区推出一款新型智能手机,为此,该厂商需要了 解这一地区手机市场的需求状况。该手机制造商根据以往经验,认为影响手机需求量的最 主要的因素是居民人均收入,为此,该厂商收集了近12年该地区手机需求量和居民人均 收入数据,见表 9 11。根据表 9 11 数据,试用 Excel 绘制该地区居民对手机需求量与 居民收入的散点图,建立回归方程并讲行检验。若第13年该地区居民人均收入 2 3.0 万元, 试对第 13 年该地区居民对手机的需求量做出预测。(α 5%)

1. 相关分析

绘制散点图, 以观察某地区居民对手机的需求量和居民收入之间的关系形态。

用 Excel 软件制作散点图的步骤: ①先在 Excel 工作表将表 9 11 数据输入: ②洗择 "插人" ▶ "图表" 命令; ③选择"图表类型"; ④选择"XY 散点图", 单击"下一步"按 钮;⑤输入数据区域(B2:C13)、单击"下一步"按钮;⑥输入图表标题"某地区居民对

	表 9 11	某地区最近 12 年居民	对手机的需	 永量和居民人均	收入数据
年份序号	需求量(千部)	居民人均收入(万元)	年份序号	需求量(千部)	居民人均收入(万元)
1	1. 11	10.1	7	2. 28	18. 7
2	1.25	11.8	8	2. 35	19.6
3	1. 45	12. 3	9	2.46	20. 1
4	1.68	14.5	10	2.66	21.7
5	1. 89	16. 2	11	2. 75	21.8
6	2, 05	17. 8	12	2. 9	23. 8

表 9 11 某他区景近 12 年民民对王和的霍求曼和民民人也收入数据

手机需求量和居民收入散点图"、数值 X 轴 "居民收入"、数值 Y 轴 "手机需求量(F 部)",单击"下一步"按钮;⑦选择"新厂作表插入"或"选择作为其中的对象插入;,单击"完成"按钮、(见图 9-9 所示)

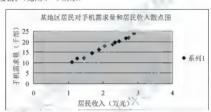


图 9-9 某地区居民对手机的需求量和居民收入散点图

2. 回归分析

用 Excel 软件进行回归分析的步骤: ①选择" \Box 具" → "数据分析"命令; ②选择 "同归" 选项, 单击"确定"按钮; ③ "Y 值区域"输入(\Box 2: \Box 3); "X 值区域"输入(\Box 8: \Box 8: \Box 9: \Box 9

表 9 - 12 某地区 12 年居民对手机的需求量和居民人均收入回归输出结果 SUMMARY (NETRUT

回归	统计
Multiple R	0. 99671657
R Square	0. 99344392
Adjusted R Square	0. 99278831
标准误差	0. 37394190
观测值	12



方差分析

	df	SS	MS	F	Significance F
回归分析	1	211. 888341	211. 888341	1515. 300606	0.000000000003
残差	10	1. 398325	0. 139833		
总计	11	213. 286667			

	Coefficients	标准误差	t Stat	P-value	Lower 95%	Upper 95%
Intercept	2. 187420	0.404608	5. 406264	0.000299	1. 285896	3.088944
X Variable	7. 335923	0. 188454	38. 926862	0.000000	e 6. 916021	7. 755824

注:结果表中的小数点位数已缩减。

表 9-12 中的 SUMMARY OUTPUT 包括 3 个部分内容。

- (1) "同归统计" 给出了相关系数 r(Multiple R)、可决系数 R²(R Square)、修正的可决系数 R²(Adjusted R Square)、标准误差和观测值的个数。
- (2) "方差分析" 给出了自由度(df)、回归平方和与残差平方和(SS)、回归平方和与残差平方和的均方(MS)、F统计量和F检验的显著水平(Significance F)。
- (3) 参数估计的有关内容给出了回归方程的截距 α (Intercept)的估计值 $\hat{\alpha}$ (Coefficients)、回归系数(斜率) β (X Variable)的估计值 $\hat{\beta}$ (Coefficients)、截距和回归系数(斜率)标准误差、t 检验中的 t 统计量(t Stat)、P 值(P value) 以及截距 $\hat{\alpha}$ 和斜率 $\hat{\beta}$ 的管信区间 (Lower 95%,Upper 95%)。

下面根据表 9-12 中回归输出结果进行回归分析。

第一步,建立回归方程。

$$\hat{\alpha} = 2.187 \ 42.3 = 7.335 \ 923$$

回归方程: 3 = 2.187 42+7.335 923x

第二步, 回归方程统计检验。

1) 拟合优度检验

由于 r=0.996 716 57; R^2 =0.993 443 92; R^2 =0.992 788 31; $\hat{\sigma}$ =0.373 941 90, 说明回归自线对样本数据的拟合程度很高,拟合优度检验通过。

- 2) 显著性检验

参数 â 的检验统计量 $t^* = 5.406264 > t_{0.025}(10) = 2.2281$

回归系数 $\hat{\beta}$ 检验统计量 $t^* = 38.926862 > t_{0.925}(10) = 2.2281$ 。

故拒绝原假设,回归参数通过 t 检验。

另外,根据 P值, P-value 2.988 91E 12<5%,也说明回归系数是显著的。

(2) F检验: α 0.05, 自由度为 10, 查表 Fo.05(1,10) 4.96。

 $F = 1515.300606 > F_{0.05}(1.10) = 4.96$

另外, Significance F-2.98891E-12<5%

表明回归方程的 F 检验通过,回归方程的回归效果显著。

章的置信区间为(6.916 020 87、7.755 824 192)。于是可以认为某地区居民对手机的需求量 γ 与居民人均收入 r 之间的线性关关系显著,统让显著性检验通过。

第二步, 福测。

1) 点预测

若居民人均收入 x = 3.0 万元,代入该地区手机需求量回归方程,得:

ŷ = 2.187 420 287 + 7.335 922 536 × 3.0 = 24.2 (万部)

2) 区间预测

若居民收入x=3.0万元,该地区手机需求量的区间预测 $(\alpha=5\%)$ 为,

(1) 个别值的预测区间: 从表 9-12 得到. ŷ - 24. 2, t, ; (10) 2. 228 1, ô 0. 373 941 901, z = 2. 069 167。用 Excel 可计算:

$$\sum_{i=1}^{n} x_{i} = 55.314 \ 7. \sum_{i=1}^{n} x_{i} = 21.83, \qquad (x_{i} - \overline{x})^{2} = (3 - 2.069 \ 167) = 0.866 \ 450 \ 073 \ 9$$

$$\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \overline{x})^{2} = \sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - \frac{(\sum_{i=1}^{n} x_{i})^{2}}{n} = 55.314 \ 7 - \frac{(24.83)}{12} = 3.97$$
代人个别值的预测区间公式得到:

$$\hat{y}_{i} \pm t_{20-2i}\hat{\sigma} \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(t_{1} - \bar{x})^{2}}{\sum (x_{i} - \bar{x})^{2}}}$$

$$= 24.2 \pm 2.2281 \times 0.373941901 \sqrt{1 + \frac{1}{12} + \frac{0.8664500739}{3.97}}$$

$$= (23, 25) - 25.15)$$
(2) 均值的置待区间:
$$\hat{y}_{i} \pm t_{20-2i}\hat{\sigma} \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(x_{i} - \bar{x})^{2}}{\sum (x_{i} - \bar{x})^{2}}}$$

 $\sqrt{n} = \sum_{x} (x_n - x)^2$ = 24. 2 ± 2. 228 1 × 0. 373 941 901 $\sqrt{\frac{1}{12} + \frac{0.8664500739}{3.97}}$

 $= (23, 74 \sim 24, 66)$

9.4.2 Excel 在多元线性回归分析中的运用

【例9.13】 -家房地产评估公司想对某城市的房地产销售价格与地产的评估价值、房产的评估价值和使用面积建立一个模型,以便对销售价格作出合理预测。为此,收集了20 株在宅的房地产评估数据(见表9 13)。根据表9 13 数据、试建立评价房地产销售价格与地产的评估价值、房产的评估价值和使用面积之间回归关系的模型,并进行相关检验(α—5%)。若地产估价900万、房产估价6000万、使用面积16000m′、预测房地产销售价格。



表 9 13 20 栋住宅房地产销售价格与相关影响因素数据

房地产编号	销售价格 y(元/㎡)	地产估价(万元)	房产估价(万元)	使用面积{m²)
1	4 900	880	2 888	9 300
2	5 400	1 000	3 118	11 300
3	6 800	1 400	4 518	12 700
4	8 000	1 600	5 668	15 000
5	4 000	810	2 808	8 700
6	4 460	840	3 140	9 000
7	8 180	1 850	3 600	16 000
8	3 810	810	2 718	8 600
9	5 890	1 100 . 🗸	3 200	12 080
10	5 590	1.050- 11/	3 118	11 500
11	2 230	1 1640	1 588	7 580
12	3 680	710	2 178	8 800
13	4 999	890	X 3 600	9 800
14	1 820	790	3 2 18	9 360
15	4 120	1840	3 028	8 910
16	3 980	820	2 978	8 660
17	9 820	1 900	5 818	17 820
18	4 600	810	2 818	8 936
19	6 300	1 200	3 968	12 188
20	11 700	2 020	7 888	19 226

解:分别以 y 代表房地产销售价格、x₁ 代表地产估价、x₂ 代表房产估价和 x₃ 代表使用 面积,建立回归模型如下;

 $\hat{y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_1 + \hat{\beta}_2 x_2 + \hat{\beta}_3 x_3$

用 Excel 软件进行多元回归分析的步骤如下。

1. 输入数据

在 Excel 工作表中选定区域(本例为 B2:B21)输入因变量"房地产销售价格 y"的数据;在选定区域(C2:C21)输入第一个自变量"地产估价 (x_*) "的数据;在选定区域(D2:D21)输入第二个自变量"房产估价 (x_*) "的数据;在选定区域(E2:E21)输入第三个

自变量"使用面积(x3)"的数据。

- 2. 估计参数
- (1) 选择"工具"→"数据分析"选项。
- (2) 洗择"回归"洗项,单击"确定"按钥。

表 9-14 多元回归结果 SUMMARY OUTPUT

何归统计				
Multiple R	10, 99350633			
R Square	0. 987054827			
Adjusted R Square	0. 981627607			
标准误差	282. 7312737			
观测值	20			

方差分析

	df	83	W MS	F	Significance F
回归分析	3	97521663. 43	32507221.11	106, 6606163	2.61756E-13
残差	16	1278991.57	79936. 973	I	
总计	19 .	98800655	. 1/1		

	Coefficients	标准误差	t/Stat	P-value	Lower 95%	Upper 95 %
Intercept	-1800. 883198	372. 5659324	-4.833730199	0.000183291	-2590. 687514	-1011.078882
X Variable 1	-2. 219658065	0. 986950684	-2. 249006055	0.038949076	-4. 311899578	-0.127416551
X Variable 2	0.726571421	0. 146657881	4. 954192824	0.000143551	0.415670672	1.03747217
X Variable 3	0.640230843	0. 118549685	5. 400527564	5. 89001E-05	0. 388916794	0.891544893

3. 回归分析

(1) 建立回归方程:根据表9-14,有:

 $\hat{y} = -1800.88 - 2.21966x_1 + 0.726571x_2 + 0.640231x_3$

- (2) 拟合优度检验,由 Fr = 0.993506; $R^2 = 0.987055$; $R_o^2 = 0.984628$; $\hat{\sigma} = 282.7313$,说明模型拟合度很好,拟合程度检验通过。
- (3) 显著性检验: ①回归参数 t 检验、查 t 分布 表可知; α 0.05, t=(n k 1) t_{0.055}(17) 2.109 8。

参数 $\hat{\beta}$ 的检验统计量 | t^* | -4.833 73 > $t_{0.025}$ (17) -2.109 8



回归系数角 检验统计量 | ι^+ | 2.219 01 $> \iota_{\cdots}$ (17) 2.109 8 但 P = 0.038 949 >0.05

故回归系数 8 并不显著、另外其值为负,不符合经济意义、故从回归模型删除。

回归系数 $\hat{\beta}_2$ 检验统计量 $t^* = 4.954193 > t_{0.025}(17) - 2.1098$

回归系数 $\hat{\beta}_3$ 检验统计量 $t^* = 5.400528 > t_{0.025}(17) = 2.1098$

回归参数 高、高和高通过 t 检验, 高未通过检验。

② F=406.6606>F。(3.16) 19.45,表明模型线性关系显著成立,回归方程显著性检验通过。

通过检验后回归方程为: $9=-1800.88+0.726571x_2+0.640231x_3$

(4) 将 $x_3 = 16\,000$ 和 $x_2 = 6\,000$ 代人模型;

 \hat{y} -- 1 800. 88 + 0. 726 571 × 6 000 + 0. 640 231 × 16 000 = 12 802. 242

本章小结

- 客观现象变量之间的联系存在着两种不同的类型:一种是确定型的函数关系;另一种是非确定型的相关关系。
- 2. 相关关系的分类, 按相关的程度可分为完全相关、不完全相关和不相关; 按相关的形式可分为线性相关和非线性相关, 按所研究的变量多少可分为单相关、复相关和偏相关。
- 5. 简单线性相关关系的测定方法有定性分析和定量分析 这里分析主要包括编制相关表、绘制相关图和计算相关系数3种形式 对总体相关系数检验的方法通常为1检验。
- 1. 回归分析是指对具有相关关系的变量, 依据其相关关系的性质, 选择一个合适的数学模型 (回归方程), 以此模型杂近似地表示变量间数量平均变化关系的一种统计方法。
- 5. 回归分析的种类按不同的标志分为多种,按自变量的多少、可分为一元回归和多元回归; 按回归的形式分为线性回归和非线性回归。
 - 6. 根据样本资料计算方程中回归参数的方法是最小平方法。
- 7. 根据样本資料确定的回归方程需要经过统计检验后,才能进行估计和預測。一元线性回归模型的拟合优度測定指标是最常用的估计标准误差和判定系数。回归参数的显著性检验可用/检验。回归方程的显著性检验是F检验。
 - 8. 因变量 v 的区间估计包括: 平均值的置信区间估计、因变量 v 个别值预测区间估计。

习 题

一、简答题

- 1. 什么是相关关系? 如何进行分类?
- 2. 总体相关系数和样本相关系数r区别? 样本相关系数r性质? 使用时有哪些注意事项? 为什么要对样本相关系数r进行检验. 如何检验?
 - 3. 简单线性相关系数 r 与 Spearman 等级相关系数 r_a 的区别是什么?



- 4、相关分析和回归分析的联系和区别是什么?
- 5. 什么是样本问归函数与总体问归函数、它们之间的差系加何?
- 6. 什么是随机误差项和残差。它们之间的区别是什么?
- 7. 以一元线形间归模型为例、说明最小一套法的基本思相。
- 8. 以一元线性回归模型为例。说明判定系数的意义。判定系数与样本相关系数的区别有哪些?

二. 单项选择题

- 1. 相关关系是指变量间的()。
- A. 严格的函数关系
- R. 简单关系和复杂关系 C. 严格的依存关系 D. 不严格的依存关系
- 2. 下列相关系数取值错误的是(
- - B. 0.78 C. 1.25
- 3, 两个变量的相关系数为 0 时, 正确的结论是()。
- A. 两个变量没有相关关系只有函数关系
- B. 两个变量还可能有线性关系
- C. 两个变量没有线性相关关系但可能有非线性关系
- D. 两个变量没有任何关系
- 4. 相关系数的值越接近一1、表明两个变量间(
- A. 正线性相关关系越弱
- B. 负线性相关关系越强
- C. 组性相关·艾系越弱
- D. 线性相关关系越强
- 5、 进行简单线性回归分析时, 条件是(
- A. 自变量是非随机变量、因变量是随机变量
- B. 两变量都是随机变量 ~ 17
- C. 自变量是随机变量、因变量是确定性变量
- D. 两变量都不是随机变量 一
- 毎吨铸铁成本(元)ν与废品率(%)ι的同归方程为。ŷ = 56 + 8ι, 这意味着(
- A. 废品率每增加 1%,每吨铸铁成本平均增加 64元
- B. 废品率每增加1%,每吨铸铁成本平均增加8%
- C. 废品率每增加1%,每吨铸铁成本平均增加8元
- D. 废品率每增加 1%, 每吨铸铁成本为 56 元
- 7. 说明回归方程拟合优度的统计量是()。
- A. 相关系数B. 回归系数 C. 判定系数 D. 估计标准误差
- 8. 已知回归平方和 SSR=4854, 残差平方和 SSE=146, 则判定系数为()。
- A. 97, 08% B. 2, 92% C. 3, 01%
- 6. 若变量 x 与 y 之间的相关系数 r = 0.8,则回归方程的判定系数为()。
- B. 0.89 C. 0, 64 D. 0.40
- 10. 下列关于样本一元回归模型,表述不正确的是()。
- A. 样本回归函数是随机变量
- B. 样本回归函数的函数形式与总体回归函数的函数形式一致
- C. 残差 ε 在概念上类似总体回归函数中的随机误差 μ 是不可知的
- D. 总体回归函数中参数 a 和 B 分别是样本回归函数中的参数 â 和 â 的估计值

三、多项洗择题

1. 相关分析是()。

- A. 研究两个变量之间是否存在着相关关系
- B. 测定相关关系的密切程度
- C. 判断相关关系的形式
- D. 拟合相关关系的方程式
- E. 进行统计预测或推断
- 2. 判断现象之间有无相关关系的方法有(
- A. 编制相关表

B. 绘制相关图

C. 计算估计标准误差

D. 对客观现象作定性分析

- E. 计算相关系数
- 3. 一个由 500 人组成的成人样本资料,表明其收入水平与受教育程度之间的相关系数 r 为 0. 631 1. 这说明()。
 - A. 二者之间具有显著的正线性相关关系
 - B. 二者之间只有 63.14%的正线性相关关系
 - C. 63.14%的高收入者具有较高的受教育程度
 - D. 63.14%的较高受教育程度者有较高的收入
 - F. 通常来说受教育程度较高者有较高的收入
 - 4. 下列表述正确的有()。
 - A. 具有明显因果关系的两变量 定不是相关关系
 - B. 只要相关系数较大, 两变量就一定存在密切关系
 - C. 相关关系的符号可以说明两变量相互关系的方向
 - D. 样本相关系数和总体相关系数之间存在抽样误差
 - E. 在一定的施肥量范围内, 施肥量增加, 农作物收获量也增加
 - 5. 判定系数 R2 的特征有(, Y/)X
 - A. 判定系数 R² 具有非负性
 - B. 判定系数 R² 取值范围为 0 ≤ R² ≤ 1 ✓
 - C. 判定系数 R 的值越接近于1, 样本回归方程对因变量观测值的拟合就越好
 - D. 判定系数 R. 是样本观测值的函数,它也是一个统计量
 - E. 判定系数等于样本相关系数的平方,即 R² = r²
 - 6. 关于一元样本回归模型,下列描述正确的是()。
 - Λ. 样本同归线随样本不同而不同, 可以有多条
 - B. 样本回归函数中的参数是随机变量
 - C. 样本回归模型中残差 s. 和总体回归模型中的 u. 一样是无法直接计算
 - D. 样本回归模型中残差ε, 可以计算出具体数值
 - E. 样本回归函数的函数形式与总体回归函数的函数形式 致

四、计算题

1. 为探讨某产品的耗电量 x(单位: 度)与日产量 y(单位: 件)的相关关系。随机抽选了 10 个企业。经计算得到。

$$\sum x = 17\,070, \sum y = 1\,717, \sum xy = 2\,931\,810, \sum x^2 = 29\,149\,500, \sum y^2 = 294\,899$$

要求:(1)计算相关系数。

- (2) 建立直线回归方程,解释回归系数的经济意义。
- 2. 研究结果表明受教育时间与个人的薪金之间早正相关关系。研究人员搜集了不同行业在职人员的有关受教育年数和年薪的数据如下。

年薪(万元)v	受教育年数 x	年薪(万元)y
	7	3, 12
	10	6.40
		8, 54
	4	1. 21
	4	0.94
	*	4, 64
	年薪(万元)y 3.00 2.00 0.34 1.64 4.30	3.00 7 2.00 10 0.34 13 1.64 4

要求,

- (1) 作散点图,并说明变量之间的关系。
- (2) 根据资料求出一元线性同归方程。
- (3) 当受教育年数为15年时, 试对具年薪进行置信区间和预测区间估计。(α=0,05)
- 3. 超目公司 2012 年下半年某产品单位成本与产量资料如下。

超日公司 2012 年下半年某产品单位成本与产量数据表

	1.11		
月份	产量 (千件) x	单位成本 (元/件) y	
7	1 1/1/3	83	
8	V X 4 X	82	
9	5 WIL	81	
10	4	83	
W 12	*134	79	
1,2	6	78	
合计	27	486	

根据给定的数据资料,要求:

- (1) 绘制散点图。
- (2) 计算相关系数。
- (3) 拟合产品单位成本与产量的回归方程; 当产量为6千件时, 估计其单位成本, 解释回归系数的含义。
 - (4) 若 SST=22, SSR=18.181 818, 计算样本回归方程的可决系数, 并解释其意义。
 - (5) 计算产量回归估计的标准误差,并解释其意义。
 - (6) 检验产量与单位成本之间线性关系的显著性 (a = 0.05)。
 - (7) 检验回归系数的显著性(α 0.05)。
- - (1) 线性关系检验的统计量 F 值是多少?
 - (2) 给定显著性水平 a 0.05, F。是多少?

统计学《



- (3) 是拒绝原假设还是不拒绝原假设?
- (4) 假定 x 与 y 之间是负相关, 计算相关系数 r。
- (5) 检验 x 与 y 之间的线性关系是否显著。
- 5. 某省对本地区农村购买力的影响因素进行分析,发现农业总产值的变化对其作用较大,现将该省内调查的9个地区资料列出。

地区编号	农业总产值(万元)	农村购买力(万元)
1	65	40
2	74	45
3	43	25
4	38	24
5	40	23
6	49	30
7	55	32
8	33 1	21
9	-29/ /4	36

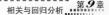
要求:

- (1) 用农业总产值作自变量,农村购买力作因变量计算相关系数并说明相关程度。
- (2) 利用最小二乘法求出估计的回归方程,并解释回归系数的实际意义。
- (3) 计算可决系数, 并解释其意义。
- (4) 检验回归方程线性关系的显著性 (a-0.05)
- (5) 如果总产值为70万元,预测农村购买力
- (6) 计算总产值为70万元时,农村购买力95°的置信区间和预测区间。
- 6. 某公司近 16 年的销售利润、产品价格和广告费用(单位: 百万元)的统计数据如下表。

年份	销售利润	产品价格	广告费用	年份	销售利润	产品价格	广告费用
1	11.2	2.5	0.7	9	26.7	4.4	4.5
2	11.8	2. 4	0. 6	10	31.4	4, 9	4.8
3	13. 1	2. 8	1. 2	11	35.5	5. 9	5. 8
ŀ	14	2. 6	1.4	12	39.9	6.2	6.2
5	18. 5	3. 2	2. 2	13	56. 2	7.5	8.8
6	19.2	3. 5	2. 2	14	71.4	7. 2	10.2
7	21. 3	3.9	3. 4	15	88. 6	7.6	11
8	22.9	4.5	3.1	16	97.3	7.8	12.3

要求: 在α=0.05条件下,回答下列问题。

- (1) 该公司销售利润与产品价格和广告费用是否存在线性关系?
- (2) 该公司销售利润与产品价格和广告费用线性回归效果是否显著?



- (3) 检验回归系数的显著性。
- (4) 如果公司第17年价格定为8百万元,广告费为13百万元,预测第17年的利润额。

【实际操作训练】

根据教材"9.1 Excel 在相关与回归分析中运用示例"中的资料,在计算机上完成操作。

第 10章 时间序列分析

本章教学要点

知识要点	掌握程度	相关知识
时间序列概述	熟悉	时间序列的概念和种类
水平与速度分析指标	掌握	时间序列水平分析指标、速度分析指标计算
长期趋势的测定	重点掌握	时间序列影响因素及组合模型、最小平方法
季节变动循环变动测定	掌握	季节变动、循环变动的测定

本章技能要点

技能要点	掌握程度	应用方向
编制时间序列	熟悉	搜集资料,编制时间序列
计算水平和速度指标	掌握	运用相关指标分析现象发展变化情况
测定长期趋势	重点掌握	建立长期趋势的基本模型
运用 Excel 分析时间序列	掌握	运用 Excel 进行数据处理



美国内华达职业健康诊所火灾保险理赔数额确定

美国內學还與也健康診解(Necada (Xcupational Health (Inne)是一家私人医疗诊所,它位于內學达 物的 Spark,可。这个诊所专致工业医疗,并且在該地区经验已经超过 13年。1991年初、或诊断进入了 增长的阶段。在其后的 26 个月里、适诊所每个月的账单收入从 37 000 支元增长到超过 300 000 美元。 在 1993年 1月6日、诊断的主建旗物疾一场大火境役。诊断的保险单包括安排对产和设备。也包括出于 正常需型经常的中断两步起的收入很失。确定实物财产和设备在火灾中的损失额、受理财产的保险余额 要求相对简单。但是在确定进行重建诊所的 7 个月中、收入的损失额的确认却很复杂。对如果没有发生 火灾、诊所的联单收入"将会有什么变化"的计算、没有预先制定的超见。未来不确定的损失。也成业 主和保险公司之司讨论还停。为了估计失去的吸入、诊所采用一种预测方法,来测算在 7 个月的停业期 同将要求现的营业增长。在火灾前的联单收入的"实际历史"资料。为拥有线性趋势和参与成分的预点推取 提供了基础资料。这个预测模型使诊所得到损失收入的"个精确的结计像、这个依许位最终据保险公司 所接受。

这是一个在保险业务中运用时间序列分析方法的成功案例,利用时间序列建工计量模型,能反映客 现事物的发展变化,能揭示客观事物随时间演变的趋势和规律。

客观事物永远处于不断发展变化之中,应用统计方法来研究客观现象数量发展变化过程,揭示发展变化规律并预见它的发展趋势,这就是动态分析。动态分析的数据基础是时间序列。因此,时间序列既是统计资料整理的一种形式,又是统计分析的一种方法。

10.1 时间序列概述

10.1.1 时间序列的概念

时间序列就是把反映客观现象总体的某一统计指标在不同时间!的数值按时间先后顺序排列起来所形成的数列,又称为时间数列、动态数列。时间序列由两个构成要素组成: 一是指标所属的时间,二是指标数值。

【例 10.1】 某地区工业企业 2006 年~2012 年有关指标资料, 见表 10-1。

年份	2006	1200	2008	2009	2010	2011	2012
产值(亿元)	2 076	2 568	2 997	3 338	3 876	4 085	4 451
年末职工人数(万人)	211	226	222	232	216	251	260
全员劳动生产率(万元/人)	9. 7	11.7	13. 1	11.7	16. 2	16.4	17. 4
人均工资(元/入)	1 223	1 451	1 702	1 908	2 113	2 556	2 798

表 10-1 草地区工业企业 2006 年~2012 年有关指标资料

表 10-1 中有 4 个时间序列,由年份分别和产值、年末职工人数、全员劳动生产率、 人均工资所构成。

时间序列的作用主要表现在,第一,时间序列能反映某种现象在一定时间发展变化过程,第二,根据时间序列资料,计算一系列的动态分析指标。可以考察客观现象数量发展的一般水平、增减变动情况以及发展的方向、速度等,第三、根据时间序列资料,报合适当的数学模型进行模拟分析,分析客观现象发展变化的趋势和规律;第四、编制时间序列并进行活当的分析处理,对事物未来数量变化进行统计循测。

10.1.2 时间序列的种类

时间序列从构成指标种类看,可分为总量指标时间序列、相对指标时间序列和平均指标时间序列3种。其中,总量指标时间序列为基本序列,相对指标时间序列和平均指标时间序列是总量指标时间序列的源生序列。

1. 总量指标时间序列

把某一总量指标在不同时间上的数值按时间先后顺序排列起来,就形成了总量指标时 间序列。它反映了某一指标在不同时间内达到的绝对水平及其发展变化的情况。表 10 1



所列的"某地区 T业企业 2006 年~2012 年产值指标、年末职工人数"序列,属于总量指 标时间序列,根据总量指标时间序列所反映的时间状况不同,又可讲一步分为时期数列和 时点数列两种。

1) 时期数列

如果时间序列中的总量指标反映的是现象在一段时间内发展变化的总量, 就是时期数 列。例如,表10 1所列的年份与产值指标构成的数列就是时期数列。

时期数列的特占主要有以下几个方面。

- (1) 时期数列中的每个指标数值。通常是通过连续不断的登记而取得的。
- (2) 时期数列中各个指标数值具有可加性。即数值相加的结果有实际竞义。相加后的 数值表示现象在更长时间内的发展总量。
- (3) 时期数列中每一个指标数值的大小与时期的长短有直接联系。一般来讲,时期愈 长,指标数值就愈大, 反之, 就愈小。
 - 2) 財占物列

时间序列中指标数值反映的是现象在某一时点(或瞬间)上所达到的总量,就是时点数 列。例如,表10-1所列的年份与年末职工人数构成的数列,就是时点数列。

时点数列也有3个特点。

- (1) 时占数列中每个指标数值通常是通过一次件调查或登记取得的。
- (2) 时点数列中各个指标数值不具有可加性,即数列中各个时点的指标数值相加所得 到的数值诵常没有实际的经济意义。

两个相邻的指标数值在时间上的距离叫"间隔"。时点数列中每个指标的数值只表明现象 在某一瞬间上达到的水平或状态,它的大小与时间间隔长短一般没有直接关系。

2. 相对指标时间序列

把某一相对指标在不同时间上的数值按时间先后顺序排列起来,就形成了相对指标时 间序列。它反映了某种现象之间相互联系的变化过程。例如,表10-1中的年份与全员劳 动生产率构成的数列,就是相对指标时间序列。相对指标时间序列中各个时间上的指标数 值相加后无意义。

3. 平均指标时间序列

把某一平均指标在不同时间上的数值按时间先后顺序排列起来,就形成了平均指标时 间序列。它反映了现象平均水平的发展变化趋势。例如, 表 10~1 中的年份与人均下资构 成的数列,就是平均指标时间序列。平均指标时间序列中各个时间上的指标数值相加后无 意义.

另外,时间序列按数值具体变化情况不同,可分为平稳时间序列和非平稳时间序列。 平稳时间序列中的各个数据值基本上在某个固定的水平上波动, 其波动可以看成是随机 的。非平稳时间序列包含趋势性、季节性或周期性的序列,它可能含其中的一种成份的影 响, 也可能是几种成份影响的组合。

10 1 3 编制时间序列的原则

编制时间序列的主要目的是观察研究客观现象的发展变化过程及其规律性。因此,保

证时间序列中各个指标数值之间的可比性是编制时间序列时遵守的基本原则。具体原则有以下几个方面。

1. 时间上应保持一致

对于时期数列,一般要求数列中各指标对应的时期长度应该相等。对于时点数列,由于数列中各指标数值只说明现象在某一时点上的状态。因此,要求数值的时间间隔长短应尽可能一致,以便更准确地反映现象发展变化的趋势和规律。

2. 总体范围应保持一致

这是对现象所属的空间范围而言的。如某一地区的行政区划发生了变化,则前后两个时期某一指标数值就不能直接进行对比分析、若要进行对比分析、就必须将资料进行调整,使前后两个时期的总体范围保持一致。调整的办法是以最新的区划范围来调整历史资料。

3. 指标的经济内容应保持一致

由于时间序列往往涉及现象在较长时期的信息,因此,有时指标的名称相同,但它的 计算口径,经济内容等方面可能会发生制度上的改变。编制时间序列时,就要注意该指标 的含义有无变化。解决此类问题的方法是,以最新的统计口径对历史资料进行调整。

4. 在计算方法、计算价格和计量单位上应保持一致

有些指标有多种计算方法和计算价格。各种方法计算结果有时会有一定的差别。例如,研究工业企业劳动生产率、产量可以用实物量计算、也可以用价值量计算;人数可以是全部职工数、也可以是生产工人数。如果按实物指标计算、就应采取统一的计量单位、否则就违背了指标值可比性的原则;如果按价值进行算,就涉及到以现行价格或不变价格或不变价格计算的问题。在同一时间序列中、各指标的计算价格应该保持一致。如在表 10-1 中、各年份的产值要按不变价格计算,才具有可比性。

值得注意的是,对时间序列可比性的理解不能绝对化。有时由于资料来源不同,只要 大体可比即可。

10.1.4 时间序列分析的内容

时间序列分析的基本内容有两个方面: --是时间序列的水平与速度分析; 二是时间序 列的影响因素分析。

1. 时间序列的水平与速度分析

所谓时间序列的水平与速度分析,是指通过计算,系列时间序列分析指标,包括发展水平、平均发展水平、增长水平、平均增长水平、发展速度、平均发展速度、增长速度、平均增长速度等来分析和揭示现象的发展状况和发展变化程度。

2. 时间序列的影响因素分析

所谓时间序列的影响因素分析是将时间序列看成是由长期趋势、季节变动、循环变动 和不规则变动几种因素构成的,通过对这些因素的分解分析,揭示现象随时间变化而演变 的规律,并在揭示这些规律的基础上,根据惯性原理,对事物的未来发展趋势作出预测。



时间序列的议两方面分析内容各有不同的特点和作用,揭示不同的问题和状况,分析 问题时应视研究的目的和任务选择使用。

10.2 时间序列分析指标

时间序列分析指标可分为两大类: 类是水平分析指标; 另一类是速度分析指标。

10.2.1 时间序列水平分析指标

1. 发展水平

发展水平就是时间序列中的每个指标数值。见表 10-2。

表 10-2 財间库列形式

_						114		
Ī	时间序号	t_1	t ₂	£3	Li A	1.4.	***	t ₁₁
	指标名称	а	a_1	a.	а	a ₁		u,

表中,用 t_i ($i=1,\dots,n$)表示现象所属的时间, a_i 表示现象在不同时间上的发展水平。 $a, (i=1,\dots,n)$ 也称为现象在时间 L 上的观察值,它表示现象在某一时间上所达到的一种 数量状态。发展水平有时也可用字母 v (i=1,...,n)表示。发展水平反映了某一客观现象 在具体时间条件下所达到的规模和水平。

根据发展水平在时间序列中的位置。可将其分为最初水平、中间水平和最末水平。最 初水平是时间序列中第一个位置上的发展水平,用 a 表示(有时用 a,表示),最末水平是 处在时间序列中最末位置上的发展水平,用 a,表示,介于最初水平和最末水平之间的各 个发展水平, 称为中间水平, 用 a1, a2, *** 表示。

根据发展水平动态对比分析时的作用, 可将其分为报告期水平和基期水平。报告期水 平是指在分析时着重要说明的时间上的发展水平、也称为计算期水平、基期水平是指在分 析时作为对比基准时间上的发展水平。

在分析说明时,要注意发展水平的文字表述的准确性。习惯上常用"增加到"或"增 加为"、"降低到"或"降低为"来表示。例如、某省国内生产总值 2011 年为 7000 亿元。 2012 年增加到 8500 亿元,或者表述为 2012 年比 2011 年增加了 1500 亿元。要注意"增加 到"和"增加了"的区别。

2. 平均发展水平

平均发展水平是时间序列中各个时间上发展水平的平均数、又称为序时平均数或动态 平均数。为了和前面所讨论的平均指标区别开来、习惯上将第4章中介绍的算术平均数称 为静态平均数或一般平均数。这两类平均数的共同之处在于它们的作用相同,都是将各个 个别数值差异抽象化后,反映出数值的一般水平。它们的区别之处在于, 序时平均数所平 均的是现象在不同时间上的数量表现。从动态上说明现象在某一时期内发展的一般水平。 它依据时间序列的资料计算的。而一般平均数则是将总体各单位的某一数量差异抽象化。 从静态上反映总体在具体条件下的一般水平,它通常是依据变量数列计算的。

序时平均数的作用主要有:第一,它可以反映某总体现象在一段时间内所达到的一般水平,第二,它可以消除现象在短期内波动的影响,便于在各段时间之间进行比较、观察现象发展的基本趋势;第二,它可以解决时间序列中其些不可比的问题,通过平均水平就能够进行比较,第四,它还可以对不同单位、不同地区、不同部门以至不同国家在某一段时间内,某一事物发展达到的一般水平进行比较。

序时平均数可以依据总量指标时间序列计算,也可以依据相对指标时间序列或平均指 标时间序列计算。下面介绍序时平均数的计算方法。

1) 根据总量指标时间序列资料计算序时平均数

由于总量指标时间序列分时期数列和时点数列两类,它们各有其特点和性质,因此, 在计算序时平均数时,方法上也有区别。

(1) 由时期数列计算序时平均数。

由时期数列计算序时平均数采用简单算术平均法。假定用 ā 代表序时平均数 · a. (1 · · · · n) 代表各时期发展水平 · n 代表时期项数 · 则时期数列的序时平均数计算可用式 (10.1)表示为:

$$\overline{a} = \frac{a_1 + a_2 + \cdots + a_n}{n} = \frac{a_1}{n}$$
 (10.1)

【例 10.2】 根据表 10-1 某地区 「业企业 2006 年~2012 年产值资料, 计算该地区 7年的平均每年产值。将数值代人式(10.1), 得到平均每年产值为;

$$\overline{a} = \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{n}$$

$$= \frac{2\ 076 + 2\ 568 + 2\ 997 + 3\ 338 + 3\ 876 + 1\ 085 + 4\ 151}{7} - 3\ 341.57$$
 (亿元)

(2) 由时点数列计算序时平均数。

由于时点数列反映的是现象在某一时刻上的水平,两点之间都有一定的间隔,因此,时点数列从理论上讲都是不连续数列。但在实际统计工作中,如果时点数列的资料是逐日记录,而又逐日排列的,即以日为时间间隔,习惯上把它看作是连续的时点数列。如果不是每日资料都有的数列,就称为是间断的时点数列。具体分为4种情况计算。

第一,由时间间隔相等的连续时点数列(数据逐日连续排列)计算。采用简单算术平均 法计算序时平均数,所用公式为式(10,2);

$$\overline{a} = \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{n} = \frac{\sum_{i=1}^{n} a_i}{n}$$
 (10.2)

它与式(10,1)形式相同,但字母含义不同,其中的 a_i $(i=1,\cdots,n)$ 代表各时点的发展水平,n 代表时点项数。

【例 10.3】 已知某企业某月上旬每天的出勤人数数据,见表 10 3,计算该月上旬平均每天出勤人数。

解:将每天的出勤人数相加,除以上旬天数就得到上旬平均每天的出勤人数。

	农 10 3 未正业工申毋大四颗人数资料							
日期	出勤人数(人)	日期	出勤人数(人)					
1	250	6	258					
2	250	7	258					
3	250	8	266					
4	262	9	272					
5	262	10	272					

$$\overline{a} - \frac{\sum_{i=1}^{n} a_i}{n} = \frac{250 + 250 + 250 + 262 + 262 + 258 + 258 + 266 + 272 + 272}{10} - 260(\text{\AA})$$

即该企业上旬出勤人数的一般水平为260人

第二,由时间间隔不等的连续时点数列(数据按有变动才记录排列)计算。若被研究的 现象不是逐日变动的、则可根据整个研究时期内每次变动的资料、以每次变动持续的间隔 长度(即间隔日数)为权数,采用加权算术平均法计算序时平均数,计算公式为式(10.3)。

$$\overline{a} = \frac{a_1 f_1 + a_2 f_2 + \dots + a_n f_n}{f_1 + f_2 + \dots + f_n} = \sum_{i=1}^{n} a_i f_i$$
(10.3)

【例 10.4】 将例 10.3 资料按出勤人数有变化才证 并按时间顺序加以排列, 见表 10-4。要求计算该月上旬平均每天出勤人数。

日期	出勤人数(人)a	人数没有变化天数f
1->8	250	3
4~5	262	2
6~7	258	2
8	266	1
9~10	272	2

表 10-4 某企业上旬每天出勤人数变动情况

解:用/表示没有变化的天数,相应的时点数值为 a,代入式(10.3),计算上旬平均 每天出勤人数为:

$$a = \frac{\sum_{i=1}^{n} a_i f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i} = \frac{250 \times 3 + 262 \times 2 + 258 \times 2 + 266 \times 1 + 277 \times 2}{10} = 260$$
 (人)

第三,由间隔相等的间断时点数列计算。由间断时点数列求序时平均数是有一定的假 定条件的, 那就是, 假定所研究的现象在两个时点之间的变动是均匀的。据此, 可将相邻 两个时点上的指标数值相加后除以2,作为这两个时点之间的序时平均数,再根据这些平 均数求出整个数列的序时平均数。

【例 10.5】 某企业第二季度职工人数的资料见表 10-5。

表 10-5 基企业第二季度的职工人物资料

时间	3月31日	4月30日	5月31日	6月30日
月末职工人数(人)	140	150	146	142

试根据以上资料计算该企业各月和第二季度的平均职工人数。

解: 在计算平均人数时,要将3月末人数看作是4月初的人数。各月职下人数和第二 季度职工人数的计算过程为。

4 月份平均职工人数 =
$$\frac{140+150}{2}$$
 = 145 (人)
5 月份平均职工人数 = $\frac{150+146}{2}$ = 148 (人)
6 月份平均职工人数 = $\frac{146+142}{2}$ = 144 (人)
第二季度平均职工人数 = $\frac{145+148+144}{2}$ = 146 (人)

上述计算第二季度平均职工人数的方法和步骤可合并为。

第二季度平均职工人数 =
$$\frac{140 + 150}{2} + \frac{150 + 146}{2} + \frac{146 + 142}{2}$$
 = $\frac{140}{2} + 150 + 146 + \frac{142}{2} = 146$ (人)

由上述计算过程可以看出。根据间隔相等的间断时点数列求序时平均数、可先求各个时间间隔内的平均数、再对这些平均数进行简单算术平均、这种求序时平均数的方法称为"两次简单平均法"。其计算步骤可简化为:将数列首项数值的一半加上中间各项数值、再加上未项数值的一半,然后被项数减1去除即得、这种简化的方法被称为"首尾折半平均法"。用公式表示如下。

$$\overline{a} = \frac{\frac{a_1}{2} + a_2 + \dots + a_{n-1} + \frac{a_n}{2}}{n-1}$$
 (10.4)

第四、由间隔不等的间断时点数列计算。对于间隔不等的间断时点数列、计算序时平均数的方法是、以各相邻时点的间隔长度 (f) 为权数、对各相邻时点指标数值的序时平均数进行加权算术平均。可用公式表示为:

$$a - \frac{a_1 + a_2}{2} \times f_1 + \frac{a_2 + a_3}{2} \times f_2 + \dots + \frac{a_{\sigma-1} + a_{\sigma}}{2} \times f_{\sigma-1}$$

$$f_1 + f_2 + \dots + f_{\sigma-1}$$
(10. 5)

【例 10.6】 表 10 6 资料为某年某农场生绪存栏情况数据, 计算该农场该年生猪平均 存栏数。

来 10 6 草农杨草在生珠在栏斗制	
	ě,

日期	1月1日	3月1日	7月1日	10月1日	12月31日
生猪存栏头数(头)	1 000	600	800	1 200	1 000

解·该资料属于间隔不等的间断的时点数列资料。该农场生猪年平均存栏头数为。

$$\overline{a} = \frac{\frac{1\ 000\ + 600}{2} \times 2 + \frac{600\ + 800}{2} \times 4 + \frac{800\ + 1\ 200}{2} \times 3 + \frac{1\ 200\ + 1\ 000}{2} \times 3}{2 + 4 + 3 + 3} = 892\ (4)$$

2) 根据相对指标时间序列资料计算序时平均数

相对指标时间序列中的发展水平是由两个总量指标时间序列的对应项进行对比而得到 的一系列数值。由相对指标时间序列计算序时平均数。不能对序列中的相对指标数值直接 求平均数,只能采用以下步骤计算。

首先、把相对指标时间序列还原为两个总量指标时间序列。分子序列和分母序列。

其次,分别计算出分子序列和分母序列的序时平均数。

最后, 将分子序列和分母序列的序时平均数进行对比, 就得到以相对指标时间序列资 料计算的序时平均数。用公式表示这一计算过程为。\

$$\bar{\iota} = \frac{\bar{a}}{\bar{b}}$$
 (10.6)

式中, 7表示相对指标时间序列的序时平均数; 7表示分子数列的序时平均数; 7表示分母序 列的序时平均数。其中,分子或分母数列序时平均数的计算公式是从总量指标时间序列计 算序时平均数公式中选择的。

根据分子和分量数列种类的不同,分为3种类别,一是分子与分量序列都是时期数 列; 二是分子与分母序列都是时点数列; 三是分子与分母序列是不同类型的序列。

【例 10.7】 假设某企业某年 -至三月份的产品产量计划完成情况资料见表 10-7、要 求计算该企业第一季度产量平均计划完成程度。

表 10-7 某企业某年一至三月份产量计划完成情况

	一月份	二月份	三月份
实际产量 a(件)	5 100	6 180	8 640
计划产量 6(件)	5 000	6 000	8 000
计划完成 c(%)	102	103	108

解:本题中,计划完成程度一实际产量/计划产量,分子数列与分母数列都是时期数 列,用 a表示实际产量发展水平。用 b表示计划产量发展水平,因而可直接采用简单算术 平均法计算 ā 和 b 。 计算过程如下。

$$\overline{c} = \frac{\overline{a}}{\overline{b}} = \frac{\sum_{i=1}^{n} a_i}{n} = \sum_{i=1}^{n} b_i = \frac{\sum_{i=1}^{n} a_i}{\sum_{i=1}^{n} b_i} = \frac{\frac{5\ 100 + 6\ 180 + 8\ 640}{3}}{\frac{5\ 000 + 6\ 000 + 8\ 000}{3}} = \frac{6\ 640}{6\ 333.3} = 104.84\%$$

从计算过程看出,并不是直接由相对数时间序列计算的。另外,在本例中,第一季度 计划完成程度与第一季度月平均计划完成程度结果是相同的。

【例 10.8】 某企业某年第四季度职工人数资料如表 10 8, 计算第四季度各月工人占职工人数的平均比重。

表 1	0-8 某企业某年	四季度职工人数负	744	
时间	9月末	10 月末	11月末	12 月末
工人人数 (人)	342	355	358	364
职工总人数 b(人)	448	456	469	474
工人数占职工总数比重 c(%)	76, 34	77, 85	76. 33	76. 79

表 10-8 某企业某年四季度职工人数资料

解:本题中、工人数占职工总数比重属于结构相对数、分子数列与分母数列都是时点数列、用 α 表示工人数占职工总数比重、用 α 表示工人人数发展水平、用 α 表示工人数发展水平、这两个数列都属于间隔相等的间断的时点数列资料、分别采用首末折半法计算分子和分歧数列的序时平均数。工人数占职工总数月平均比重计算过程如下:

$$\overline{c} = \frac{\overline{a}}{\overline{b}} = \frac{(a_1/2 + a_2 + a_3 + \cdots + a_n/2)/(n-1)}{(b_1/2 + b_2 + b_3 + \cdots + b_n/2)/(n-1)}$$

$$= \frac{342/2 + 355 + 358 + 364/2}{448/2 + 456 - 169 + 174/2} = 76.91\%$$

3) 根据平均指标时间序列资料计算序时平均数

平均指标时间序列根据平均指标的类型不同,分为静态平均数时间序列和动态平均数时间序列两种形式。对由静态平均数组成的平均指标时间序列计算序时平均数时,方法与由相对指标时间序列计算序时平均数相同,即先分别计算分子数列和分母数列的序时平均数,然后将该两个序储平均数进行对比。

第一,由静态平均数时间序列计算序时平均数。

【例 10.9】 某企业下半年劳动生产率资料见表 10-9. 计算该企业下半年月平均劳动 生产率和下半年平均劳动生产率。

表 10 3 未正立下十十万切工/ 平页杆							
时间	6月	7月	8月	9月	10 月	11月	12月
总产值 (万元)	87	91	94	96	102	98	91
月末职工人数 (人)	460	470	480	480	490	480	450
劳动生产率 (元/人)	1 948	1 957	1 979	2 000	2 103	2 021	1 957

表 10-9 基企业下坐在茔动生产率资料

解:本例中,劳动生产率等于总产值除以平均人数。劳动生产率时间序列属于平均指标时间序列,总产值时间序列属于时期数列,月未职工人数数列属于间隔相等的间断的时点数列。用 a 表示总产值,用 b 表示月未职工人数,c 表示劳动生产率。

下半年各月职工平均劳动生产率计算过程如下:

$$a - \frac{a}{b} = \frac{(\sum_{i=1}^{n} a_i)/n}{(b_1/2 + b_2 + b_3 + \cdots + b_n/2)/(n-1)}$$



$$\overline{c} = \frac{(91+94+96+102+98+91)/6}{(460-2+470+480+480+490+480+450/2)/(7-1)} = 2.003.5 ($\dot{\mathcal{R}}$ / $\dot{\mathcal{K}}$)$$

注章分子与分母中,,所代表的时间是不等的,分子上的,,表示的时期为下坐年的6个 时期, 分母上的 n 表示 7 个时点。

若计算下半年平均职工劳动生产率,则有两种计算形式:一种是用下半年平均月劳动 生产率乘月份个数 n 即 $nc = 2.003.5 \times 6 = 12.021 元/人: 另一种是用下半年的总产值除以$ 下半年的平均人数求出。 计算过程如下,

$$\bar{\epsilon} = \frac{\dot{a}}{\bar{b}} = \frac{\sum_{i=1}^{\kappa} a_i}{(b_1/2 + b_2 + b_3 + \cdots b_n/2)/(n-1)}$$

$$\overline{\tau} = \frac{91 + 94 + 96 + 102 + 98 + 91}{(460/2 + 470 + 480 + 480 + 480 + 480 + 480 + 450/2)/(7 - 1)} = 12 \ 021 \ (\overline{\pi}/\text{A})$$

第一,由动态平均数时间序列计算序时平均数

由序时平均数组成的时间序列也称为动态平均数时间序列。在计算时。如果各时期相 等时可直接采用简单算术平均法计算;如果各个时期不相等,则以时期长短作为权数,采 用加权算术平均法来计算。如例 10.10 属于各个时期相等的情况。

【例 10.10】 已知某企业各季平均职工人数资料见表 10-10。求该企业全年平均职工 人物.

表 10-10 单企业各季平均职工人物资料

季度	一季度	二季度	三季度	四季度
平均人数(人)	351 ^V	353	352	356

解, 本例资料中的各期数值属干序时平均数, 因此, 这个时间序列属干序时平均数时 间序列。由于时间间隔相等,用简单算术平均法计算全部数据的序时平均数。年平均职工 人数公式和计算过程如下:

$$\bar{a} = \frac{\sum_{i=1}^{n} \bar{a}_{i}}{n} = \frac{351 + 353 + 352 + 356}{4} \qquad 353 \text{ (人)}$$

3. 增长量

增长量是报告期水平与基期水平之差,用以说明现象在一定时期内增长的绝对数量, 也称为增长水平。由于所冼择基期的不同、增长量可分为逐期增长量和累积增长量。

逐期增长量是报告期水平与其前一期水平之差,说明本期较上期增长的绝对数量,用 公式表示为,

$$a_i - a_{r-1} (i = 1, 2, \dots, n)$$
 (10.7)

累积增长量是报告期水平与某一固定基期水平之差,说明报告期与某一固定时期相比 增长的绝对数量,用公式表示为。

$$a_i - a_0 (i - 1, 2, \dots, n)$$
 (10.8)

逐期增长量与累积增长量之间存在一定的关系。

第一,各逐期增长量的和等于相应时期的累积增长量,如式(10.9)所示。

270 ///

$$\sum_{i=1}^{n} (a_{i} - a_{i-1}) = a_{n} - a_{0}$$
 (10.9)

第二, 两相邻时期累积增长量之差等于相应时期的逐期增长量, 如式(10.10)所示:

$$a_i$$
 $a_0 - (a_{-1} - a_0) = a_i - a_{-1}(i - 1, 2, \dots n)$ (10.10)

【例 10.11】 某地区工业企业 2006 年~2012 年产值资料见表 10 11。试计算各年的 逐期增长量和累积增长量。

表 10-11 某地区工业企业 2006 年~2012 年产值资料

年份	2006	2007	2008	2009	2010	2011	2012
产值(亿元)	2 076	2 568	2 997	3 338	3 876	4 085	4 451

解: 计算结果如表 10-12 所示。

表 10 - 12 基地区工业企业 2006 年~2012 年产值增长量计算表

74.10	IL SEPER		E000 -	2012 -	DESCRIPTION OF THE P.	Sel-str	
年份	2006	2007	2008	2009	2010	2011	2012
产值(亿元)	2 076	2 568	2 997	3 338	3 876	4 085	4 451
逐期增长量(亿元)		192	429	341	538	209	366
累积增长量(亿元)	_	192	921	1 262	1 800	2 009	2 375

根据上述两类增长量的关系,可以得到其中部分等量关系式,如;

一般用"增加了"或"减少了"表述增长量。实际应用中有时为了消除季节变动的影响。常计算年距增长量或同比增长量指标。

年距增长量一本年某期发展水平一上年同期发展水平

4. 平均增长量

平均增长量是各个时期逐期增长量的序时平均数,用于描述现象在。定时期内平均每期比上期增长的数量。它可以根据逐期增长量求得,也可以根据累积增长量求得,计算公式为:

平均增长量
$$-\sum_{i=1}^{n} (a_i - a_{i-1})$$
 或 累计增长量 时间序列项数 -1

式中: n 为逐期增长量个数。

根据例 10.11 中表 10 12 资料,代入式(10.11),计算得到平均每年产值增长量;

平均增长量
$$-\frac{\sum\limits_{i=1}^{n}(a_i-a_{i-1})}{n}$$
 492 + 429 + 341 + 538 + 209 + 366 · 2375 · 395. 83(亿元:



10.2.2 时间序列速度分析指标

1. 发展速度

发展速度是表明某种现象发展变化程度的动态相对指标,它是由两个不同时期的发展 水平对比的结果,说明报告期水平已发展到(或增加到)基期水平的若干倍(或百分之几)。 其计算公式为;

发展速度根据采用的基期不同,可分为环比发展速度和定基发展速度两种。所谓环比发展速度就是时间序列中报告期水平同前一期水平之比,说明报告期水平相对于前一期水平来说,已发展到(或增加到)若干倍(或百分之几),表明现象逐期发展变化的程度。

$$\frac{a_1}{a_0}, \frac{a_2}{a_1}, \cdots, \frac{a_n}{a_{n-1}}$$
 (10. 13)

所谓定基发展速度就是时间序列中报告期水平与某一固定时期水平(一般为最初水平) 之比,说明现象报告期水平相对于某一固定时期水平已发展到(或增加到)若下倍(或百分之几),也表明现象在一定时期内总的发展速度,即总速度。

$$\frac{a_1}{a_0}, \frac{a_2}{a_0}, \dots, \frac{a_n}{a_0} \tag{10.14}$$

可以看出,同一时间序列两种速度指标之间虽有区别,但也存在着数量上的换算关系。这种关系,表现在以下两个方面。

第 · 同 · 时间序列中,各个环比发展速度的连乘积等于相应时期的定基发展速度。即:

$$\frac{a_1}{a_0} \times \frac{a_2}{a_1} \times \frac{a_3}{a_1} \times \dots \times \frac{a_n}{a_{n-1}} = \frac{a_n}{a_0}$$
 (10.15)

第二,同一时间序列中,相邻两个时期的定基发展速度之商等于相应时期的环比发展速度,即;

$$\frac{a_n}{a_1} \div \frac{a_{n-1}}{a_1} = \frac{a_n}{a_{n-1}} \tag{10.16}$$

利用上述关系,可以根据一种发展速度去推算另一种发展速度。

另外,在统计分析中,为了消除季节变动的影响,经常计算年距发展速度指标,用来说明本期发展水平与去年同期发展水平相比较而达到的相对发展程度。年距发展速度又称为同比发展速度,其计算公式为;

2. 增长速度

所谓增长速度,就是增长量与基期水平对比求出的动态相对数,它反映报告期水平比 基期水平增长了若干倍(或百分之几),借以说明客观现象增长的快慢程度。计算公式为;

应注意的是;发展速度指标表现为正值、而增长速度则有正负之分。当发展速度大于 **272** /// 1 时,增长速度为正值,表明现象的增长程度;当发展速度小于1 时,增长速度为负值, 表明现象的降低程度。

由于采用的基期不同,增长速度也可分为定基增长速度和环比增长速度两种。定基增长速度说明现象在一个较长的时间内总的增长程度;环比增长速度则说明现象逐期的增长程度。由式(10.18)得出。

应注意的是:定基增长速度与环比增长速度两者之间并不存在直接数量换算关系。若要进行定基增长速度和环比增长速度之间的数量换算,其方法是:首先把增长速度加上1或100%变成发展速度,然后用发展速度之间的关系先进行换算,最后再用所求的发展速度减1或100%转换成增长速度。

在实际工作中,为了消除季节变动的影响,经常计算年距增长速度(或同比增长速度) 指标,其计算公式为;

同比增长速度 =
$$\frac{-$$
 同比增长量
上年同期水平 = 同比发展速度 -1 (10.21)

【例 10.12】 现仍以表 10-11 某地区 [业企业 2006 年~2012 年产值资料, 计算各年的发展速度与增长速度。

解: 具体计算如表 10-13 所示

XX

表 10-13 某地区工业企业 2006 年~2012 年产值速度计算表

年份		2006	2007	2008	2009	2010	2011	2012
产值(亿元	1/2-	2 076	2 568	12 997	3 338	3 876	4 085	4 451
发展速度(%)	环比	_	123. 7	116. 7	111.4	116. 1	105. 4	109. 0
	定基	100.0	123. 7	144. 4	160.8	186. 7	196.8	214. 4
增长速度(%)	环比	_	23. 7	16.7	11. 4	16. 1	5. 4	9.0
	定基	_	23. 7	44.4	60.8	86. 7	96.8	114. 4

结合例中数据、根据上述两种发展速度的关系、可以得到其中部分的数量推算关系、如:

123.
$$7\% \times 116. \ 7\% \times 111. \ 4\% \times 116. \ 1\% \times 105. \ 4\% \times 109. \ 0\% = 214. \ 4\%$$

214. $4\% \div 196. \ 8\% = 109. \ 0\%$

3. 平均发展速度与平均增长速度

平均速度指标包括平均发展速度和平均增长速度两种形式。平均发展速度是时间序列 中各时期环比发展速度的序时平均数,表明现象在一个较长时期内平均发展变化的程度。 计算平均发展速度采用几何平均法和方程式法两种方法。

1) 计算平均发展速度的几何平均法(或水平法)

由于时间序列中各期环比发展速度的连乘积等于总速度(定基发展速度),因此,可采

用几何平均法计算平均发展速度。计算公式为:

$$\bar{x} = \sqrt{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdots x_n} = \sqrt[n]{\Pi x}$$
 (10. 22)

式中: x 表示平均发展速度; x, 代表各期环比发展速度; II 是连乘积符号。

因为 $x_i = \frac{a_i}{a_i}$ ($i=1, 2, \dots, n$), 所以, 式(10.22)又可表示为:

$$\bar{x} = \sqrt{\frac{a_1}{a_2} \times \frac{a_2}{a_2} \times \dots \times \frac{a_n}{a_{n-1}}} = \sqrt[n]{\frac{a_n}{a_2}} = \sqrt[n]{R}$$
 (10. 23)

式中: a, 为最初水平; a, 为最未水平; R 为定基发展速度或总速度。

将式(10.23)变化为: $a_0 \times (\bar{x}^n) = a_n$ 。

其经济含义是:某现象从最初水平 a。出发, 着每期均按平均发展速度 z 发展, n 期后的发展水平正好等于时间序列末期的实际发展水平 a。。因此,几何法求平均发展速度的实质是水平法,它只与数列中最初水平、最未水平以及间隔期长短有关,而与数列的各中间水平无关。

式(10.23)中的总速度 R, 习惯上往往以"翻番"来表达。"翻。番"就是总速度 R-2、即 R-2、"翻两番"就是总速度 R-1、即 R-2、以此类推、"翻 x 番"就可表示成 x0、2、

【例 10.13】 某种现象的指标数值计划在 5 年内翻两番,问每年的平均发展速度是多少? 若假定该观象的指标数值计划在 20 年内翻两番,每年的平均发展速度又是多少?

解: 用式(10.23)计算如下:

- 5 年内翻两番的年平均发展速度是: $x = \sqrt{4} = 131.95\%$
- 20 年内翻两番的年平均发展速度是: $x = \sqrt{4} = 107.8\%$
- 2) 计算平均发展速度的方程式法(或累计法)

方程式法的思路是:时间序列中全期的总水平等于各期发展水平之和,而各期发展水平又是基期水平与相应各期环比发展速度的连乘积,x,表示某一期的环比发展速度,则总水平可以表示为;

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i} = a_{0}x_{1} + a_{0}x_{1}x_{2} + \dots + a_{0}x_{1}x_{2} \cdots x_{1}$$

然后,用平均发展速度至取代各期环比发展速度 x,将各期环比发展速度平均化,得:

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i} = a_{0}\overline{x} + a_{0}\overline{x}\overline{x} + \dots + a_{0}\overline{x}\overline{x} \dots \overline{x}$$

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i} = a_{0}\overline{x} + a_{0} (\overline{x})^{2} + \dots + a_{0} (\overline{x})^{n}$$

$$\overline{x} + (\overline{x})^{2} + (\overline{x})^{3} + \dots (\overline{x})^{n} = \sum_{i=1}^{n} a_{i}$$
(10. 24)

最后,求解方程式(10.24),其正根就是平均发展速度。因为此方法主要是通过对各发展水平进行累计求和所得,所以其实质是累计法。

这个方程用手工求解比较复杂, 在实际工作中, 可以根据运用秩代法原理编制计算机 程序求出。也可以根据事先编好的《平均增长速度查对表》, 查得所需的平均增长速度, 然后加上100%得到平均发展速度。

3) 平均增长速度的计算

平均增长速度是时间序列中各期环比增长速度的序时平均数,说明现象平均逐期增长程度。平均增长速度指标是由平均发展速度指标求出,即;

(10, 25)

平均增长速度为正值,表明现象在某段时期内逐期平均递增的程度,也称为平均递增率,若为负值,表明现象在某段时间内逐期平均递减的程度,也称为平均递减率。

10.2.3 运用分析指标应注意的问题

- (1) 当时间序列中数值出现0或负数时,不宜计算速度指标。当时间序列中的观察值出现0或负数时,适宜直接用绝对数进行分析。如,某企业连续5年的利润额分别为5万元、2万元、0万元、-3万元、2万元,对这一序列计算速度,要么不符合数学公理,要么无法解释其实际意义。
- (2) 有时要将速度指标和水平指标结合起来分析。在有些情况下,不能单纯就速度论速度,要注意速度与基期绝对水平的结合分析。有时两个绝对水平较小的数值相比,得到很大的机效数值。两个绝对水平较大的数值相比,得到很小的相对数数值。为了反映客观实际情况,需要将速度与绝对水平结合起来进行分析,通常要计算每增长 1%的绝对值指标,来除补速度分析指标的局限性。

增长 1%绝对值表示速度每增长 1%而增加的绝对数量,其计算公式为:

【例 10.14】 假定有两个生产条件基本相同的企业,利润额及相关速度见表 10-14。

	40 10 11 11 6	21.3 1 WE THE ORD 143.14.1K.	4701871375171138411		
年份	[] 甲:	企业 门为一	乙企业		
	利润额(万元)	增长速度(%)	利润额(万元)	增长速度(%)	
基期	500	60	_		
报告期	600	20	84	40	

表 10-14 甲、乙两个企业基期和报告期的有关利润资料

从利润额增长率看,甲企业利润增长速度为20%,乙企业利润增长速度为40%,因 此可以得出乙企业的业绩比甲企业要好。但这个结论不完全正确,因为增长速度是一个相 对值,它与对比的基期数值的大小有很大关系。还要结合绝对数进行分析,这时就要计算 这两个企业利润每增长1%所增加包含的绝对值,来弥补单纯速度分析指标的局限性。

根据资料结合公式计算得到;甲企业利润每增长1%包含的绝对值为5万元,而乙企业利润每增长1%包含的绝对值为0.6万元,甲企业远高于乙企业。这说明甲企业的生产经营业绩不是比乙企业差,而是更好。

(3) 要根据研究目的和时间序列的特点选择平均速度的计算方法。若研究目的是分析 客观观象最末一年所达到的水平、应采用几何平均法计算平均速度。若目的是分析研究客 观观象在长时间内各期达到的总量,应采用方程式法计算其平均速度。另外,当客观观象 在一段时期内数值波动比较大时,用累计法计算平均发展速度,比用水平法计算平均发展



谏度更符合实际情况, 因其考虑了中间水平波动的影响。

(4) 各种速度指标要结合运用。用平均速度指标分析研究问题时,还应和时间序列中 的其他分析指标, 如发展水平、增长量、环比速度、定基速度等, 结合起来运用, 这样才 能够对被研究的客观现象的发展作出比较准确和比较完整的判断和说明。

10.3 长期趋势的测定

10.3.1 时间序列构成因素及组合模型

客观现象是不断发展变化的,反映在时间序列中,就是各期的发展水平各不相同。引 起客观现象变化和波动的因素是多方面的、影响的原因也是错综复杂的、概括起来讲、这 此因素引起的波动在理论上分别被称为长期趋势变动(T),季节变动(S),循环变动(C)和

所谓长期趋势是指客观现象由于受某种基本因素的影响,在一段较长的时间内表现出 持续向上或持续向下发展变化的趋势。或保持某一水平而没有明显增减变化的水平趋势。 例如, 随着科学技术的发展, 农作物品种不断得到改良, 在播种面积一定的情况下, 其收 获量不断增长; 又如, 随着人们生活水平不断提高, 医疗条件的不断改善, 人口死亡率呈 持续下降趋势等。

所谓季节变动是指客观现象由于受到自然界的季节更替或社会政治经济因素的影响, 在一年(或更短的时间)内,表现出有规律性的周期波动。例如,以年度为周期,毛线和羽 绒服的销售量总是冬季大而夏季小; 而啤酒和冷饮的销售量则是夏季多而冬季少。以月、 周、日为周期的季节变动也不乏其例。民间的风俗习惯也能形成季节性波动,如一年一度 的春运高峰就是一个典型例子。

所谓循环变动是指周期为一年以上的更长时间的现象的发展变化,它涌常为规律性的 从高到低,再从低到高的往返变动。例如,一个国家经济发展也呈周期性变化,就是比较 典型的循环变动,它的每一周期总是经历着"衰退、萧条、复苏、高涨"的变化过程。循 环波动的周期比季节变动的周期长得多,日波动的规律性比季节变动更隐蔽,不做长期观 察分析就不易被认识。

所谓不规则变动是指客观现象由于受到某种不可预测的偶然性因素的影响,在一个较 短的时间内表现出 五任何规律性的波动。一般来说它是事先无法预知和测度的。

为了研究问题的需要,人们常常假定,时间序列的发展水平(Y)和上述4种影响因素 之间有以下两种组合模型(即因素影响模型)。

第一种组合模型为乘法模型。该模型假定时间序列的发展水平是上述各影响因素 乘积的结果,即 $Y-T\times S\times C\times I$ 。实际中,人们常采用乘法模型来对时间序列进行 分析。

第二种组合模型为加法模型。该模型假定时间序列的发展水平是各因素影响结果的总 和,即Y=T+S+C+I.

长期趋势测定有以下几方面的作用:首先,长期趋势代表着客观现象的发展变化方向 和变化规律,测定长期趋势将有利于对客观现象的未来发展方向作出正确的判断和决策;

其次,利用长期趋势,还可以对客观现象在未来的发展结果作出预测;最后,测定长期趋势有利于人们把长期趋势从时间序列中分离出来,更好地研究和分析季节变动和循环变动等因素的影响。

本节主要介绍长期趋势测定与预测的方法。

10.3.2 时距扩大法

时距扩大法是原来时间序列中较小时距单位的若十个数据加以合并,得出较大时距单位的数据。扩大了时距单位的数据可以使较小时距单位数据所受到的偶然因素的影响相互 抵消,而显示出现象变动的长期趋势。

【例 10.15】 某城市最近 3 年旅游人数资料见表 10-15。试测定该市旅游人数的长期 趋势。

表 10-15 某旅游城市旅游人数李度资料 单位:万人						
年份	第一季	第二季	/ 第三華	第四季		
第1年	32	40 /."	61	28		
第2年	41	51 7	74	36		
第3年	57	- 85 \	93	57		

从表 10-15 中的 3 年 12 个季度资料来看,该城市旅游人数有升有降,既有明显的季

节变动,也有着逐年增长的趋势。为了显示长期趋势,必须将其他因素剔除。

解:本例的变动周期为 4 季、把以季为单位的数据合并为以年为单位的数据、见表 10-16,这时旅游人数随季节有升有降的周期变化就不显见了。而显示出来的是长期增长的趋势。

年份	旅游人數	季平均旅游人数
第1年	161	40
第2年	202	51
かった	979	60

表 10-16 某旅游城市旅游人数资料

时距扩大法的优点是简便直观。但它的缺点也很突出,表现在时距扩大之后,所形成的新数列包含的数据减少,信息量减少,不便于做进一步的分析。

10.3.3 移动平均法

移动平均法有多种形式, 主要有简单移动平均法和加权移动平均法。

1. 简单移动平均法

简单移动平均法是依次计算若干项时间序列数据的移动平均数,并将其作为原数列移动项数的中间。项的趋势测定值,所以这种方法也称为中心化移动平均法。在移动平均时,可以选择连续3项或5项的奇数项进行平均,结果自接作为中间。项的趋势测定值。

单位, 万人



也可以洗释 2 项或 4 项等偶数项讲行平均,结果是作为最中间一段的趋势测定值,等各项 移动平均值计算后、还要对其再次移动平均、以达到作为基一期水平的趋势测定值。

【例 10.16】 根据表 10-15 数据。运用移动平均法、计管移动平均数列。反映数据长 期趋势。

解, 因为旅游人数变动涌堂以一年为周期, 用移动平均法消除偶然性因素的影响, 在 堂握季节资料时,一个变动周期就为4个季度,即就要洗择4项进行移动平均。计算过程 和结果见表 10-17。第一步,将讲行 4 项移动平均。如第 1 年的 4 个季度平均数为:(32 40 61 + 28)/4-40, 25, 用它表示第2季度与第3季度中间3个月的趋势测定值。再接 着计算下 - 个连续 4 项的平均数: (40+61+28+41)/4 42.5, 作为第 1 年中第 3 季度和 第4季度中间3个月的趋势测定值。这样依次计算出数列的其他时期的趋势测定值,具体 见表中"四季移动平均"栏、第二步、进行移正平均、将四季移动平均栏中数值连续2项 进行平均,将趋势值移正。如第1项和第2项数值平均数为,(40,25+42,5)/2-41,375, 表示第1年第3季度的趋势值,这样依次将数列各项趋势值移正,即可代表某一时期的趋 势值,具体见表中"移正平均(T)"栏。它反映了原数列的长期趋势,可以看出,该城市 旅游人数的变动趋势呈稳步逐年上升态势。

年份	季度	季度序号	实际人数火	四季移动平均	移正平均(T)
	1	11/11/	32		_
第1年	2	1 5	40	40. 25	_
粉1年	3 , 7	3	161/J	42. 50	41.375
	,4	4	28	45. 25	43.875
	17	5	41	48. 50	46. 875
第2年	2	6 1	51	50. 50	49.500
21 0 T	3	7	74	54.50	52. 500
	4	8	36	56.00	55.250
	1	9	57	62, 75	59. 375
第3年	2	10	65	68.00	65. 375
343 O 24-	3	11	93	55.00	_
	1	12	57		_

表 10-17 某旅游城市旅游人数资料(移动平均计算表)

应用简单移动平均法分析长期趋势时、还要注意下面两个方面。

第一,在逐项移动平均时,取多少项进行平均要根据数列的特点来确定。一般选择奇 数项进行平均、平均的结果直接作为中间一项的趋势值。如果洗择偶数项移动平均、要注 意还要进行移正平均,这样才能使趋势值正好代表某一期的趋势值。如果现象变动有周期 性, 就应以周期长度为移动平均的项数。如例 10.16 中,以一年四个季度为一周期,就应 取四项移动平均。因为只有这样,才能消除周期变动,准确反映长期趋势。

第二,移动平均的项数不官过大。移动平均后所得的修匀数列,比原数列的项数少。

选择平均的项数越多, 最终得到的趋势值数列的项数就越少, 失去的信息也越多。

2. 加权移动平均法

简单移动平均法适用于线性趋势的测定,如果客观现象发展是非线性的,就要考虑用加权移动平均法。所谓加权移动平均法就是对各期指标值进行加权后再进行移动平均。这是在简单移动平均法的基础上给近期数据以较大的权数、给远期的数据以较小的权数,计管加权移动平均数作为第点期或作为第点上1期的趋势预测值的。种方法。公式为:

$$\bar{Y}_{i} = \frac{Y_{i}f_{i} + Y_{i+1}f_{i+1} + \dots + Y_{i+k-1}f_{i+k-1}}{f_{i} + f_{i+1} + \dots + f_{i+k-1}}$$
(10. 27)

如根据表 10-17 数据、计算第 1 年第 3 季度(k-3) 的趋势值、或作为第 4 期的预测值。

$$\overline{y_3} = \frac{32 \times 1 + 40 \times 2 + 61 \times 3}{1 + 2 + 3} = 49.2$$

依此方法,求出各期的趋势值,然后观察分析其长期趋势。

10.3.4 指数平滑法

指数平滑法是加权移动平均法的一种特殊情形,它是用以往的时间序列水平的加权平均数作为趋势值。指数平滑法是利用时间序列的长期趋势进行预测的。种方法,也称指数修匀预测法,按修匀次数的多少有一次指数平滑、二次指数平滑、三次乃至多次指数平滑。这里主要介绍一次指数平滑法。

指数平滑法的基本形式是根据第 / 期的实际值 Y, 和第 / 一1 期的平滑值 S归, 分别给以不同权数 a 和 1 一 a, 计算加权平均数作为下期的趋势值 Y...

指数平滑法的基本模型如下:

$$S_t^{(1)} = \alpha Y_t + (1 - \alpha) S_t^{(1)} \quad (t = 1, 2, \dots n)$$
 (10.28)

式中: S: 表示第t 期的平滑值、上标(1)表示一次指数平滑; S: 表示第t-1 期的平滑值; α 为平滑系数、取值范围为 0 < α <1。

注意: 第t-1期的平滑值S= 就作为第t期的趋势值或预测值、第t期的平滑值S= 就作为第t+1期的趋势值或预测值、类推也成立。

若利用指数平滑法模型进行预测、从基本模型中可以看出、只需某一期(第i期)的实际值Y,和该期(第i期)的趋势值或预测值S二(即i-1 期的平滑值)及 α 值、就可以进行计算。

在指数平滑时,需要确定两个问题。

第一、初始值的确定。如果资料总项数 N 大 F 50、则经过长期平滑链的推算、初始值的影响变得很小了,为了简便起见,可用第一期水平作为初始值。但是如果 N 小到 15 或 20、则初始值的影响较大,可以选用最初几期的平均数作为初始值。

第二, α 值的确定。选择 α ,一个总的原则是使预测值与实际观察值之间的误差最小。 从理论上讲, α 取 $0\sim1$ 之间的任意数据均可以。具体如何选择,要视时间序列的变化趋势来定。

(1) 当时间序列呈较稳定的水平趋势时,应取小一些,如 0.1~0.3,以长小修正幅度,同时各期观察值的权数差别不大,预测模型能包含更长时间序列的信息。



- (2) 当时间序列波动较大时, 官选择居中的 α 值, 如 0.3~0.5。
- (3) 当时间序列波动很大。星视明显目讯读的上升或下降趋势时。α 应取大此。加 0.6~0.8. 以使预测模型录敏度高些、能迅速器上数据的变化。
- (4) 在实际预测中, 可取几个α值进行试算, 比较预测误差, 选择误差小的那个α 值。如表 10-16 中,分別用 $\alpha-0.2$ 和 $\alpha-0.8$ 计算出两组平滑值,哪一组数据与实际数据 之间差异比较小, 这需要分别计算平均差, 然后进行比较。选择平均差较小的平滑系数作 为依据,对未来趋势值进行预测。

【例 10.17】 某公司某年前8个月销售额资料见表10-18。用指数平滑法对销售额的 变动讲行长期趋势分析。

	min time data data data	一次指数平滑值			
月份	实际销售额	α=0.2/	$1-\alpha = 0.8$		
1	150, 80	150.80(初始值)	150, 80		
2	154	151/14	153. 36		
3	148	150.75	149.07		
4	142	149.00	143. 41		
5	151	149. 40	149. 48		
6	1 145	148. 52	145. 90		
7	154	149.62	152. 38		
8	157	751. 10	156.08		
9 /	151	151.08	152, 02		

解: 由于资料的项数较少, 一般初始值可用前几项的平均数。为简便起见, 这里假设 以 1 月份的实际值 150.8 万元,作为指数平滑的初始值, α 取 0.2,则 $1-\alpha=0.8$ 。代人式 (10,28), 得,

> 2月份的平滑值= $\alpha \times 2$ 月份的实际值+ $(1-\alpha) \times 1$ 月份的初始值 $=0.2\times154+(1-0.2)\times150.8=151.44$

> 3 月份的平滑值 $=\alpha \times 3$ 月份的宝际值 $+(1-\alpha) \times 2$ 月份的平滑值 $=0.2\times148+(1-0.2)\times151.44=150.75$

依此类推,可以求出 @ 0.2 各月的平滑值,再用同样的方法求出 @ 0.8 的各月份平 滑值,依据平滑值来观察数据变动的趋势。

指数平滑法考虑了观察期所有观察值对预测值的影响,这种影响按时间近及远逐渐减 小,按指数递减规律进行加权平均,它的预测效果比移动平均法要好,应用面也广。

10 3 5 最小平方法

最小平方法又叫最小二乘法,是测定长期趋势最常用的方法。其基本思想是通过建立 数学模型,拟合出一条趋势直线或曲线,使原数列各项数值与相应趋势值的离差平方和为 280 ///

最小,用公式表示如下:

$$\sum_{t=0}^{n} (y - y_t)^2 =$$
最小值

式中: y 表示时间序列各期实际值; y, 表示通过趋势模型求出的趋势值。

最小平方法可以用于拟合直线趋势, 也可以用于拟合曲线趋势。

在实际工作中,判断时间序列呈何种趋势类型的方法是绘制散点图,通过观察各个散点的形状确定资料的趋势类型。另一种方法是根据时间序列求动态分析指标来判断,若时间序列中的各个逐期增长量大体相等。基本趋势是直线型的,可配合趋势直线;若时间序列中的二级增长量(即原始时间序列的序列的逐期增长量的逐期增长量的逐期增长量的发明的数据处理,可配合地物线趋势,若时间序列中的各环比发展速度(或环比增长速度)数值大体相等,其基本趋势属指数曲线形态。则可配合指数曲线趋势。

1. 直线趋势的拟合

根据线性函数的特件:

$$\Delta Y_{t} = Y_{t+1} - Y_{t} = a + b(t+1) - bt = b$$

如果一个多年的数据序列,其相邻两年数据的一阶差近似为一常数,就可以配合一条 直线趋势方程; $y_i - a + b_i$,然后,用最小平方法来求解参数 a, b。

由于所求的趋势线 $y_t = a + bt$, 可求得:

$$\sum_{i=1}^{n} (y-y_i)^2 = \sum_{i=1}^{n} (y-a-bt) = 最小值$$

式中: 1代表时间; a代表直线趋势方程的起点值; b代表直线趋势方程的斜率,即1每变动一个单位时,长期趋势值增加(或减少)的数值。

令 $Q = \sum (y-a-bt)$,为使其最小,则对a 和b 的偏导数应等于0 ,因此,可得到如下方辞年,

$$\begin{cases} \sum y = na + b \sum t \\ \sum ty = a \sum t + b \sum t^2 \end{cases}$$
 (10.29)

解之, 得,

$$b = \frac{n\Sigma ty - \Sigma t\Sigma y}{n\Sigma t^2 - (\Sigma t)^2}, \quad a = \bar{y} - b\bar{t}$$
 (10.30)

式中, n代表时间的项数。

【例 10.18】 某旅游景点历年观光游客人数资料见表 10 19, 用最小平方法拟合适当的趋势方程,并预测第 8 年的游客人数。

並 滋斯占历在 卵 米 滋 定	

单位, 百人

年份	游客人数	年份	游客人数
第1年	100	第5年	155
第2年	112	第6年	168
第3年	125	第7年	180
第4年	140		



解: 首先要确定游客人数资料的长期趋势属于何种类型。通过计算,由表 10 20 得, 各个逐期增长量大体相等,因此,历年游客人数资料属于直线趋势类型。还可以建立坐标 系作散点图。以横轴作为时间、纵轴作为人数、找出各个散点、然后观察各散点的形状, 确定趋势类型。

年份	游客人数 {百人)y	逐期增长量	时间序号 t	ť²	ty	y,			
第1年	100	_	1	1	100	99.08			
第2年	112	12	2	4	224	112. 72			
第3年	125	13	3	9	, 375	126. 36			
第1年	140	15	1	16	360	140.00			
第5年	155	15	5	25	775	153. 64			
第6年	168	13	6	36	1 008	167. 28			
第7年	180	12	7	19	1 260	180, 92			
수 计	980	_	-08\	140	4 302	980.00			

设直线趋势方程为: $v_i = a + b L$

将表
$$10-20$$
 中合计行的数值、代人式(10.30)得:
$$b = \frac{2 \times 4302 - 28 \times 980}{7 \times 140 - 28 \times 28} = \frac{2674}{196} - 13.64$$

$$a = 980/7 = 13.64 \times 1 = 85.44$$

从而求得直线趋势方程: y₁ = 85, 44+13, 64t

把各 t 值代入上式, 便求得相对应的趋势值 y, 见表 10-20 的右栏。

预测第8年游客人数的趋势值,则将1=8代入趋势方程,得;

$$y_8 = 85.44 + 13.64 \times 8 = 194.56$$
 (百人)

在对时间序列按最小二乘法进行趋势配合的运算时,为使计算更简便些,将各年份 (或其他时间单位)简记为1、2、3、4、……. 并用坐标移位方法将原点 0 移到时间序列的 中间项、使 $\sum t=0$ 。当项数n 为奇数时、中间项时间序号为0、当为偶数时、中间两项时 间序号分别设一1,1 这样时间间隔便为 2,各项依次设成; ... -5, -3, -1; 1, 3, 5, …。这样求解公式便可简化为:

$$\begin{cases} \sum y = na \\ \sum ty = b \sum t^2 \end{cases}$$
 (10.31)

由此,得到,

$$a = \frac{\sum y}{n} = \bar{y} \qquad b = \frac{\sum ty}{\sum t^2}$$
 (10.32)

如果将表中的时间序号重新设计, 使\(\subsetext{t}\) 0, 有关计算见表 10 21。

180, 92

980.00

	表 10 21 未断见点的牛丸儿断台八双城小二未从门并从									
年份	游客人数 (百人)y	逐期增长量	时间序号 t	t²	ty	у,				
第1年	100	_	-3	9	-300	99, 08				
第2年	112	12	-2	4	-224	112.72				
第3年	125	13	-1	1	-125	126, 36				
第4年	140	15	0	0	0	140,00				
第5年	155	15	1	1	155	153.64				
第6年	168	13	2	4	336	167. 28				

表 10 21 某游览点历年观光游客人教景小二乘法计算表

由式(10.32)简捷公式,得:

180

$$a = \frac{\sum y}{n} = \frac{980}{7} = 140$$
 $b = \frac{\sum ty}{\sum t^{-}} = \frac{382}{28} = 13.64$

 $ED_{v_0} = 140 + 13,64t$

第7年

승규

将各 / 值代入上式, 便求得各年的趋势值 y, 见表 10-21 最右一栏。

代入 t=4, 预测第 8 年的游客人数, 即, $v_0=140+13$, $64 \wedge 4=194$, 56(百人)

预测结果与前面相同。用最小二乘法在对原数列作长期趋势的测定时,通过趋势值 y. 来修匀原数列,得到比较接近原值的趋势值。

如前所述,当时间序列中的二级增长量大致相同时,就可拟合二次曲线方程。二次曲线方程的一般形式为;

$$y_t = a + bt + ct^2 (10.33)$$

方程中有 a、b、c3 个待定参数,按最小平方法的思想,可得出下列方程组:

$$\begin{cases} \sum y = na + b \sum t + c \sum t^2 \\ \sum ty = a \sum t + b \sum t^2 + c \sum t^2 \\ \sum t^2 y = a \sum t^2 + b \sum t^3 + c \sum t^4 \end{cases}$$
 (10. 34)

如用简捷法,则得到由三个方程组成的方程组;

$$\begin{cases} \sum y = na + c \sum t^2 \\ \sum ty = a \sum t + b \sum t^2 \\ \sum t^2 y = a \sum t^2 + c \sum t^4 \end{cases}$$
 (10. 35)

将上述3个方程联列,得到三元一次方程组,根据资料求出a、b、c3个参数。

【例 10. 19】 设某啤酒厂近 7 年销售量资料见表 10 22 第 1、2 列,试用最小二乘法配合适当的趋势方程。



解:首先要分析资料趋势类型,可作散点图或计算 级增长量确定,资料属于抛物线趋势(具体过程略)。设此资料趋势类型为二次曲线方程形式,

$$v_t = a + bt + ct^2$$

根据求参数方程组的公式要求, 计算有关数据见表 10 22 中的各栏数值。

表 10-22 某啤酒厂近几年啤酒销售量及计算表

年份	啤酒销量 y(吨)	t	ty	t ²	t² y	£4	у,
第1年	52	-3	-156	9	468	81	57. 21
第2年	69	-2	-138	4	276	16	64.00
第3年	91	-1	-91	1	91	1	48.59
第4年	117	0	0	0	0 1/1	0	118.98
第5年	163	1	163	1	163	2 1	167.17
第6年	224	2	448	4.	896	16	229, 16
第7年	310	3	930	1.2	2 790	81	304.95
合计	1 026	0	1 156	28	4 684	196	1026.1

将上述计算表中的数值代人求参数的方程组 10.35,可得:

$$\begin{array}{r}
 1026 = 7a + 28c \\
 1156 = 28b \\
 4684 = 28a + 196c
 \end{array}$$

求解上述方程组得: a-118.98. b-41.29, c-6.9

故二次曲线趋势方程为:

$$y_t = 118.98 + 41.29t + 6.9t^2$$

将各年年份序号代人趋势方程,可求得各年的趋势值,见表10-22最右一栏数据。

利用二次曲线趋势方程,可以进行预测。如要预测第8年的销售量,将第8年的年份 序号 t=4 代入趋势方程,结果如下;

$$v_8 = 118.98 + 41.29 \times 4 + 6.9 \times 4^2 = 394.54$$
 (吨)

3. 指数趋势线的拟合

若时间序列的各期环比发展速度(或环比增长速度)大致相同时,可拟合指数曲线趋势 方程。

指数曲线的标准方程式为:

$$y_t = ab' \tag{10.36}$$

式中: a表示 t=0 时的趋势值; b表示现象的平均发展速度。

进行指数曲线拟合时,应先将指数曲线转化为直线形式。对上式两边取常用对数得:

$$\lg y_t = \lg a + t \cdot \lg b$$

转化为盲线形式为: Y = A + B

这样,可按直线拟合的方法确定所需要的指数曲线。用最小平方法先求出 A 和 B ,再 查反对数表,得到 a 和 b 。

【例 10.20】 假设某市近5年年底人口数资料见表10 23的第1、2列。试用最小: 乘法拟合指数曲线趋势方程。

解: 先要分析资料所属类型,通过分析判断资料为指数曲线趋势。(过程略)

设指数曲线的标准方程式为: $v_i = ab'$

计算求参数资料的过程见表 10-23-

表 10-23 指数曲线趋势拟合计算表

单位, 万人

年份	年末人数 Y	ŧ	t ²	lgY	tlgY	Уı
第1年	100	-2	4	2	-4	99. 5
第2年	120	-1	1	2.079 2	-2.079 2	119.9
第3年	143	0	0	2. 155 3	_P 0	144.3
第4年	173	1	1	2. 238	2, 238	173.7
第5年	211	2	4	2. 324 3	4. 648 6	209.2
合计	7476	0	10	19, 196 8	0.8074	746.6

由于 $\sum t = 0$, 所以:

$$B - \frac{\sum t \cdot \lg v}{\sum t'} = \frac{0.8071}{10} - 0.08074$$

$$A = \frac{\sum \lg v}{2} = \frac{10.7968}{5} = 2.18036$$

香反对数表得, a=141.3, b=1.204

将其代人指数曲线方程,得:

$$y_i = 114, 3 \times 1.204$$

把各年份的上值代人上式,即得各年的趋势值,见表 10-23 最右一栏。

利用指数曲线趋势方程也可进行预测,只要预测期的序号代入趋势方程,即可得到预测数值。

10.4 季节变动与循环变动的测定

10.4.1 季节变动的测定

季节变动广泛地存在于许多客观现象中,比如、农业生产活动中的投入(用工量)和产出(粮食、蔬菜、奶、蛋、禽等)都因四季的更替而有农闲和农忙、淡季和旺季之分。又如,交通运输行业和旅游部门,也受自然条件和社会生活习惯的影响,而明显地表现为季节性变动。季节变动具有两个明显的特征:第一,季节变动是一种有规律的变动,在每一周期中变化大体相同;第二,季节变动主要按年为周期重复进行。

测定季节变动的作用主要有:第一,季节变动一旦测定出来,就可以研究现象在一个 周期内各个时间上的变化规律,便于制定可行的计划,进行合理的调度,更好地组织生



产、流涌、运输,安排好人们的经济生活;第二,根据测定出来的季节指数,可以进行经 溶预测: 第二, 在进行统计分析时, 利用季节指数, 还可以用来消除季节变动对时间序列 造成的影响,得到不含季节变动因素的数据,以便于进一步地测定现象的循环变动等。

季节变动是计算季节指数测定的, 般情况下要求数据愈多愈好, 般至少需3年或 以上分季(或分月)的资料、较常用的有同期平均法和趋势剔除法。

1 周期平均注

同期平均法是测定季节变动最简便的方法。它是以若干年资料数据求出同月(季)的平 均水平与全年总月(季)水平, 着对比得出各月(季)的季节指数来表明季节变动的程度。 按月平均法可以分为直接按月(季)平均法和比率按月平均法两种。

1) 直接按季 (月)平均法

直辖按委(月)平均法将整个时间序列的趋势值视为常数。计算步骤如下、

第一, 计算各年同季 (月)的平均数 \overline{v} ($i=1, 2, \dots$)。

第二, 计算各年所有季度 (月)的总平均数 v。

第二、计算委告指数 S. 公式为,

$$S_{c} = \frac{\overline{y_{c}}}{\overline{y}} \times 100\% \tag{10.37}$$

【例 10. 21】 以表 10-15 某旅游城市旅游人数季度资料为例, 计算得到表 10-24, 用 直接按同期平均法分析季节变动。

A- 45	旅游人数(万人)						
年份	第一季	第二季	第三季	第四季	合计		
第1年	-/32	40	. 81	28	161		
第2年	131	51 X	74	36	202		
第3年	57	65	93	57	272		
合计	130	156	228	121	635		
同季平均	43. 33	52	76	40. 33	52. 915		
季节指数 S,(%)	81.88	98. 27	143. 63	76. 22	400		

解. 计管步骤加下。

第一, 计算同季平均数。如3年第一季度平均数为, (32+41+57) 3-43, 33, 按照 类似方法, 计算出 3 年的第二、三、四季度的同季平均数分别为 52、76、40.33。如果是 月份资料,则计算的县同月平均数。

第二、计算三年总季度平均数。635/12=52.915

第三, 计算各季度的季节指数。如第一季度的季节指数为:

$$S_1 = \frac{y_1}{y} = \frac{43.33}{52.915} = 81.88\%$$

按照类似方法,分别计算出第二、三、四季度的季节指数。如果是月份资料,则是各 月份的季节指数。

季节指数表明各季(月)水平比全期总的季(月)水平高或低的程度,如果各季(月)季节

指数都比较接近于1,则表明季节变动很小;如果各季(月)季节指数差距很大,则表明季节变动较强。习惯上、常常把季节指数大于1的季节称为旺季、而把季节指数小于1的季节称为淡季。如表10-22中、第三季度的季节指数为143.63%,而其他季度的季节指数都达不到100%,说明第三季度是该城市的旅游旺季。

应注意的是:各季(或月)季节指数之和应正好等于400%(或1200%),但实际中由于受其他因素的影响。各季(月)季节指数之和有时会不等于400%(或1200%),这时就需要对季节指数加以调整,把差数分摊到各季(或月)中去。调整的方法是先计算调整系数,其计算公式为:调整系数-400%(或1200%)/实际季节比率之和。然后用调整系数去乘原季节指数数据很出了调整后的季节将数。

各季度的季节指数也可用曲线图画出,这样能更直观地反映季节变化。如图 10-1。

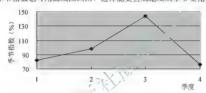


图 10-1 草风器旅游城市旅游人数季节变动

利用季节指数、可以对下一年各季度的旅游人数进行预测。假设该城市未来的第4年旅游人数将比第3年增长10%,达到272×1.1-299.2万人。则第4年各季度旅游人数福测值为。

第 - 季度預測值=299.2÷4×81.88%=61.25(斤人)

第二季度预测值=299, 2÷4×98, 27%=78, 5(万人)

第三季度预测值=299.2÷4×143.63%=107.44(万人)

第四季度预测值=299.2÷4×76.22%=57(万人)

2) 比率按季 (月)平均法

比率按季(月)平均法是在按季(月)平均之前、先将历年各季(月)的数据同其本年的 季(月)平均数相比、得出说明该年度的季节比率;然后再将各年度同期(月或季)的比率 进行平均、求出季节指数。

【例 10.22】 仍以表 10-15 某旅游城市旅游人数季度资料为例计算,用比率按月平均 法计算历年各季的季节比率和季节指数。

解: 第一步: 根据表 10 15 资料, 计算各年季平均数, 见表 10 25(单位: 万人)。

	WID TO NATION									
年份	第一季	第二季	第三季	第四季	季平均数					
第1年	32	40	61	28	40. 25					
第2年	41	51	74	36	50.5					
第3年	57	65	93	57	68					

表 10-25 计算各年季平均数



第二步,分别用各季度实际数值除以各年季平均数,得到季节比率,见表10 26。如 田第1年第一季度旅游人数32万除以第1年季平均旅游人数40.25万得到0.795。

表 10 26 比率按季(月)平均法季节指数计算表

年份	第一季	第二季	第三季	第四季	合计				
第1年	0.795 0	0. 993 8	1.515 5	0. 695 7	4				
第2年	0.8118	1.009 9	1.465 3	0.713 0	4				
第3年	0.838 2	0. 955 9	1.367 6	0. 838 3	4				
合计	2. 445	2. 959 6	4.348 4	2. 247 0	12				
季节指数(%)	81.50	98. 65	144. 95	74. 90	400				

第三步, 将表 10-26 中各年同季的季节比率相加, 再除以年份数就得到各季度的季 节指数。如、第1季度的季节指数为2,445/3=0,815 即为81,50%。

用同样方法求出其他3个季度的季节指数,结果见表10-26中最末一行数值。

上表的计算结果与例 10-22 的计算结果类似,表中第三季度的季节指数最高,决到 144.95%,表明第三季度是旅游旺季,旅游人数超过各季平均水平44.95%。

2. 移动平均趋势剔除法

在具有明显的长期趋势变动的数列中, 为了测定季节变动, 必须先将趋势变动因素加 以剔除。假定趋势变动、季节变动、循环变动和不规则变动对时间序列影响可以用乘法模 型反映, 用移动平均趋势剔除法测定季节变动的步骤如下。

第一,对原时间序列求移动平均数,作为相应时期的趋势值 T。

第二,剔除原数列中的趋势变动下,即将原数列各项除以移动平均数的对应时间数 据,运用如下公式计算:

$$\frac{Y}{T} = \frac{T \cdot S \cdot C \cdot I}{T} = S \cdot C \cdot I \tag{10.38}$$

第三,以消除趋势变动后的数列计算季节指数,测定季节变动。

【例 10.23】 利用表 10-17 的数据,用移动平均趋势剔除法分析季节变动。

解,第一步,剔除长期趋势。

根据表 10-17 数据中的移正平均结果,得到表 10-27 中的最右边一栏 (Y/T) 就是剔 除长期趋势后的序列。

表 10-27 季节指数计算表(一)剔除长期趋势

年份	季度	順序	Y	Т	Y/T
	1	1	32	_	_
第1年	2	2	40	_	_
弗丁午	3	3	61	41. 375	1. 474 3
	4	4	28	43, 875	0, 638 2

年份	季度	顺序	Y	T	Y/T
	1	5	41	46, 875	0. 874 7
Mr o tr	2	6	51	49. 500	1. 030 3
第2年	3	7	74	52, 500	1. 409 5
	1	8	36	55. 250	0. 651 6
	I	9	57	59. 375	0, 960 0
the other	2	10	65	65, 375	0, 994 3
第3年	3	11	93	_	_
	4	12	57	XA	_

第二步, 计算各季度的季节指数。将表 10-27 中剔除长期趋势后的数值, 按季度排 列在表 10-28 中,对各年同季度的数值进行简单平均,就得到各季度的季节指数。

年份 第一季度 第二季度 第三季度 第四季度 승计 第1年 1.474 3 0.6382 第 2 4: 0.651.6 0.87171,030 3 1.409 5 第3年 0.960-0 0.994 3 0. 917 35 实际季节指数 1: 441 9 0.6449 4,016 45 调整后季节指数 (% 本 ^ 91/36 100.82 143, 60 64.22

表 10-28 计算季节指数表(二)

如第一季度的同季平均。(0.8747+0.9600)/2=0.9090,即为实际的季节指数,它们 相加后不等于4或400%,所以要进行调整。其方法为:

调整系数: 4.01645/4=1.0041

第一季度调整后季节指数, 0,91735/1,0041 91,36%, 其余各季度计算类推。

10.4.2 循环变动的测定

1. 测定循环变动的意义

测定循环变动的意义是,第一,将循环变动从时间序列中分离出来,更好地研究现象 周期性上升或下降的表现形式、特点、周期长度以及各阶段的特征等;第二,通过对时间 序列循环变动的测定和研究。有助于认识和掌握现象循环变动的规律,为制定政策、安排 经济活动以及有效消除循环变动的不良影响提供科学依据;第二,通过对客观现象循环变 动的认识,有助于进行经济预警分析,预测下一个经济循环周期发生的时间,提前做好有 关准备工作, 事先采取措施减少不利因素影响或阳正其发生。

按照周期的长短,循环变动有3种类型,即长周期、中周期和短周期。所谓长周期, 又称长波循环或康德拉耶夫(Kondratieff)周期,每个循环的周期长度平均为50~60年。



所谓中周期,又称大循环或朱格拉([uglar)周期,每个循环的周期长度平均为8年左右。 所谓短周期, 又称小循环或基钦(Kitchen)周期, 它的平均长度约为3~5年。在现实生活 中, 对经济运行影响较大, 并且表现明显的循环变动的周期是中周期, 人们关心的也是中 周期,国内外经济文献中所提到的经济循环周期或商业循环,也大都是指中周期。另外, 按照经济活动的绝对水平是否下降,循环周期又分为占典型周期和增长型周期。所谓占典 型周期,是指经济活动的绝对水平先下降后上升,在绝对水平上表现出涨落(或峰谷)相间 或扩张与紧缩相交替的波动。所谓增长型周期,是指经济活动的绝对水平不一定下降。但 在增长率上有明显的涨落(或峰谷)相间或扩张与紧缩相交替的波动。

般情况下, 个完整的经济循环周期包含4个阶段,即复苏、繁荣、真很和萧条。

2. 循环变动的测定方法

在对时间序列各个影响因素的测定中,循环变动的测定是最困难的,因为一个时间序 **列所包括的各个循环周期在时间的长短。波动的大小以及具体表现形态上都不尽相同。而** 日循环变动又往往和不规则变动混杂在一起。不易区分并且比较隐蔽。在实际工作中、测 定循环变动的方法主要是分解法和增长率法。

1) 分解法

分解法又称剩余法、县测定古典型经济周期较为有效的方法。其具体讨程县、首先、 从时间序列中计算出长期趋势和季节变动;其次、用原数列的实际水平除以该数列的长期 趋势值和季节比率数值,从而消除时间序列中长期趋势变动和季节变动的影响,求得只受 循环变动和不规则变动影响的时间序列资料:最后,再对所求出的资料进行移动平均,从 而消除不规则变动对时间序列的影响,这时就分离出了循环变动,并用各期的循环变动系 数表示。

另外,对于以年为时间单位的时间序列,由于时间序列本身就不存在季节变动的影 响,所以在用原数列的资料剔除长期趋势值后,只需对剩余资料进行移动平均就可大致消 除不规则波动的影响,从而分离出循环变动来。分解法的步骤可更具体表述如下。

- (1) 对于 $Y = T \times S \times C \times I$ 数列,
- 第一步, 计算数列的长期趋势值 T 和季节比率 S。
- 第二步, 计管循环变动和不规则变动 $C \times I \cdot C \times I = Y/(T \times S)$.

第三步,对 $C \times I$ 数列的数值采用移动平均方法消除不规则变动T 的影响后,就分离 出循环变动因素 C。

- (2) 对于 $Y = T \times C \times I$ 数列.
- 第一步, 计算数列 Y 的长期趋势值 T。
- 第二步, 计算循环变动和不规则变动 $C \times I : C \times I = Y/T$.
- 第三步,对数列中的 $C \times I$ 数值,采用移动平均的方法消除不规则变动I的影响后, 就分离出循环变动因素C。
- 【例 10.24】 某省连续 12 年原煤产量资料见表 10 29。试测定原煤产量循环变动 情况。
- 表中, 趋势值 T和循环变动 C 均是采用 : 期移动平均得到的。由计算结果可以比较清 晰地看出,该省原煤产量在12年间,存在着从低到高,再从高到低的循环变动周期。

表 10 29 某省原煤产量的循环变动计算表

年份序号	原煤产量 Y(万吨)	趋势值 T(万吨)	循环变动和不规则变动 Y/T - C × I (%)	循环变动 C(%)
1	9 027	_	_	_
2	9 279	9 308	99.69	_
3	9 618	9 744	98. 71	99.76
4	10 334	10 244	100.88	100. 61
5	10 781	10 545	102. 24	101, 96
6	10 520	10 236	102.77	102.00
7	9 406	9 313	101.00	99. 98
8	8 012	8 332	96/16	97. 24
9	7 578	8 013	84.95	96. 14
10	8 448	8 649	97. 68	96. 89
11	9 921	10 080	98. 42	_
12	11 871	-7X	. –	_

2) 增长率法

增长率法也称为直接法直接将时间序列中不同时期水平加以对比,得到发展速度或增长速度(增长率),分为两类情况。

是对于季度和月度时间序列,如果研究时间序列的目的只在于测定数列的循环波动特征,可直接将每年各季或各月的数值与上年同期进行对比,即求出年距发展速度。它可以大致消除趋势变动 T 和季节变动 S 的影响。它的主要局限性是在消除时间序列长期趋势的同时,相对放大了年度发展水平的影响。当某一期发展水平偏低或偏高时,必然会影响 C · I 的数值,使之偏高或偏低,导致循环变动的振幅被拉大。

另一是对于年度数据资料,主要适合于增长型循环周期。该周期的特征是经济活动的 增长率表现出周期波动的特点,而经济绝对量不一定下降。该法简便易行,结合图形分析,就更加自观,能比较清晰地反映某一现象增长率的波动特点。

10.5 Excel 在时间序列分析中运用示例

10.5.1 长期趋势的测定

1. 移动平均法

【例 10.25】 某公司 20××年前各月的销售额资料见表 10 30、试用移动平均法测定 长期趋势。

	表 10 50 来公司2000年百万前百款								
月份	实际销售额(万元)	月份	实际销售额(万元)	月份	实际销售额(万元)				
1	28	5	42	9	50				
2	30	6	44	10	52				
3	35	7	79	11	63				
4	37	8	48	12	77				

Excel 操作讨程如下。

以表中的数据为例,相关移动平均法"数据分析"计算过程如下。

第一步: 在 Excel 工作表中 B2: B13 区域中输入"某公司 20××年各月销售额" 资料。

第二步: 在 Excel 的"王县"栏中选择"数据分析"命令,并单击"移动平均" 洗项。

第三步, 在"移动平均"对话框的"输入区域"文本框中输入"B2, B13", 在"间 隔"文本框中输入"3"表示进行 3 项移动平均,选择"输出区域",并选择"图表输出" 和"标准误差"复选框,单击"确定"按钮,移动平均法的计算结果如图 10-2 所示。

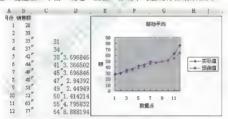


图 10-2 利用移动平均"数据分析"计算的结果

在图中,分别产生了3项移动平均的估计值C3.C13和估计的标准差D5.D12。正 如图中 C4 单元格的表达式所示, C4 中的表达式 "-AVERAGE(B2, B4)" 是对 B2, B4 单元计算算术平均数, 而 D6 单元格中的表达式 "-SQRT(SUMXMY2(B4: B6, C4: C6)/3)"相当于标准差公式。

关于 Excel 中的"移动平均"的计算。需要说明两点: -是图中图列说明中的"趋势 值",即移动平均值、由于移动平均法是以移动平均值作为趋势估计值。所以也将其称为 "趋势值": 1是移动平均值的位置不是在被平均的 N 项数值的中间位置,而是直接排放 在这 N 个时期的最后一期,这一点与通常意义上移动平均值应排放在 N 时期的中间时期 有所不同。

图中还绘制出了实际观察值与3项移动平均估计值之间的拟合曲线,可以看出,移动 平均值削弱了上下波动,如果这种波动不是季节波动而是不规则变动的话,显然,移动平 均可以削弱不规则变动。对于该例进行1项移动平均的结果与3项移动平均的结果明显不同。也就是说, 当序列有季节周期时, 只要移动平均的项数和季节波动的周期长度一致, 则移动平均值可以消除季节周期, 并在一定程度上消除不规则变动, 从而揭示出序列的长期趋势。

2. 指数平滑法

【例 10.26】 资料见表 10-30, 试用指数平滑法分析销售额变动趋势。

指数平滑法"数据分析"计算过程如下。

第一步:在 Excel " [具" 栏中选择"数据分析"、并点击"指数平滑"过程。

第二步: 在"指数平滑"对话框的"输入区域"文本框中输入"B2; B13"。在"阻尼(平滑)系数"文本框输入 0.35。选择"输出区域",并选择"图表输出"和"标准误差"复选框,单击"确定",指数平滑法的计算结果如图 10-3 所示。

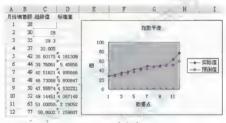


图 10-3 指数平滑宏输出结果

3. 拟合直线趋势

【例 10.27】 某游览点最近连续7年观光游客资料见表10-31。

年份 时间 # 游客(百人)y 100 3 3 4 140 6 6 168 7 180 合计 28 980

表 10-31 某游览点最近连续7年观光游客资料

在 Excel 中虽没有提供数学曲线拟合法的直接计算工具,但是通过配合使用某些宏与



函数可以完成直线或曲线趋势的数学拟合。

第一步,利用图形向导生成折线图或利用移动平均宏生成折线图。

第二步, 在对生成的草图进行必要的修饰后, 得到时序图, 单击鼠标左键选择折线, 然后右击,选择"添加趋势线"选项,操作如图 10-4 所示。

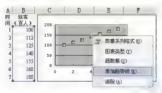


图 10-4 "添加趋势线"操作

第三步:在"添加趋势线"操作中,选择"线性"趋势线,然后单击"选项"命令, 在"洗项"菜单洗择输出"显式公式"和"显示 R 平方值"两项。最后单击"确定"按 钮,得到如图 10-5 所示約势线和直线趋势方程及R平方值。



图 10-5 直线趋势方程及拟合度

10.5.2 季节变动、长期趋势与循环变动的测定

循环变动的测定需要在测定出季节变动和长期趋势的基础上进行,因此,用一个测定 循环变动的实例说明。

【例 10.28】 根据我国某一段时间内连续6年各季度的年货物周转量数据资料,见表 10-32, 用剩余法测定其季节变动和循环变动。

时间		实际值 y	时	时间	
	1	6 924		1	9 131
ANT: 4 ANT	2	7 254		2	10 063
第1年	3	7 045	第 4 年	3	9 946
	4	7 415	1	4	10 020

表 10-32 连续 6 年货物周转量季度数据实际值(单位: 亿吨千米)

					-X 20
时间	3	实际值 y	Br)	间	实际值 y,
	1	7 346		1	8 533
M: o fr	2	7 714		2	10 063
第2年	3	7 615	第5年	3	9 946
	4	7 707		4	10 020
	1	7 066		1	10 673
Aste or Arr	2	7 732	Attack to the	2	11 237
第3年	3	9 032	第6年	3	11 561
	4	9 597		4.4	11 734

步骤如下。

(1) 输入数据,如下图所示。A2,A25 存放时间。B2,B25 存放实际值 Y、A1 与 B1 分别存放两列数据的标志"时间"和"Y"。C1~G1 分别存放计算过程中各列数据的标志、分别为"S"、"T *C * I"、"T"、"C * I" 和"C"、见表 10 - 33。

表 10-33 剩余法测定季节变动和循环变动操作结果

时间	Υ	s	1.8×1	T .7%	C*I	С
第1年.1	6924	92. 25110397	75. 05332756	V.		
2	7254	100. 4076629	72. 24548194	1611		
3	7045	102. 1171906	68. 78728035			
4	74.15	104. 9207425	70. 67239348			
第2年.1	7316	92. 25110397	79, 62763193	71. 68962083	111.0727522	
2	7714	100. 4076629	76. 82680558	72. 83319768	105. 4832247	105. 6872772
3	7615	102. 4171906	74. 35275229	73. 97852859	100. 5058545	101. 1496689
1	7707	104. 9207425	73. 4554466	75. 36989657	97. 45992757	99. 55281981
第3年.1	7066	92. 25440397	76. 59254947	76.06565985	100. 6926774	100. 136318
2	7732	100. 4076629	77. 00607476	75. 30688849	102. 2563491	106.6615418
3	9032	102. 4171906	88. 18832025	75. 35170578	117. 035599	111.7846019
4	9597	104. 9207425	91. 46904386	78, 81059777	116.0618577	117. 2988627
第4年.1	9131	92. 25440397	98. 97630473	83. 31399709	118. 7991312	115. 8611374
2	10063	100. 4076629	100. 2214343	88. 9099359	112, 7224233	111.3514223
3	9946	102. 4171906	97. 11260332	94. 7137758	102. 5327124	104. 5884783
4	10020	104. 9207425	95. 50065849	96. 94484657	98. 51029928	98. 49013521
第5年.1	8533	92. 25440397	92. 49422936	97. 95275022	94. 42739397	98. 99165812

						3头 亿
时间	Υ	s	T * C * I	Т	C+I	С
2	10063	100. 4076629	100. 2214343	96. 33223138	104.0372811	99. 75825301
3	9946	102. 4171906	97. 11260332	96. 33223138	100.8100839	101.3280436
4	10020	104. 9207425	95. 30065849	96. 33223138	99. 13676567	106, 6808797
第6年.1	10673	92. 25440397	115. 6909539	96. 33223138	120.0957896	109.6035869
2	11237	100. 4076629	111.913769	102. 1314125	109. 5782054	112. 374787
3	11561	102. 4171906	112. 8814405	105. 0544962	107. 4503658	106. 5447468
4	11734	104. 9207425	111. 8367991	108. 9967055	102.6056692	

- (2) 用直接平均法计算季节指数。在 C2 中输入如下公式:
- -AVERAGE(B2, B6, B10, B14, B18, B22)/AVERAGE(B\$2; B\$25)×100

公式中乘以 100. 是因为季节指数的单位是"%"。然后用"填充"命令或填充柄将公式 复制到 C3, C5 单元格,此时已经计算出季节指数。再用"复制"、"选择性粘贴"命令将季 节指数的值复制到其他年份的各季度中(注意从 C6 开始的季节指数计算不能按 C5 拖动)。

- (3) 剔除季节变动, 用公式 T・C・1-Y/S。在 D2 単元格中输入公式 "=B2/C2", 然后将公式复制到 D3, D25 单元格。
- (4) 用 4 项移动平均求出长期趋势值 T。在 E6 单元格输入公式"-AVERAGE(D2; D5)",再将公式复制到 E7; 是25.单元格。

计算移动平均也可用"移动平均"分析工具。此分析工具及其公式可以基于特定的过去某段时期中变量的均值、对未来值进行预测。移动平均值提供了由所有历史数据的简单的平均值所代表的趋势信息。

调出"移动平均"对话框后,其主要选项含义如下。

输入区域:在此输入待分析数据区域的单元格引用。该区域必须由包含 4 个以上数据 单元格的单列组成。本例为"\$D\$1; \$D\$25"

标志位于第一行:如果输入区域的第一行中包含标志项、请选中此复选框;如果输入区域没有标志项、请取消选中此复选框、Excel 将在输出表中生成适宜的数据标志。本例要选中该复选框。

间隔:在此输入用来进行移动平均计算的间隔数。默认间隔为 3。本例为"四项移动平均",所以间隔为"4"。

输出区域:在此输入对输出表左上角单元格的引用。此分析工具的输出区域必须与输入区域在同一工作表中。因此,"新工作表组"和"新工作赛"选项均不可使用。

图表输出, 选择此复选框可以在输出表中生成一个嵌入直方图。

标准误差:如果要在输出表的一列中包含标准误差值,请选中此复选框;如果只需要 没有标准误差值的单列输出表,取消选中此复选框。

本例,"移动平均"对话框的填写如图 10-5 所示。

在此要注意输出区域的填写,因为用该分析工具计算的移动平均值直接排放在N个时期的最后。期,而根据本题要求应放在N个时期的后。期。





图 10-5 4 项移动平均操作

- (5) 剔除长期趋势, C·I T·C·IT 在 F6 单元格中输入公式"-D6/E6×100", 然后格分式复制到 F7、F25 单元格。
- (6) 进行移动平均(取 3 项)消除不规则变动。进行:项移动平均消除不规则变动。在 G7 中输入公式"-AVERAGE(F6, F8)",然后将公式复制到 G8, G24 单元格。这一步 也可用"移动平均"分析工具来完成。最后结果中循环变动 C 保留两位小数。
 - (7) 描绘循环曲线图根据以上的结果,可作出货物周转量的循环变动曲线。
 - 步骤如下:
- ① 执行"插人"→"图表"命令、调出"图表向导-4步骤之1-图表类型"对话框。 在对话框的"标准类型"选项卡的"图表类型"列表框中选择"折线图"选项、子图表类 型选"数据点折线图"选项、如图 10-6 所示、单击"下一步"。
- ② 进入"图表向导步骤-图表数据源"对话框。在对话框中"数据区域"选项卡的"数据区域"文本框中、输入循环变动 C 所在区域的地址。可用鼠标拖动选择 C1. C25 单 元格、则在"数据区域"文本框中相应显示"一时间序列!\$G\$1,\$G\$25"(其中"时间序列"是该工作表的名称)。选中"列"单选按钮、表示系列产生在列。

单击"系列"选项、显示出"系列"单元格的内容。确定分类(X)轴标志,可单击"分类(X)轴标志"文本框。再用鼠标拖动选择 A2、A25 单元格,此时在"分类(X)轴标志"文本框中显示"一时间序列! \$ A\$2、\$ A\$25"。单击"下一步"按钮。在"系列"页框中,可以修改系列。系列即是要作图的数据序列(如本题的循环变动 C)。修改或删除基系列前,要告在"系列"列表框中选中该系列。

- ③ 进入到"图表向导步骤-图表选项"对话框。在该对话框中,可设置图表的标题、 坐标轴的标题、网格线和图例等。一般不作修改,单击"下一步"按钮。
- ① 进入到"图表向导步骤-图表位置"对话框。可在该对话框中设置图表存放的位置。一般不作修改、单击"完成"即可。若在向导的第3和第4步中均不作修改、则可在填写完图表向导第2步中的对话框后、直接单击"完成"按钮。

生成的图表区格式,还可以用"图表" L具栏进行修改。本例将"分类轴"的"分类轴该度线之间的分类数"设为 4, 也即分类轴只显示时间列各年第一季度(如第 1 年 . 1、第 2 年 . 1)。图表区如图 10-7 所示。

货运量循环曲线图如图 10-8 所示。

分析: 从图 10 8 循环曲线图可以看出、货运量从第 3 年第四季度的低谷到第 4 年第 四季度的高峰, 冉到第 5 年第四季度的低谷, 历经两年, 形成一个完整的循环过程。从第 5 年第四季度开始, 进入下一个循环, 其高峰会在第 6 年第二季度出现。





图 10-6 图表向导操作

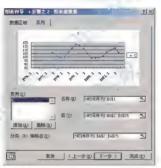


图 10-7 图表工具栏

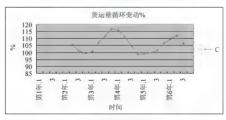


图 10 8 货运量循环曲线图



本章小结

- 时间序列就是把反映现象总体的某一统计指标在不同时间上的数值按时间先后顺序推列起来所形成的数列。它由两个构成要素组成:一是指标所属时间;二是指标数值。
- 2. 时间序列可分为总量指标时间序列、相对指标时间序列和平均指标时间序列 3 种。其中总量指标时间序列为基本序列、又分为时期数列和时点数列、相对指标时间序列和平均指标时间序列是总量指标时间序列的派生序列。
- 3. 时间序列分析指标可分为两大类:一类是水平分析指标,包括发展水平、平均发展水平、 增长量和平均增长量;另一类是速度分析指标,包括发展速度、平均发展速度、增长速度和平均 增长速度
- 4. 由相对指标或一般平均被时间序列计算序时平均数的步骤是;首先,把相对指标时间序列 还原为由总量指标时间序列构成的分子数列和分母数列;其次、分别计算出分子数列和分母数列 的序时平均数;最后,将分子数列和分母数列的序时平均数进行对比。
- 5,平均发展速度是时间序列中各期环比发展速度的序时平均数。计算平均发展速度的几何平均法和方程式法。平均增长速度等干平均发展速度流 106.7%
- 6. 时间序列水平的影响包括长期趋势变动(T)、季节变动(S)、循环变动(())和不规则变动(I)。由此形成两种组合模型、即乘法模型和加法模型。
 - 7. 长期趋势测定常用方法有: 时距扩大法、移动平均法、指数平滑法和数学模型法。
- 8. 数学模型法又称为最小平方法、是測定长期趋势最常用的方法。其基本思想是、根据使原 数列各项数值与趋势值的高差平方和为最小的要求、拟合出一条合适的趋势方程。判断时间序列 是何种趋势英型的方法。一是餘剩散点图、现察資料的趋势类型。另一是根据动态指标判断。若 时间序列各返期辦长量大作相等、趋势为直线型;若二级增长量大作相等、趋势为抛物线型;若 时间序列各返期游长量大体相等、趋势为指数曲线型。
- 测定季节变动的方法有两类,即同期平均法和趋势剔除法。测定循环变动的方法主要是分解法和增长率减。

习 颞

一、简答题

- 1. 什么是时间序列? 其构成要素是什么?
- 2. 时间序列是如何分类的?
- 3. 时期数列和时点数列有何不同特点?
- 4. 编制时间序列应遵守的基本原则是什么? 具体包括哪些方面?
- 序时平均数与静态平均数有何相同点和不同点?
- 6. 如何根据相对指标或平均指标时间序列计算序时平均数?
- 7. 定基发展速度和环比发展速度有何联系?
- 8. 运用水平与速度分析指标注意的问题有哪些?
- 9. 如何用最小平方法测定资料的长期趋势?



10. 测定资料长期趋势、季节变动、循环变动的方法分别有哪些?

二、单项选择题

1. 时间序列中,各项指标数值可以相加的是()。

A. 绝对数时间序列 B. 时期数列

C. 时点数列 D. 相对数或平均数时间序列

2. 序时平均数中的"首尾折半法"适用于计算()。

A. 时期序列的资料

B. 间隔相等的间断时点序列的资料

C. 间隔不等的间断时点序列的资料

D. 由两个时期序列构成的相对数时间序列资料

3. 同比发展速度能够()。

A. 资料易丁取得 B. 消除季节因素的影响

C. 消除长期趋势的影响 D. 方便计算 4. 下列动态序列分析指标中,不取负值的是()。

Λ. 增长量 B. 发展速度

C. 增长速度 D. 平均增长速度

5. 某趣国内生产总值 2013 年比 2010 年增长 53.5 %, 2012 年比 2010 年增长 10.2 %, 鲗 2013 年比 2012 年增长 ()。

A. 9.5% B. 13.3% C. 33.08% D. 无法确定

6. 用几何平均法计算平均发展速度时、其数值的大小()。

A. 不受最初水平和最木水平的影响

B. 只受中间各期水平的影响

C. 只受最初水平和最未水平的影响

D. 既受最初水平和最未水平的影响, 也受中间各期水平的影响

7. 在测定长期趋势时,移动平均法的主要作用是()。

A. 削弱短期的偶然因素引起的波动

B. 削弱长期的基本因素引起的波动 D. 预测未来

C. 接近 0 D. 小于 0

C. 消除季节变动的影响 D. 预测末

8. 若时间序列的二级增长量大体相等,宜拟合()。

 A. 直线趋势方程
 B. 曲线趋势方程

 C. 指数趋势方程
 D. 二次曲线方程

9. 若时间序列的逐期增长量大体相等, 官拟合()。

A. 直线趋势方程 B. 曲线趋势方程

C. 指数趋势方程 D. 二次曲线方程

10. 对某一时间序列报合的直线趋势方程为 $y_i=a-bt$. 如果该序列中没有长期趋势,则 b 的值应该 ()。

A. 接近 1

三、多项选择题

1. 时点数列中()。

A. 各个时点的指标数值连续累加有实际的经济意义

B. 小于1

B. 各个时点的指标数值连续累加没有实际的经济意义

C. 各个时点的指标数值 ·般靠 ·次性的调查登记取得

D. 各个时点的指标数值一般靠经常性的调查登记取得

时间序列分析

- E. 各个时点指标数值的大小与其对应时点的间隔长短没有直接关系
- 2. 若两个相邻时期的环比发展速度皆为106%。则()。
- A. 这两个时期的逐期增长量相等
- B. 这两个时期的定基发展速度相等
- C. 这两个时期的发展水平相等
 - D. 这两个时期的环比增长速度相等
- E. 这两个时期的平均发展速度为106%
- 3. 增长速度与发展速度的关系()。
- Λ. 两者仅相差一个基数
- B. 发展速度=增长速度+1
- C. 增长速度等于各环比增长速度的连乘积
- D. 定基增长速度 定基发展速度-1
- E. 定基增长速度-各环比发展速度的连乘积-1
- 4. 应用指数平滑法进行预测,其优点是()。
- A. 只需储存上期对本期的预测值一个数据就可以预测下一期水
- B. 给近期值比远期值较大的权数
- C. 给近期值比远期值较小的权数
- D. 不会产生预测滞后于实际的情况
- E. 通过对平滑系数的不同设定, 可有效控制预测结果的准确程度
- 5. 下列关于季节比率,说法正确的有(A. 季节比率是一种绝对数
- B. 季节比率是一种强度相对数
- C. 季节比率大于 0, 小于 1

四、计算分析题

- D. 季度季节比率之和等于 400%
- E. 月度季节比率之和等于1200%

1. 某公司某年1、2、3月份产量计划完成程度资料如下表

月份	1月	2月	3 月
计划数	4 000	6 000	8 000
计划完成程度(%)	104	105	10

根据资料计算本公司第一季度月平均计划完成程度。

2. 某企业 20××年第一季度工业总产值和各月末职工人数资料如下。

月份	上年 12 月	1月	2月	3月
工业总产值(万元)	500	540	520	630
月末职工人数(人)	490	510	512	526

根据资料计算该企业第一季度月平均劳动生产率。

3. 某企业连续8年年工业总产值如下表。

年份	1	2	3	4	5	6	7	8
工业总产值(万元)	930	952	968	986	1 100	1 123	1 145	1 164

- (1) 试计算增长量、发展速度、年平均增长速度。
- (2) 试用最小平方法拟合适当的趋势方程,并预测该企业第9年工业总产值。





4. 设某地市场的啤酒销售资料如下。(单位: 万瓶)

季度年份	_	=	Ξ	四
2008	81	93	125	51
2009	85	89	132	49
2010	82	92	138	53
2011	84	98	129	45
2012	86	91	130	48
2013	91	99	131	50

采用按季平均法分析该地市场啤酒销售的季节变动情况。

5. 某地区连续 12 年职工平均工资指数如下表所示。

年份	平均工资指数(环比)	年份	平均工资指数(环比)
1	112, 70%	YN'	112.10%
2	112.60%	180 81	103.60%
3	118.50%	V /W 9	100. 20%
4	124. 80%	10	106. 20%
5	135. 40%	11	107. 90%
6	121.70%	12.	111.00%

- (1) 试绘制时间序列图, 并描述其变化趋势。
- (2) 采用 5 期移动平均法描述该时间序列的平均趋势, 做趋势图并与原时间序列图比较。
- (3) 采用指数平滑法、分别用平滑系数。 0.3 和。 0.5 預測第 13 年平均 F 资指数、并对预测误差进行分析、说明用哪一个平滑系数预测更合适。
 - 6. 以下数据为某地区连续 24 年 GDP 的定基发展速度(以第1年 GDP 为基数)。

年份	GDP 指数	年份	GDP 指数
1	100.00%	13	283.00%
2	107. 60%	14	308.80%
3	116.00%	15	352. 20%
4	122.00%	16	398, 40%
5	133. 30%	17	448.70%
6	148. 20%	18	489.10%
7	170.90%	19	536.80%
8	193. 50%	20	582.90%
9	209. 90%	21	628. 40%
10	234. 10%	22	673.50%
11	260. 50%	23	730. 10%
12	271.50%	24	781. 20%

时间序列分析 第 1 0 章

- (1) 根据以上数据绘制时间序列散点图,并观察其发展趋势。
- (2) 根据时间序列散点图的形状拟合适当的趋势方程。

【实际操作训练】

根据教材 "10.5 Excel 在时间序列分析中运用示例"中的数据资料。在 Excel 中、对照步骤、完成操作。

附 录

1. 标准正态分布表

$$\Phi(x) = \int_{-\infty}^{x} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}} dt = P(X \leqslant x)$$

х	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0.0	0.5000	0.5040	0,5080	0, 5120	0.5160	0.5199	0. 5239	0. 5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0. 5675	0. 5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5848	0.5987	0.6026	D. 6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6250	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6113	0, 6480	0.6517
0.1	0.6554	0.6591	0.6628	0,6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0, 7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7219	0.7324	0.7357	0.7389	0.7122	0,7454	0.7186	0.7571	0, 7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7708	.0\7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0,8023	0.8051	0, 8087	0.8106	0, 8133
0.9	0.8159	0, 8186	0.8212	0, 8283	0. 8261	0, 8289	0.8315	0, 8340	0, 8365	0, 8389
1.0	0.8413	0.8138	0.8461	0.8485	0, 8508	0.8531	0.8551	0.8577	0, 8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0, 8790	0.8810	0, 8830
1.2	0.8819	0.8869	0, 8888	0, 8907	0.8925	0, 8911	0.8962	0,8980	0.8997	0.9015
1.3	0, 9025	0, 9049	0.9066	0, 9082	0.9099	0, 9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1. 1	0.9192	0,9207	0. 9222	0. 9236	0, 9251	0. 9265	0.9278	0, 9292	0, 9306	0.9319
1.5	0. 9332	0, 9345	0.9357	0.9370	0, 9382	0, 9394	0.9406	0, 9418	0.9430	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0. 9474	0. 9484	0, 9495	0, 9505	0.9515	0. 9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9648	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9700	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9762	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0. 9788	0.9793	0. 9798	0. 9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0. 9834	0. 9838	0.9842	0. 9846	0.9850	0. 9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0. 9871	0.9874	0. 9878	0. 9881	0.9884	0. 9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0. 9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0. 9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0. 9948	0.9949	0. 9951	0.9952
2.6	0. 9953	0. 9955	0. 9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0. 9967	0. 9968	0. 9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0. 9976	0. 9977	0. 9977	0. 9978	0.9979	0. 9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0. 9983	0. 9984	0. 9984	0. 9985	0. 9985	0. 9986	0.9986
3.0	0.9987	0. 9990	0. 9993	0. 9995	0.9997	0. 9998	0. 9998	0. 9999	0. 9999	1.0000

2. 1分布表

 $P\{t(n) > t_a(n)\} = \alpha$

п	$\alpha = 0.25$	0.10	0.05	0. 025	0.01	0. 005
1	1,0000	3.0777	6.3138	12.7062	31.8207	63.6574
2	0.8165	1.8856	2. 9200	4.3037	6.9646	9. 9248
3	0.7649	1.6377	2. 3534	3. 1824	2.5407	5. 8409
4	0.7407	1.5332	2. 1318	2. 7764	3, 7469	4.6014
5	0.7267	1. 4759	2.0150	2. 5706	3. 3649	4.0322
6	0.7176	1.4398	1.9432	2.4469	3, 1427	3. 7074
7	0.7111	1.4149	1.8946	2. 3634	2.9980	3.4995
8	0.7064	1.3968	1.8595	2. 3060	1 2×8965	3. 3554
9	0.7027	1.3830	1.8331	2. 2622 ./	- Nr. 8214	3.2498
10	0.6998	1.3722	1. 8125	2. 2281	2, 7638	3. 1693
11	0, 6974	1, 3634	1.7959	2, 2010	2.7181	3, 1058
12	v. 6955	1. 3562	1,7823	2. 1788	2.6810	3. (545
13	0. 6938	1.3502	1.7709	2. 1604	2.6503	3. J123
14	0.6924	1.3450	1,7618	2. 1448	2.6245	2, 9768
15	0.6912	1.3406	1, 7531	2. 1315	2.6205	2. 9467
16	0, 6901	1. 3368	1.7159	2. 1199	25835	2, 9208
17	0.6892	1. 3384	× 1.7396	2.1098	2.5669	2.8982
18	0.6884	1.830	1.7341	2 1009	2, 5524	2.8784
19	0.6876	1. 3277	1.7291	0930	2, 5395	2, 8609
20	0. 9870	/1. 3253	1.7247	2. 0860	2, 5280	2, 8453
21	0. 6864	1. 3232	1,7207	2, 0796	2.5177	2.8314
22	0.6858	1. 3212	1.7171	2.0739	2.5083	2.8188
23	0.6853	1.3195	1.7139	2.0687	2. 4999	2.8073
24	0.6848	1. 3178	1.7109	2.0639	2.4922	2. 7969
25	0.6844	1. 3163	1.7108	2. 0595	2. 4851	2. 7874
26	0.6840	1.3150	1.7056	2. 0555	2. 4786	2. 7787
27	0. 6837	1.3137	1.7033	2.0518	2.4727	2.7707
28	0.6834	1. 3125	1.7011	2.0484	2.4671	2.7664
29	0.6830	1. 3114	1. 6991	2.0452	2.4620	2.7564
30	0. 6828	1.304	1. 6973	2.0423	2. 4573	2.7500
31	0. 6825	1.3095	1.6599	2. 0395	2. 4528	2.7440
32	0.6822	1.3086	1. 6939	2. 0369	2. 4487	2. 7385
33	0.6820	1. 3077	1. 6924	2. 0345	2. 4448	2. 7333
34	0.6818	1.3070	1.6909	2. 0322	2.4411	2. 7384
35	0.6816	1.3062	1. 6896	2. 0301	2. 4377	2. 7238



						续表
n	$\alpha = 0.25$	0. 10	0.05	0. 025	0. 01	0. 005
36	0. 6814	1. 3055	1. 6883	2. 0281	2. 4345	2. 7195
37	0.6812	1.3049	1. 6871	2. 0262	2. 4314	2.7154
38	0.6810	1.3042	1.6860	2.0244	2. 4286	2.7116
39	0.6808	1.3036	1.6849	2. 0227	2. 4258	2.7079
40	0.6807	1. 3031	1.6839	2. 0211	2. 4223	2. 7045
11	0.6805	1, 3025	1, 6829	2.0195	2. 4208	2.7012
42	1.6804	1.3020	1.6820	2.0181	2. 4185	2.6981
13	1.6802	1.3016	1.6811	2.0167	2. 4163	2.6951
14	1.6801	1.3011	1.6802	2.0154	2. 4141	2. 6923
45	0.6800	1.3006	1.6794	2.0141	1 254121	2, 6896

3. F 分布表

$$P | \langle F(n_1, n_2) \rangle F_a(n_1, n_2) \rangle = \alpha$$

 $\alpha = 0.10$

nı	1		,	4	E	-	7		0
n ₂	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	39. 86	49.50	53. 59	55. 33	57.24	58. 20	58. 91	59.44	59, 86
2	8, 53	9.00	9.16	9. 24	6. 29	9.33	9.35	9, 37	9.38
3	5.54	5.46	5.39	5.34	5.31	5. 28	5. 27	5.25	5. 24
4	4, 54	4.32	4. 19	4.11	4.05	4.01	3, 98	3, 95	3.94
5	4.06	3.78	3. 62	3. 52	3. 45	3.40	3, 37.	3, 34	3, 32
6	3.78	3.46	3. 29	3. 18	3.11	3.05	3.01	2. 98	2, 96
7	3.59	3.26	3.07	2.96	2.88	2.83	1 2.78	2.75	2. 72
8	3.46	3.11	2.92	2. 81	2.73	. 2. 67	2.62	2.59	2.56
9	3.36	3.01	2.81	2.69	2.61 /	. B.55	2.51	2.47	2. 44
10	3. 20	2.92	2.73	2.61	2.5% <	₹2.46	2.41	2.38	2, 35
11	3.22	2.86	2.66	2.54	1 2.\45, \	2.39	2.34	2.30	2, 27
12	3, 18	2.81	2.61	2.48 \	2\'39	2. 33	2. 28	2.24	2. 21
13	3.14	2.76	2, 56	2.4311	2. 35	2. 28	2. 23	2.20	2, 16
14	3.10	2.73	2.52	2. 39	2.31	2.21	2. 19	2.15	2.12
15	3.07	2.70	20 49.1	2, 36	2.27 .	12,21	2.16	2.12	2.09
16	3,05	2.67	2.46	2.33	2.24	2.78	2.13	2, 09	2, 06
17	3.03	2. 64	1 2.44	2. 31	2.22	2. 15	2.10	2.06	2.03
18	3.01	2,62	2.42	2. 29 🔀	N.2. 20	2. 13	2.08	2.04	2.00
19	2.99\	2.61	2.40	2. 27	r >2.18	2. 11	2.06	2.02	1.98
20	2.97 /	2.50	2. 38	2, 25	2.16	2, 09	2.04	2.00	1.96
21	2.96	2.57	2.36	2. 23	2.14	2.08	2.02	1.98	1.95
22	2, 95	2,56	2.35	2. 22	2. 13	2.06	2.01	1.97	1.93
23	2.94	2, 55	2.34	2. 21	2.11	2.05	1.99	1.95	1.92
24	2. 93	2.54	2. 33	2. 19	2. 10	2.04	1.98	1.94	1.91
25	2.92	2, 53	2.32	2. 18	2.09	2.02	1.97	1.93	1, 89
26	2.91	2.52	2.31	2. 17	2.08	2.01	1.96	1.92	1.88
27	2.90	2.51	2.30	2. 17	2.07	2.00	1.95	1.91	1.87
28	2.89	2, 50	2.98	2. 16	2.06	2.00	1.93	1.90	1.87
29	2.89	2.50	2. 88	2. 15	2.06	1.99	1.93	1.89	1.86
30	2. 88	2.49	2. 22	2. 14	2.05	1.98	1.93	1.88	1.85
40	2.84	2.41	2, 23	2.00	2.00	1.93	1.87	1.83	1. 79
60	2. 79	2.39	2. 18	2.04	1.95	1.87	1.82	1.77	1.74
120	2.75	2. 35	2. 13	1.99	1.90	1. 82	1.77	1.72	1.68
00	2.71	2.30	2.08	1.94	1.85	1.77	1.72	1.67	1.63

										续表
n ₁	10	12	15	20	24	30	40	60	120	00
1	60. 19	60.71	61.22	61.74	62.06	62. 26	62. 53	62. 79	63.06	63. 33
2	9.39	9.41	9.42	9.44	9, 45	9. 46	9.47	9.47	9.48	9.49
3	5.23	5. 22	5. 20	5. 18	5, 18	5. 17	5. 16	5. 15	5.14	5.13
4	3.92	3.90	3, 87	3.84	3. 83	3. 82	3.80	3. 79	3.78	3.76
5	3. 30	3. 27	3. 24	3. 21	3, 19	3. 17	3.16	3, 14	3, 12	3.10
6	2.94	2.90	2, 87	2, 84	2.82	2.80	2.78	2.76	2.74	2.72
7	2.70	2.67	2, 63	2. 59	2. 58	2, 56	2.54	2.51	2.49	2.47
8	2.54	2.50	2.46	2.42	2.40	2, 38	2.36%	2.34	2.32	2. 29
9	2.42	2. 38	2.31	2, 30	2. 28	2. 25	2. 23	2, 21	2. 18	2.16
10	2.32	2. 28	2. 24	2, 20	2. 18	2.16 .	₹2.\13	2. 11	2.08	2.06
11	2.25	2.21	2.17	2. 12	2.10	2.08 1	_2.05	2.03	2.00	1.97
12	2.19	2.15	2.10	2.06	2.04 .	⟨ 2 01⟩	1.99	1.96	1.93	1.90
13	2.14	2.10	2,05	2.01	1.08	VII 96	1.93	1.90	1.88	1.85
14	2.10	2.05	2.01	1.96	. 1194	1.91	1.89	1.82	1.83	1.80
15	2.06	2.02	1.97	1. 92\^	11_90	1.87	1.85	1.82	1.79	1.76
16	2.03	1.99	1.94	1.89 \	1.87	I. 84	1.81	1.78	1.75	1.72
17	2.00	1.96	1.911	1.86	1.84	1.81	- L78	1.75	1.72	1.69
18	1.98	1.93	1.89	1.84	1.81	1.78	1.75	1.72	1.69	1.66
19	1.96	1.91	1.86	1.81	1.79	1.76	1.73	1.70	1.67	1.63
20	1.94	1,789	1.84	1.79	1:37	1.74	1.71	1.68	1.64	1.61
21	1.92	1.87	1.83	1.78	K1,75	1.72	1.69	1.66	1.62	1.59
22	1.90	1.86	1.81	1.76	1.73	1.70	1.69	1.64	1.60	1.57
23	1.89	1.84	1.80	1.74	1.72	1.69	1.66	1.62	1.59	1.55
24	1.88	1.83	1.78	1.73	1.70	1.67	1.64	1.60	1.57	1.53
25	1.87	1.82	1.77	1.72	1.69	1.66	1.63	1.59	1.56	1.52
26	1.86	1.81	1.76	1.71	1.68	1.65	1.61	1.58	1.54	1.50
27	1.85	1.80	1.75	1.70	1.67	1.64	1.60	1.57	1.53	1.49
28	1.84	1.79	1.74	1.69	1.66	1.63	1.59	1.56	1.52	1.48
29	1.83	1.78	1.73	1. 68	1.65	1.62	1.58	1.55	1.51	1.47
30	1.82	1.77	1.72	1.67	1.64	1.61	1.57	1.54	1.50	1.46
40	1.76	1.71	1.71	1.61	1.57	1.54	1.51	1.47	1.42	1.38
60	1.71	1.66	1.66	1.54	1.51	1.48	1.44	1.40	1.35	1.29
120	1.65	1.60	1.60	1.48	1.45	1.41	1.37	1.32	1.36	1.19
00	1.60	1.55	1.55	1.42	1.38	1.34	1.30	1. 24	1.17	1.00

附 录.....

α-0.05									续表
n ₂ n ₁	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	161.4	199.5	215.7	224. 6	230, 2	234.0	236. 8	238, 9	240.5
2	18.51	19.00	19. 25	19. 25	19.30	19. 33	19.35	19. 37	19.38
3	10.13	9.55	9. 12	9. 12	9.90	8. 94	8.89	8, 85	8. 81
4	7.71	6.94	6.39	6. 39	6. 26	6. 16	6. 09	6.04	6.00
5	6. 61	5.79	5.41	5. 19	5. 05	4.95	4.88	4.82	4.77
6	5.99	5. 14	4.76	4.53	4.39	4. 28	4.21	1.15	4.10
7	5.59	4.74	4.35	4.12	3. 97	3. 87	3.79	3.73	3, 68
8	5.32	4.46	4.07	3. 84	3, 69	3, 58	3, 50.	3.44	3, 69
9	5.12	4. 26	3.86	3.63	3.48	3. 37	/ 3.F29 >	3. 23	3, 18
10	4.96	4.10	3. 71	3. 48	3, 33	3. 22\	3, 14	3.07	3.02
11	4.84	3.98	3. 59	3. 36	3. 20	\3.09	3.01	2.95	2.90
12	4, 75	3.89	3.49	3, 26	3, 11 ८	3.00	2.91	2.85	2.80
13	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03.	1 2.92	2.83	2.77	2.71
14	4.60	3.74	3.34	3. 11	712.96-1	2.85	2.76	2.70	2, 65
15	4.54	3, 68	3. 29	3_706\ 3	2: 90	2. 79	2. 71	2. 64	2, 59
16	4.49	3,63	3. 24	1 3. OL V	2.85	2.74	2.66	2.59	2.51
17	4.45	3.59	3.20.	2. 96	2.81	2.70	2.61	2.55	2.49
18	4.41	3.55	3716.	2. 93	2.77 .	. 12,66/	2. 58	2.51	2.46
19	4.38	3.52	3.13	2.90	2.74,	2.63	2.54	2.48	2.42
20	4.35	3. 49	3. 10	2. 87	2.71	2.60	2.51	2. 15	2. 39
21	4.32	, 3.18	3.07	2.84	2.68	2.57	2.49	2.42	2.37
22	4.30	3. 44	3.05	2. 82	2.66	2.55	2, 16	2.40	2.34
23	4.28 4	3.42	3.03	2.80	2. 64	2. 53	2. 44	2.37	2.32
24	4.26	3.40	3.01	2.78	2. 62	2, 51	2. 42	2, 36	2.30
25	4.24	3.39	2.99	2.76	2.60	2.49	2.40	2.34	2. 28
26	4.23	3.37	2. 98	2.74	2.59	2.47	2.39	2. 32	2.27
27	4. 21	3.35	2.96	2. 73	2.57	2.46	2.37	2. 31	2.25
28	4.20	3.34	2. 95	2.71	2.56	2.45	2.36	2. 29	2.24
29	4.18	3, 33	2. 93	2.70	2, 55	2.43	2. 35	2, 28	2. 22
30	4. 17	3. 32	2.92	2, 69	2.53	2. 42	2. 33	2. 27	2. 21
40	4.08	3. 23	2. 84	2.61	2.45	2. 34	2. 25	2. 18	2. 12
60	4.00	3. 15	2, 76	2. 53	2.37	2. 25	2.17	2.10	2.04
120	3.92	3.07	2. 68	2. 45	2. 29	2. 17	2.09	2.02	2.96
00	3.84	3.00	2.60	2.37	2.21	2.10	2.01	1.94	1.88

n ₂ n ₁	10	12	15	20	24	30	40	60	120	00
1	241.9	243. 9	245. 9	248.0	249. 1	250. 1	251.1	252. 2	253.3	254.3
2	19.40	19.41	19.43	19.45	19. 45	19.46	19.47	19.48	19.49	19.50
3	8.79	8.74	8.70	8.66	8.64	8. 62	8. 59	8. 57	8.55	8, 53
4	5. 96	5. 91	5. 86	5. 80	5. 77	5. 75	5. 72	5. 69	5, 66	5. 63
5	4. 74	4.68	4.62	4.56	4.53	4.50	4.46	4.43	4.40	4.36
6	4.06	4.00	3. 94	3.87	3.84	3.81	3. 77	3.74	3.70	3.67
7	3.64	3, 57	3.51	3.44	3.41	3, 38	3. 34	3, 30	3. 27	3, 23
8	3. 35	3. 28	3, 22	3.15	3, 12	3.08	3, 041	3.01	2, 97	2.93
9	3. 14	3.07	3, 01	2.91	2.90	2.86	2. 83	2.79	2, 95	2.71
10	2.98	2.91	2. 85	2.77	2.74	2. 70	2. 66	2.62	2.58	2.54
11	2.85	2.79	2.72	2.65	2.61	2.57 .1	2.53	2.49	2.45	2, 40
12	2.75	2.69	2.62	2, 54	2.51	₹ 2.47	2.43	2, 38	2.34	2.30
13	2.67	2.60	2.53	2.46	2.42	. \\2! 38	2. 34	2.30	2. 25	2, 21
14	2.60	2.53	2.46	2. 39	2135	2.31	2. 27	2, 22	2.18	2.13
15	2.54	2.48	2.40	2. 33\.	12. 29	2. 25	2.20	2.16	2.11	2.07
16	2.49	2.42	2. 35	2.38 \	V 2.24	2. 19	_ 2.15	2.11	2.06	2.01
17	2.45	2.38	2.31	2.83	2. 19	2. 15	P. 10	2.06	2.01	1.96
18	2.11	2.34	2. 27	2. 19	2, 15	2. 11	2.06	2.02	1.97	1.92
19	2.38	2. 31	2.23	2.16	2. 11.	12×07	2.03	1.98	1.93	1.88
20	2.35	228	P. 20	2. 12	.2r 08\	2.04	1.99	1.95	1.90	1.84
21	2.32 -	- 2.25	2. 18	2.10	₹ 2. 05 °	2.01	1.96	1.92	1.87	1.81
22	2.30	\2>23	2. 15	2.07	12.03	1.98	1.94	1.89	1.84	1.78
23	2. 27	2.20	2.13	2.05	2.01	1.96	1.91	1.86	1.81	1.76
24	2.25	2, 18	2. 11	2.03	1.98	1.94	1.89	1.84	1.79	1.73
25	2.24	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	1.87	1.82	1.77	1.71
26	2.22	2.15	1.07	1.99	1.95	1.90	1.85	1.80	1.75	1.69
27	2.20	2.13	1.06	1.97	1.93	1.88	1.84	1.79	1.73	1.67
28	2.19	2.12	1.04	1.96	1.91	1.87	1.82	1.77	1.71	1.65
29	2, 18	2.10	1.03	1.94	1.90	1, 85	1.81	1.75	1.70	1.64
30	2.16	2.09	2.01	1.93	1.89	1.84	1.79	1.74	1.68	1.62
40	2.08	2.00	1.92	1.84	1.79	1.74	1.69	1.64	1.58	1.51
60	1.99	1.92	1.84	1.75	1.70	1.65	1.59	1.53	1.47	1.39
120	1.91	1.83	1.75	1.66	1.61	1.55	1.50	1.43	1.35	1.25
00	1.83	1.75	1.67	1.57	1.52	1.46	1.39	1.32	1.22	1.00

附 录.....

-0.01									续表
n ₂ n ₁	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	4052	4999.5	5403	5626	5764	5859	5928	5982	6062
2	98.50	99.00	99. 17	99. 25	99.30	99. 33	99.36	99.37	99. 39
3	34.12	30, 82	29.46	28. 71	28. 24	27. 91	27.67	27.49	27.35
4	21.20	18.00	16.69	15. 98	15. 52	15. 21	14. 98	14.80	14. 66
5	16, 26	13. 27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46	10. 29	10.16
6	13.75	10.92	9. 78	9. 15	8. 75	8.47	8. 46	8.10	7.98
7	12. 25	9.55	8. 45	7.85	7.46	7.19	6.99	6.84	6.72
8	11.26	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6±.18.	6.03	5.91
9	10.56	8.02	6. 99	6.42	6.06	5.80	/ 5.%1 h	5. 47	5.35
10	10.04	7.56	6, 55	5. 99	5. 64	5. 39\	N 5, 20	5.06	4.94
11	9.65	7. 21	6. 22	5. 67	5. 32	\5. QY	4.49	4.74	4.63
12	9.33	6. 93	5, 95	5. 41	5.06 <	4.82	4.64	4.50	4.39
13	9.07	6.70	5. 74	5. 21	1.85 €	1 4.62	4.44	4.30	4.19
14	8.86	6.51	5.56	5.04	714/69/	4.46	4. 28	4.14	4.03
15	8.68	6.36	5. 42	489\ 3	47.56	4.32	4. 14	4.00	3.89
16	8, 53	6.23	5. 29	< 4.7% V	4.44	4. 20	4.03	3.39	3.78
17	8.40	6.11	5.18,	4.67	4. 34	4.10	3.93	3.79	3.68
18	8. 29	6.01	5709	4. 58	4. 25	4,01	3.84	3.71	3.60
19	8.18	5. 93 *	5, 61	4. 50	4. 17	3, 94	3.77	3.63	3, 52
20	8.10	51/86	4.94	4.43	-1.40	3.87	3,70	3, 56	3, 46
21	8.02	, 5.78	4.87	4. 37	4.04	3.81	3.64	3.51	3.40
22	7. 95	5. 72	4. 82	4.31	3.99	3. 76	3. 39	3.45	3, 35
23	7.88	5.66	4.76	4. 26	3. 94	3.71	3.54	3.41	3, 30
24	7.82	5.61	4.72	4. 22	3. 90	3. 67	3.50	3. 36	3, 26
25	7.77	5, 57	4.68	4.18	3. 85	3.63	3. 46	3.32	3. 22
26	7.72	5.53	4.64	4. 14	3. 82	3.59	3.42	3. 29	3.18
27	7.68	5.49	4.60	4.11	3. 78	3.56	3.39	3. 26	3, 15
28	7.64	5.45	4.57	4.07	3. 75	3, 53	3.36	3. 23	3.12
29	7.60	5.42	4.54	4.04	3, 73	3.50	3. 33	3. 20	3, 09
30	7.56	5.39	4.51	4.02	3.70	3. 47	3. 31	3. 17	3.07
40	7.31	5. 18	4.31	3.83	3.51	3. 29	3. 12	2.99	2.89
60	7.08	4.98	4. 13	3.65	3. 34	3. 12	3. 95	2.82	2.72
120	6.85	4.79	3. 95	3. 48	3. 17	2.96	2.79	2.96	2.56
**	6.63	4.61	3.78	3. 32	3.02	2.80	2.64	2.51	2.41

n ₂	10	12	15	20	24	30	40	60	120	00
ı	6056	6106	6157	6209	6235	6261	6287	6313	6339	6366
2	99.40	99.42	99.43	99. 45	99. 46	99.47	99.47	99. 48	99. 49	99.50
3	27.33	27.05	26. 87	26. 69	26.60	26.50	26. 41	26. 32	26. 22	26. 13
4	14.55	14.37	14.20	14.02	13. 93	13. 84	13. 75	13. 65	13. 56	13.46
5	10.05	9. 29	9. 72	9.55	9.47	9. 38	9. 29	9.20	9. 11	9.02
6	7.87	7.72	7.56	7.40	7. 31	7. 23	7.14	7.06	6.97	6.88
7	6.62	6.47	6.31	6.16	6.07	5. 99	5. 91	5.82	5.74	5.65
8	5.81	5.67	5.52	5.36	5. 28	5. 20	5. 12	5.03	4.95	4.86
9	5.26	5.11	4.96	4.81	4.73	4.65	4: 57 N	4. 48	4.40	4.31
10	4.85	4.71	4.56	4.41	4.33	4.25.	X114 /	4.08	4.00	3.91
11	4.54	4.40	4. 25	4.10	4.02	3.595 \	3.86	3, 78	3.69	3, 60
12	4.30	4.16	4.01	3.86	3.78 .	₹ 3.70\	3.62	3.54	3.45	3.36
13	4.10	3, 96	3.82	3.66	3.59	√3/51	3. 43	3.34	3. 25	3. 17
14	3.94	3.80	3.66	3.51	3143	3.35	4.27	3. 18	3.09	3.00
15	3.80	3, 67	3. 52	3. 37\	₹ 33, 29	3, 21	3. 13	3.05	2.96	2.87
16	3.69	3. 55	3.41	8.26 \	V 3.18	3, 10	-3.02	2. 93	2.84	2.74
17	3, 59	3.46	3.31 1	3. 16	308	3, 00 %	2.92	2.83	2.75	2, 65
18	3.51	3. 37	3. 23 3	3.08	3.00	. 2.92.	^ 2.84	2.75	2.66	2, 57
19	3.34	3.30	₹3.15	3.00	2. 92	V2\x84	2.76	2. 67	2, 58	2.49
20	3, 37	323	8.09	2.94	2,86	2.78	2. 69	2.61	2.52	2.42
21	3.31 .	.3.17	3.03	2. 88	₹2.80 °	2.72	2. 64	2. 55	2.46	2.36
22	3.26	3312	2.98	2.83	2.75	2. 67	2. 58	2.50	2.40	2.31
23	3.21	3.07	2.93	2. 78	2.70	2.62	2.54	2, 45	2.35	2, 26
24	3.17	3.03	2.89	2.74	2, 66	2.58	2.49	2, 40	2.31	2. 21
25	3. 13	2.99	2.85	2.70	2.62	2.54	2.45	2. 36	2. 27	2. 17
26	3.09	2.96	2.81	2.66	2.58	2.50	2.42	2. 33	2. 23	2.13
27	3.06	2.93	2.78	2.63	2, 55	2.47	2.38	2. 29	2, 20	2.10
28	3.03	2.90	2.75	2.60	2, 52	2.44	2.35	2, 26	2.17	2.06
29	3.00	2.87	2.73	2. 57	2.49	2.41	2. 33	2, 23	2.14	2.03
30	2. 98	2.84	2.70	2.55	2.47	2.39	2.30	2. 21	2.11	2.01
40	2.80	2.66	2.52	2.37	2. 29	2. 20	2.11	2.02	1.92	1.80
60	2.63	2.50	2.35	2, 20	2. 12	2.03	1.94	1.84	1.78	1.60
120	2.47	2.34	2.19	2.03	1.95	1.86	1.76	1.66	1.53	1.38
00	2.32	2.18	2.04	1.88	1.79	1.70	1.59	1.47	1.32	1.00

卡方 (χ²) 分布表

d _f	X 0. 995	X ² 0, 975	X ² . ≥5	X ² 0, 10	X ² 0.5	X 0. 025	X 0. 01	X 0. 005
1	0.0000393	0.000982	0.00393	2.706	3.841	5.024	60635	7.879
2	0.0100	0.0506	0. 103	4.605	5. 991	7. 378	9.210	10.597
3	0.0717	0, 216	0.332	6. 251	7.815	9.348	11.345	12, 838
4	0.207	0.484	0.711	7. 779	9. 488	11. 143	13, 277	14.860
5	0.412	0.831	1, 145	9. 236	11.070	12, 832	15.086	16.750
6	0.676	1. 237	1.635	10.645	12.592	14.449	16. 812	18.548
7	0.989	1.690	2.167	12.017	14.067	16.013	18. 475	20.278
8	1.344	2.180	2. 733	13. 362	15.507	17. 535	20.090	21.955
9	1.735	2.700	3. 325	14. 684	16.919	19.023	21.666	23, 589
10	2. 156	3. 247	3.940	15. 987	18. 307	20, 483	23, 209	25, 188
11	2, 603	3, 816	4, 575	17. 275	19.675	21.920	24, 725	26, 757
12	3.071	1.101	5. 226	18. 519	21.026	23. 336	26, 217	28, 300
13	3.565	5.009	5. 892	19.812	22. 362	24. 736	27. 688	29.819
14	4.075	5. 629	6. 571	21.064	23. 685	26. 119	29.141	31. 319
15	4.601	6. 262	7.261	22.30% .	24.996	27. 488	30. 578	32, 801
16	5. 142	6.908	7.962	23. 542 \	26. 296	28. 845	32.000	34.267
17	5.697	7.564	8, 672	\24. 769\	27. 587	30. 191	33.409	35, 718
18	6. 265	8. 231	9, 390.	₹25, 989	28, 869	31.526	34.805	37.156
19	6.844	8.907	10.117	* 27. 204	30.14%	32.852	36. 191	38. 582
20	7. 434	9.591	~10.'851 ~	28. 412	31\410 ' >	34. 170	37. 566	39.997
21	8,034	10, 283\ '	11.591	29. 615	32.67T	35. 479	38, 932	41.401
22	8, 643	10.982	12. 338	30, 813	33. 924	36. 781	10, 289	12.796
23	9. 260	14.688	13.091	32.007.	35. 172	38.076	41. 638	44. 181
24	9.886	12.101	13.848	33, 196	36, 415	39. 364	42.980	45, 558
25	10. 52ə	13, 120	14, 611	34. 382	37.652	40.646	44.314	46. 928
26	11.160	13.844	15. 379	35. 563	38. 885	41.923	45.642	48. 290
27	11.808	14. 573	16. 151	36. 741	40.113	43. 194	46.963	49.645
28	12.461	15, 308	16.928	37. 916	41.337	44.461	48, 278	50, 998
29	13. 121	16.047	17.708	39. 087	42.557	45.722	49.588	52. 336
30	13. 787	16.791	18, 493	40. 256	43. 773	46.979	50. 892	53, 672
35	17. 192	20.569	22. 465	46.059	49.802	53. 203	57. 342	60, 275
40	20. 707	24. 433	26.509	51.805	55. 758	59. 342	63. 691	66.766
45	24. 311	28. 366	30.612	57. 505	61.656	65. 410	69. 957	73.166
50	27.991	32. 357	34. 764	63. 167	67. 505	71.420	76. 154	79,490
60	35. 535	40.482	43. 188	74. 397	79.082	83. 298	88. 379	91.952
70	43. 275	48. 758	51.739	85. 527	90. 531	95. 023	100.425	104. 215
80	51. 172	57. 153	60. 391	96.578	101.879	106. 629	112. 329	116, 321
90	59. 196	65.647	69. 126	107. 565	113. 145	118. 136	124.116	128. 299
100	67. 328	74. 222	77, 929	118. 498	124. 342	129. 561	135, 807	140.16

统计学



5. 随机数字表(部分)

				列	数			
行数	00000	00001	11111	11112	22222	22223	33333	33334
	12345	67890	12345	67890	12345	67890	12345	67890
01	66194	28926	99547	16625	45515	67953	12108	57846
02	78240	43195	24837	32511	70880	22070	52622	61881
03	00833	88000	67299	68215	11274	55624	32991	17436
04	12111	86683	61270	58036	64192	90611	15145	01748
05	47189	99951	05755	03834	43782	90599	40282	51417
06	76596	72489	62423	27618	84184	78922	73561	52818
07	46409	17469	32483	09083	76175	19985	26309	91536
08	74626	22111	87286	46772	42243	68046	44250	42439
09	34450	81974	93723	49023	58432	67083	36878	93391
10	36327	72135	33005	28701	34710	49359	50693	89311
11	74185	77536	84825	09934	99103	09325	67389	45869
12	12296	41623	62873	37943	25584	09609	63360	47270
13	90822	60280	88925	99610	42772	60561	76873	04117
14	72121	79152	96591	90305	10189	79778	68016	13747
15	95268	41377	25684	08151	61816	58555	54305	86189
16	92603	09091	75884	93424	72586	88903	30061	14457
17	18813	90291	05275	01223	79607	95426	34900	09778
18	38840	26903	28624	67157	51986	42865	14508	49315
19	05959	33836	53758	16562	41081	38012	41230	20528
20	85141	21155	99212	32685	51403	31926	69813	58781

北京大学出版社本科财经管理类实用规划教材 (已出版)

财务会计类

序号	书名	标准书号	主编	定价	序号	书名	标准书号	主 编	定价
1	基础会计 (第2版)	7-301-17478-4	李秀莲	38.00	26	财务管理理论与实务 (第2版)	7-301-20407-8	张思强	42.00
2	基础会计学	7-301-19403-4	突亚芹	33.00	27	公司理财原理与实务	7-81117-800-5	廖东声	36.00
3	会计学	7-81117-533-2	马丽莹	44.00	28	审计学	7-81117-828-9	王宏琳	46.00
4	会计学原理(第2版)	7-301-18515-5	刘爱香	30.00	29	审计学	7-301-20906-6	赵晓波	38.00
5	会计学原理习题与实验 (第2版)	7-301-19449-2	王保忠	30.00	30	审计理论与实务	7-81117-955-2	宋传联	36.00
6	会计学原理与实务 (第2版)	7-301-18653-4	周慧滨	33.00	31	会计综合实训模拟教程	7-301-20730-7	章洁倩	33.00
7	会计学原理与实务模拟实 验教程	7-5038-5013-4	周慧滨	20.00	32	财务分析学	7-301-20275-3	张献英	30.00
8	会计实务	7-81117-677-3	干沉利	40.00	33	银行会计	7-301-21155-7	宗国恩	40.00
9	高级财务会计	7-81117-545-5	程明娥	46.00	34	税收筹划	7-301-21238-7	都新英	38.00
10	高级财务会计	7-5655-0061-9	王奇杰	44.00	35	基础会计学	7-301-16308-5	晋晓琴	39.00
11	成本会计学	7-301-19400-3	杨尚军	38.00	36	公司财务管理	7-301-21423-7	胡振兴	48.00
12	成本会计学	7-5655-0482-2	张红漫	30.00	37	財务管理学实用教程 (第2版)	7-301-21060-4	骆永菊	42.00
13	成本会计学	7-301-20473-3	刘建中	38.00	38	政府与非营利组织会计	7-301-21504-3	张丹	40.00
14	管理会计	7-81117-943-9	齐殿伟	27.00	39	预算会计	7-301-22203-4	王筱萍	32.00
15	管理会计	7-301-21057-4	形芳珍	36.00	40	统计学实验教程	7-301-22450-2	裘雨明	24.00
16	会计规范专题	7-81117-887-6	谢万健	35.00	41	基础会计实验与习题	7-301-22387-1	左旭	30.00
17	企业财务会计模拟实习 教程	7-5655-0404-4	並晓平	25.00	42	基础会计	7-301-23109-8	田风彩	39.00
18	税法与税务会计	7-81117-497-7	吕孝侠	45.00	43	财务会计学	7-301-23190-6	李柏生	39.00
19	初级财务管理	7-301-20019-3	胡淑姣	42.00	44	会计电算化	7-301-23565-2	童 伟	49.00
20	财务管理学原理与实务	7-81117-544-8	严复海	40.00	45	中级财务会计	7-301-23772-4	吴海燕	49.00
21	财务管理学	7-5038-4897-1	盛均全	34.00	46	会计规范专题(第2版)	7-301-23797-7	谢万健	42.00
22	财务管理学	7-301-21887-7	游玩	44.00	47	基础会计	7-301-24366-4	孟铁	35.00
23	基础会计学学习指导与习 题集	7-301-16309-2	表 玉	28.00	48	信息化会计实务	7-301-24730-3	杜天宇	35.00
24	财务管理理论与实务	7-301-20042-1	成兵	40.00	49	会计学原理	7-301-24872-0	郭松克	38.00
25	税法与税务会计实用教程(第2版)	7-301-21422-0	张巧良	45.00					

工商管理、市场营销、人力资源管理、服务营销类

序号	书名	标准书号	主 编	定价	序号	书名	标准书号	主编	定价
1	管理学基础	7-5038-4872-8	于干干	35.00	29	市场营销学:理论、案 例与实训	7-301-21165-6	袁连升	42.00
2	管理学基础学习指南与习 廣集	7-5038-4891-9	王珍	26.00	30	市场营销学	7-5655-0064-0	王槐林	33.00
3	管理学	7-81117-494-6	竹旗	44,00	31	国际市场营销学	7-301-21888-4	煮し	45.00
4	管理学	7-301-21167-0	陈文汉	35.00	32	市场营销学(第2版)	7-301-19855-1	陈阳	45.00
5	管理学	7-301-17452-4	王慧娟	42.00	33	市场营销学	7-301-21166-3	杨柏	40.00
6	管理学原理	7-5655-0078-7	尹少华	42.00	34	国际市场营销学	7-5038-5021-9	范应仁	38.00
7	管理学原理与实务 (第2版)	7-301-18536-0	陈嘉莉	42.00	35	现代市场营销学	7-81117-599-8	邓德胜	40.00
8	管理学实用教程	7-5655-0063-3	邵喜武	37.00	36	市场营销学新论	7-5038-4879-7	郑玉香	40.00
9	管理学实用教程	7-301-21059-8	高爱筱	42.00	37	市场营销理论与实务 (第2版)	7-301-20628-7	那一微	40.00
10	管理学实用教程	7-301-22218-8	张润兴	43.00	38	市场营销学实用教程	7-5655-0081-7	李晨耘	40.00
11	通用管理知识概论	7-5038-4997-8	王阳平	36.00	39	市场营销学	7-81117-676-6	截秀英	32.00
12	管理学原理	7-301-21178-6	雷金栗	39.00	40	消费者行为学	7-81117-824-1	甘瑁琴	35.00
13	管理运筹学(第2版)	7-301-19351-8	美文忠	39.00	41	商务读判(第2版)	7-301-20048-3	郭秀君	49.00
14	统计学原理	7-301-21061-1	韩 宇	38.00	42	商务读判实用教程	7-81117-597-4	陈建明	24.00
15	统计学原理	7-5038-4888-9	刘晓利	28.00	43	消费者行为学	7-5655-0057-2	肖立	37.00
16	统计学	7-5038-4898-8	曲岩	42.00	44	客户关系管理实务	7-301-09956-8	周贺来	44.00
17	应用统计学(第2版)	7-301-19295-5	王淑芬	48.00	45	公共关系学	7-5038-5022-6	于朝晖	40.00
18	统计学原理与实务	7-5655-0505-8	徐静霞	40.00	46	非营利组织	7-301-20726-0	王智慧	33.00
19	管理定量分析方法	7-301-13552-5	赵光华	28.00	47	公共关系理论与实务	7-5038-4889-6	王玫	32.00
20	新编市场营销学	7-81117-972-9	刘丽霞	30.00	48	公共关系学实用教程	7-81117-660-5	周华	35.00
21	公共关系理论与实务	7-5655-0155-5	李泓欣	45.00	49	跨文化管理	7-301-20027-8	晏雄	35.00
22	质量管理(第2版)	7-301-24632-0	陈国华	39.00	50	企业战略管理	7-5655-0370-2	代海涛	36.00
23	企业文化理论与实务	7-81117-663-6	王水嫩	30.00	51	员工招聘	7-301-20089-6	王挺	30.00
24	企业战略管理	7-81117-801-2	陈英梅	34.00	52	服务营销理论与实务	7-81117-826-5	杨丽华	39.00
25	企业战略管理实用教程	7-81117-853-1	刘松先	35.00	53	服务企业经营管理学	7-5038-4890-2	于干千	36.00
26	产品与品牌管理	7-81117-492-2	胡梅	35.00	54	服务营销	7-301-15834-0	周明	40.00
27	东方哲学与企业文化	7-5655-0433-4	刘峰涛	34.00	55	运营管理	7-5038-4878-0	冯根尧	35.00
28	市场营销学	7-301-21056-7	马慧敏	42.00	56	生产运作管理(第2版)	7-301-18934-4	李全喜	48.00

序号	书名	标准书号	主编	定价	序号	书名	标准书号	1-1- 10	定价
57	运作管理	7-5655-0472-3	主编	25.00	78	服务营销	7-301-21889-1	形 別	45.00
58	组织行为学	7-5038-5014-1	安世民	33.00	79	企业经营 ERP沙盘应用 教程	7-301-20728-4	並红杰	32.00
59	组织设计与发展	7-301-23385-6	李春波	36.00	80	项目管理	7-301-21448-0	程级	39.00
60	组织行为学实用教程	7-301-20466-5	襄鸿	32.00	81	公司治理学	7-301-22568-4	祭倪	
61	现代组织理论	7-5655-0077-0	岳遊	32.00	82	管理学原理	7-301-22980-4		48.00
62	人力资源管理(第2版)	7-301-19098-2	颜爱民	60.00	83	管理学	7-301-23023-7		40.00
63	人力资源管理经济分析 人力资源管理原理与实务	7-301-16084-8	颜爱民 望 生	38.00 32.00	84 85	人力资源管理实验教程 社交礼仪	7-301-23078-7		40.00
	人力资源管理实用教程		-10-					. 124	
65	(第2版) 人力资源管理:理论、实务	7-301-20281-4	吴宝华	45.00	86	营销策划	7-301-23204-0	-	42.00
66	与步术	7-5655-0193-7	李长江	48.00	87	企业战略管理	7-301-23419-8	顾桥	46.00
67	人力资源管理教程 政府与非营利组织会计	7-301-24615-3 7-301-21504-3	夏兆墩	36.00 40.00	88	兼井与收购 统计学(第2版)	7-301-22567-7	阿尼智	32.00
-			76 71			广告策划与管理: 原理、			-
69	会展服务管理 现代服务业管理原理、万	7-301-16661-1	许传宏	36.00	90	案例与项目实训	7-301-23827-1	_	48.00
70	法与案例	7-301-17817-1	马 勇	49.00	91	客户关系管理理论与实务	7-301-23911-7	徐伟	40.00
71	服务性企业战略管理	7-301-20043-8	黄其新	28.00	92	市场营销学(第2版)	7-301-24328-2	主视林	39.00
72	服务型政府管理概论	7-301-20099-5	于干千	32.00	93	训实练	7-301-24465-4	郭占元	38.00
73	新編現代企业管理	7-301-21121-2	姚丽娜	48.00	94	生产运作管理(第3版)	7-301-24502-6	李全喜	54.00
74	创业学 公共关系学室用教程	7-301-15915-6	刘沁玲 任换琴	38.00	95 96	统计学 企业文化理论与实济(第2 版)	7-301-24750-1	李 行 程 王 水 嫩	39.00
75	以 現场管理	7-301-1/4/2-2	陈国华	38.00	96	項目管理	7-301-24823-2		39.00
77	现代企业管理理论与应 用(第2版)	7-301-21528-3	即彦彪	38.00	98	统计学	7-301-24823-2	邓正林	42.00
	用(第2級)	HEALTH STREET	经济、	国贸、		独类		1.46(1)	
序号	书名	标准书号	主编	定价	序号	书名	标准书号	主编	定价
	宏观经济学原理与实务		100			东南亚南亚商务环境			
1	(第2版) 宏观经济学(第2版)	7-301-18787-6	崔东红	57.00 39.00	25 26	概论 证券投资学	7-81117-956-9 7-301-19967-1	韩 越 陈汉平	38.00
3	微观经济学原理与实务	7-81117-818-0	祖东红	48.00		证券投资学	7-301-19967-1		45.00
4	微观经济学	7-81117-568-4	梁瑞华	35.00		货币银行学	7-301-15062-7		
5	西方经济学实用教程	7-5038-4886-5	陈孝胜	40.00		货币银行学	7-301-21345-2		42.00
- 6	西方经济学实用教程	7-5655-0302-3	杨仁发	49.00	30	国际结算(第2版)	7-301-17420-3		35.00
7	西方经济学	7-81117-851-7	于圆敏	40.00		国际结算	7-301-21092-5	张 慧	42.00
8	現代经济学基础	7-81117-549-3	张士军	25.00	32	金融风险管理	7-301-20090-2	朱淑珍	38.00
9	国际经济学 发展经济学	7-81117-594-3	契红梅 赵邦宏	39.00 48.00	33	金融工程学 国际贸易理论、政策与	7-301-18273-4 7-301-20978-3	李淑锦 跃	42.00
-						案例分析 金融工程学理论与实务			
11	管理经济学 计量经济学	7-81117-536-3	姜保雨 刘艳春	34.00	35	(第2版) 金融学理论与实务	7-301-21280-6	谭春枝 战玉峰	42.00
13	外贸商电(第2版)	7-301-18786-9	王妍	30.00		玉赋子理比与头方 国际金融实用教程	7-81117-593-6	M 版	32.00
14	国际贸易理论与实务 (第2版)	7-301-18798-2	经东珍	54.00	38	跨国公司经营与管理 (第2版)	7-301-21333-9	冯雷鸣	35.00
15	国际贸易(第2版)	7-301-19404-1	朱廷琛	45.00	30	国际金融	7-5038-4893-3	京新修 町	20.00
16	国际贸易实务(第2版)	7-301-19404-1	夏合群	45.00		国际商务函电	7-301-22388-8	金泽虎	35.00
17	国际贸易结算及其单证实务	7-5655-0268-2	車乃堅	35.00		国际金融	7-301-23351-6		
18	政治经济学原理与实务	7-301-22204-1	沈爱华	31.00	42	国际贸易实训教程	7-301-23730-4	王满	28.00
19	(第2版) 国际商务	7-5655-0093-0	安占然	30.00	43	財政学	7-301-23814-1	何育静	45.00
20	国际贸易实务	7-301-20919-6	张肃	28.00		保险学	7-301-23819-6		
21	国际贸易规则与进出口 业务操作实务(第2版)	7-301-19384-6	李 平	54.00	45	中国对外贸易概论	7-301-23884-4	程士军	42.00
22	金融市场学	7-81117-595-0	黄解宇	24.00		国际经贸英语阅读教程	7-301-23876-9	李晓娣	25.00
23	財政学	7-5038-4965-7	盖 锐	34.00	47	管理经济学(第2版)	7-301-24786-0	姜保雨	
24	保险学原理与实务	7-5038-4871-1	曹时军	37.00		矿业经济学	7-301-24988-8	李创	38.00
				法律的	-				
序号	书名	标准书号	主编		序号	书名	标准书号	主编	定价
1	经济法原理与实务(第2版)	7-301-21527-2	杨士宫	39.00	6	金融法学理论与实务	7-81117-958-3	成玉锋	34.00
- 2	经济法实用教程	7-81117-547-9 7-81117-852-4	粉土宮	38.00	8	国际商法 商法学	7-301-20071-1		
4	国际商法理论与实务 商法总论	7-5038-4887-2	任先行	40.00	9	何 左 子	7-301-24697-9		
	劳动法和社会保障法(第	7 301 21206 6				\$10000A	7-301-24097-9		

5	劳动法和社会保障法(第 2版)	7-301-21206-6	李 瑞	38.00	10	政治经济学	7-301-24891-1	巨荣良	38.00		
	电子商务与信息管理类										
序号	书名	标准书号	主 编	定价	序号	书名	标准书号		定价		
1	网络营销	7-301-12349-2	谷宝华	30.00	5	管理信息系统	7-301-12348-5	张彩虹	36.00		
2	数据库技术及应用教程 (SQL Server 版)	7-301-12351-5	郭建校	34.00	6		7-301-13633-1	李洪心	30,00		
3	网络信息采集与编辑	7-301-16557-7	范生万	24.00	7	管理信息系统实用教程	7-301-12323-2	李松	35.00		
4	电子商务案例分析	7-301-16596-6	曹彩杰	28.00	8	电子商务概论(第2版)	7-301-17475-3	庞大莲	42.00		

序号	书名	标准书号	主 编	定价	序号	书名	标准书号	主 编	定价
9	网络营销(第2版)	7-301-23803-5	王宏伟	36.00	26	电子证券与投资分析	7-301-22122-8		
10	电子商务概论	7-301-16717-5	杨雪雁	32.00	27	数字图书馆	7-301-22118-1	奉国和	30.00
11	电子商务英语	7-301-05364-5	單正	30.00	28	电子化国际贸易	7-301-17246-9	李辉作	28.00
12	网络支付与结算	7-301-16911-7	徐勇	34.00	29	商务智能与数据挖掘	7-301-17671-9	张公让	38.00
13	网上支付与安全	7-301-17044-1	帅青红	32.00	30	管理信息系统教程	7-301-19472-0	赵天唯	42.00
14	企业信息化实务	7-301-16621-5	张志荣	42.00	31	电子政务	7-301-15163-1	原忠虎	38.00
15	电子商务法	7-301-14306-3	李瑞	26.00	32	商务智能	7-301-19899-5	汪 楠	40.00
16	数据仓库与数据挖掘	7-301-14313-1	廖开际	28.00	33	电子商务与现代企业 管理	7-301-19978-7	吴菊华	40.00
17	电子商务模拟与实验	7-301-12350-8	喻光维	22.00	34	电子商务物流管理	7-301-20098-8	王小宁	42.00
18	ERP 原理与应用教程	7-301-14455-8	温雅丽	34.00	35	管理信息系统实用教程	7-301-20485-6	周贺来	42.00
	电子商务原理及应用	7-301-14080-2	孙容	36.00	36	电子商务概论	7-301-21044-4		28.00
20	管理信息系统理论与应用	7-301-15212-6	吴 忠	30.00	37	管理信息系统实务教程	7-301-21245-5	魏厚清	34.00
21	网络营销实务	7-301-15284-3	李蔚田	42.00	38	电子商务安全	7-301-22350-5	蔡志文	49.00
22	电子商务实务	7-301-15474-8	仲 岩	28.00	39	电子商务法	7-301-22121-1	郭 鹏	38.00
23	电子商务网站建设	7-301-15480-9	臧良运	32.00	40	ERP 沙盘模拟教程	7-301-22393-2	周菁	26.00
	网络金融与电子支付	7-301-15694-0	李蔚田	30.00	41	移动商务理论与实践	7-301-22779-4	柯林	43.00
25	网络营销	7-301-22125-9	程虹	38,00	42	电子商务项目教程	7-301-23071-8	芦阳	45.00

物流类

序号	书名	书号	编著者	定价	序号	书名	书号	编著者	定价
-1	物流工程	7-301-15045-0	林丽华	30.00	34	逆向物流	7-301-19809-4	甘卫华	33.00
2	现代物流决策技术	7-301-15868-5	王道平	30.00	35	供应链设计理论与 方法	7-301-20018-6	王道平	32.00
3	物液管理信息系统	7-301-16564-5	杜彦华	33.00	36	物流管理概论	7-301-20095-7	李传荣	44.00
4	物流信息管理	7-301-16699-4	王汉新	38.00	37	供应链管理	7-301-20094-0	高举红	38.00
5	现代物流学	7-301-16662-8	吳 健	42.00	38	企业物流管理	7-301-20818-2	孔继利	45.00
6	物流英语	7-301-16807-3	间功俭	28.00	39	物流項目管理	7-301-20851-9	王道平	30.00
7	第三方物流	7-301-16663-5	张旭辉	35.00	40	供应链管理	7-301-20901-1	王道平	35.00
- 8	物流运作管理	7-301-16913-1	並于里	28.00	41	现代仓储管理与实务	7-301-21043-7	周兴建	45.00
9	采购管理与库存控制	7-301-16921-6	张 浩	30.00	42	物流学概论	7-301-21098-7	李创	44.00
10	物流管理基础	7-301-16906-3	李蔚田	36.00	43	航空物流管理	7-301-21118-2	刘元洪	32.00
- 11	供应链管理	7-301-16714-4	曹翠珍	40.00	44	物流管理实验教程	7-301-21094-9	李晓龙	25.00
12	物流技术装备	7-301-16808-0	于 英	38.00	45	物流系统仿真案例	7-301-21072-7	赵宁	25.00
13	現代物流信息技术(第2版)	7-301-23848-6	王道平	35.00	46	物流与供应链金融	7-301-21135-9	李向文	30.00
14	现代物流仿真技术	7-301-17571-2	王道平	34.00	47	物流信息系统	7-301-20989-9	王道平	28.00
15	物流信息系统应用实例 教程	7-301-17581-1	徐琪	32.00	48	物料学	7-301-17476-0	肖生苓	44.00
16	物流项目招投标管理	7-301-17615-3	孟祥茹	30.00	49	智能物流	7-301-22036-8	李蔚田	45.00
17	物流运筹学实用教程	7-301-17610-8	赵丽君	33.00	50	物流項目管理	7-301-21676-7	张旭辉	38.00
18	現代物流基础	7-301-17611-5	王仮	37.00	51	新物流概论	7-301-22114-3	李向文	34.00
19	現代企业物流管理实用 教程	7-301-17612-2	乔志强	40.00	52	物流决策技术	7-301-21965-2	王道平	38.00
20	现代物流管理学	7-301-17672-6	丁小龙	42.00	53	物流系统优化建模与求解	7-301-22115-0	李向文	32.00
21	物液运筹学	7-301-17674-0	郝 海	36.00	54	集装箱运输实务	7-301-16644-4	孙家庆	34.00
22	供应链库存管理与控制	7-301-17929-1	王道平	28.00	55	库存管理	7-301-22389-5	张旭风	25.00
23	物流信息系统	7-301-18500-1	修柱华	32.00	56	运输组织学	7-301-22744-2	王小微	30.00
24	城市物流	7-301-18523-0	张 潜	24.00	57	物流金融	7-301-22699-5	李蔚田	39.00
25	营销物流管理	7-301-18658-9	李学工	45.00	58	物流系统集成技术	7-301-22800-5	杜彦华	40.00
26	物流信息技术概论	7-301-18670-1	张磊	28.00	59	商品学	7-301-23067-1	王海刚	30.00
27	物流配送中心运作管理	7-301-18671-8	陈虎	40.00	60	项目采购管理	7-301-23100-5	杨丽	38.00
28	物流项目管理	7-301-18801-9	周晓晔	35.00	61	电子商务与现代物流			48.00
29	物流工程与管理	7-301-18960-3	高举红	39.00	62	国际海上运输	7-301-23486-0	张良卫	45.00
30	交通运输工程学	7-301-19405-8	于 英	43.00	63	物流配送中心规划与设计	7-301-23847-9	孔继利	49.00
31	国际物流管理	7-301-19431-7	柴庆春	40.00	64	运输组织学	7-301-23885-1	孟祥茹	48.00
32	商品检验与质量认证	7-301-10563-4	陈红丽	32.00	65	物流管理	7-301-22161-7	张佺举	49.00
33	供应链管理	7-301-19734-9	刘永胜	49.00					

让学习更轻松。联系方式: 010-62750667, wangxc02@163.com, lihu80@163.com, 欢迎来电来信。